# ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ НЕОРГАНИЧЕСКАЯ ХИМИЯ

УДК 538.915

# ВЛИЯНИЕ ПОПРАВКИ НА КУЛОНОВСКОЕ САМОДЕЙСТВИЕ 3*d*-ЭЛЕКТРОНОВ ПЕРЕХОДНЫХ МЕТАЛЛОВ НА ЭЛЕКТРОННЫЕ И МАГНИТНЫЕ СВОЙСТВА СОЕДИНЕНИЙ CoGeN<sub>2</sub>, CrGeN<sub>2</sub>, MnSiN<sub>2</sub> И MnGeN<sub>2</sub>

© 2021 г. В. Б. Кольцов<sup>а,</sup> \*, М. С. Михайлова<sup>а</sup>

<sup>а</sup>Московский институт электронной техники, пл. Шокина, 1, Москва, 124498 Россия

\**e-mail: koltsov\_v\_b@mail.ru* Поступила в редакцию 16.12.2020 г. После доработки 15.06.2021 г. Принята к публикации 16.06.2021 г.

Электронная структура рассчитана для новых кристаллов CoGeN<sub>2</sub>, CrGeN<sub>2</sub>, MnSiN<sub>2</sub> и MnGeN<sub>2</sub> со структурой халькопирита в антиферромагнитной ( $\Delta \Phi M$ ) и ферромагнитной ( $\Phi M$ ) фазах. Установлено, что  $\Delta \Phi M$ -состояние является энергетически выгодным для всех четырех материалов. Впервые изучены электронные свойства CoGeN<sub>2</sub> и CrGeN<sub>2</sub> с помощью двух обменно-корреляционных функционалов, а именно GGA-PBE и PBE0. Второй подход отличается от первого устранением ошибки кулоновского самодействия сильно коррелированных 3*d*-электронов. Например, без учета этой ошибки ширина запрещенной зоны в CoGeN<sub>2</sub>, MnSiN<sub>2</sub> и MnGeN<sub>2</sub> в  $\Delta \Phi M$ -фазе составляет 0.11. 1.45 и 0.91 эВ, а с учетом – 1.46, 3.47 и 1.37 эВ соответственно. Соединение CoGeN<sub>2</sub> без учета ошибки самодействия проявляет свойства металла для обоих ориентаций спина, а с ее учетом является прямозонным полупроводником с шириной запрещенной зоны 1.38 эВ для спина вверх и 1.77 эВ для спина вниз. Рассматриваемые кристаллы являются перспективными материалами для приложений магнитоэлектроники.

*Ключевые слова:* халькопирит, антиферромагнетик, электронная структура, магнитные свойства **DOI:** 10.31857/S0044457X21120084

# введение

В настоящее время ведется поиск эффективных материалов для спиновой электроники. Один из подходов состоит в сплавлении известных и хорошо изученных полупроводниковых материалов с атомами переходных 3*d*-элементов. В частности, большое внимание уделяется исследованию полупроводников А<sup>III</sup>В<sup>V</sup>, легированных Mn, таких как GaMnAs, GaMnN, и кремния, легированного 3*d*-переходными элементами (Si : T, T = V, Cr, Mn, Fe, Co, Ni) [1]. В работе [2] исследованы магнитные свойства сплавов InMnSb с целью поиска эффективных материалов спинтроники. Теоретические аспекты материалов, содержащих подсистему сильно коррелированных 3*d*-электронов, рассмотрены в работах [3–5] с привлечением модельных и априорных функционалов обменно-корреляционного потенциала. В работе [5] исследовано локальное обменное взаимодействие *s*-электронов валентной зоны с 3*d*-электронами Mn, причем обменный интеграл рассчитан с использованием точных атомных волновых функций. Температура Кюри фазового перехода из ферромагнитного (**ФМ**) в парамагнитное состояние определена через понижение полной энергии за счет спиновой поляризации в расчете на одну формульную единицу.

Поиск перспективных материалов для спинтроники ведется также путем исследования полусплавов Гейслера [6]. Инверсные сплавы Гейслера  $X_2$ YZ (X = Cr; Y = Co, Ni; Z = Al, Ga, In, Si, Ge, Sn, Sb) выявили ферримагнитный порядок, обусловленный взаимодействием магнитных моментов атомов Cr–Cr, поэтому они являются перспективными кандидатами для применения в сканирующей туннельной микроскопии для исключения паразитного поля, индуцированного в случае наконечника из ФМ-материала [7].

Халькопириты с кристаллической структурой относятся к семейству материалов на основе цинковой обманки. Халькопириты, легированные Mn, такие как CdGeP<sub>2</sub> [8], ZnSnAs<sub>2</sub> [9] и ZnGeP<sub>2</sub> [10], демонстрируют  $\Phi$ M-упорядочение с температурой Кюри 320, 329 и 312 К соответственно.

Следует подчеркнуть, что в контексте спиновой электроники большое внимание уделяется

спин-поляризованным полуметаллическим системам [6, 11]. Но сегодня можно говорить о новом направлении исследований, посвященном антиферромагнитной (**АФМ**) спинтронике [12–14]. Поэтому поиск перспективных материалов для использования в спинтронике является актуальной задачей современности. В настоящей работе исследовано электронное строение новых соединений со структурой халькопирита при помощи двух обменно-корреляционных функционалов энергии.

### ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

Все представленные здесь расчеты были выполнены на основе базиса проекционно-присоединенных волн (projector augmented waves, PAW) [15] с использованием программного пакета ABINIT [16]. Гибридный функционал обменнокорреляционной энергии рассчитывали в приближении РВЕО [17], которое состоит из двух слагаемых: полулокального вклада, основанного на обобщенном градиентном приближении (GGA-PBE) [18], и обменной энергии в приближении Хартри-Фока (**ХФ**, HF). Таким образом, обменнокорреляционная энергия в подходе РВЕ0 является суммой двух слагаемых, в которую энергия ХФ включается при помощи параметра смешивания α. Параметр  $\alpha = 0.25$  рекомендуется использовать при расчетах электронной структуры материалов, содержащих d(f)-переходные элементы.

Применение функционалов  $E_{xc}^{PBE}$  ( $\alpha = 0$ ) и  $E_{xc}^{PBE0}$  ( $\alpha = 0.25$ ) дает возможность оценить влияние ошибки кулоновского самодействия (**OKC**, self-interaction error, SIE) сильно коррелированных 3*d*-электронов на электронный энергетический спектр кристаллов, содержащих 3*d*-элементы Cr, Co и Mn. Применение гибридного функционала PBE0 привело к значительно лучшему согласию теоретических и экспериментальных значений кинетических коэффициентов A<sub>2</sub>B<sub>6</sub> [19, 20].

Симметрия рассматриваемых здесь кристаллов описывается пр. гр. *Рпа*21 (№ 33), а магнитная точечная группа для АФМ-фазы – m'm2'. Элементарная ячейка рассматриваемых здесь кристаллов  $ABN_2$  имеет четыре формульные единицы (Z = 4) и содержит 16 атомов. Базис элементарной ячейки определяется тройкой взаимно перпендикулярных векторов  $(a_1, a_2, a_3)$ , модули которых равны *a*,*b*,*c*. Базис обратной решетки – это тройка взаимно перпендикулярных векторов  $(\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2, \mathbf{b}_3)$ , модули которых равны  $2\pi/a, 2\pi/b, 2\pi/c$ . Последние определяют положения точек высокой симметрии в первой зоне Бриллюэна, приведенные координаты которых равны  $X(1/2,0,0), \Gamma(0,0,0),$ U(1/2, 0, 1/2), $Z(0,0,1/2), \qquad S(1/2,1/2,0),$ 

T(0,1/2,1/2), R(1/2,1/2,1/2), Y(0,1/2,0). Однако расчеты выполняются после умножения приведенных координат на  $\pi$ . Например, после умножения координаты точки R составляют  $(\pi/2,\pi/2,\pi/2)$ . Именно эти точки зоны Бриллюэна изображены ниже на рисунках.

Магнитные свойства кристаллов рассчитывали в ФМ- и АФМ-фазах как с учетом ОКС, так и без учета последней. Оба подхода оперируют плотностью электронов с противоположными спинами  $s_{\uparrow}$  и  $s_{\downarrow}$ , т.е. в результате самосогласованвычисления мы получаем ного разность  $(n(s_{\uparrow},\mathbf{r}) - n(s_{\bot},\mathbf{r}))$ , интеграл которой после умножения на магнетон Бора дает магнитный момент элементарной ячейки. Этот подход в программе ABINIT реализуется выбором режима с двумя спиновыми поляризациями для волновой функции и плотности электронов. Тогда подход без учета ОКС ( $\alpha = 0$ ) вообще не содержит внешних параметров, а учитывая ОКС, мы имеем дело только с единственным параметром  $-\alpha = 0.25$ . Это полный спин-поляризованный подход, в котором нет необходимости использовать эмпирические параметры U и J.

Элементарные ячейки рассматриваемых кристаллов содержат четыре атома переходного 3*d*-металла, которые являются попарно симметрично-эквивалентными. Например, в кристалле CoGeN<sub>2</sub> эквивалентными являются атомы (Co<sub>1</sub>, Co<sub>3</sub>) и (Co<sub>2</sub>, Co<sub>4</sub>). Это сильно упрощает реализацию режима расчета в ФМ- или АФМ-фазе. Для режима ФМ следует задать начальные максимальные значения спинов атомов Со как (3, 3, 3, 3), для АФМ – (3, -3, 3, -3). Удачный выбор начального приближения приводит к ускорению процесса сходимости самосогласованных расчетов.

Базис плоских волн определяется максимальной кинетической энергией 60 Ry с сеткой 54 × × 64 × 50 для волновой функции, более плотная сетка — максимальной энергией 240 Ry с сеткой 108 × 128 × 100 для расчета электронной плотности и потенциала.

#### РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

Энергетический спектр электронов кристалла  $CoGeN_2$  представлен на рис. 1. За реперный уровень энергии электронов принята энергия Ферми. Последняя расположена в запрещенной зоне, как в классическом полупроводнике. Нами установлено, что верхняя часть валентной зоны образована *p*-состояниями атомов Ge и N. Эти состояния доминируют и в нижней части зоны проводимости.

Парциальные плотности PDOS двух различных атомов Со показаны на рис. 2. Кривые демонстрируют значительную симметричную неэк-



**Рис. 1.** Энергетические зоны электронов кристалла  $CoGeN_2$  в A $\Phi$ M- $\phi$ азе, рассчитанные с учетом OKC.

вивалентность двух атомов кобальта в элементарной ячейке. Как видно из рис. 2, 3*d*-электроны атомов Со движутся в узких энергетических зонах, а значения PDOS большие. Без учета ОКС 3d-электронов ( $\alpha = 0$ ) вычисления дают непрямую запрещенную зону в направлении  $\Gamma - Z$ , равную 0.11 эВ. Включение в расчет ОКС ( $\alpha = 0.25$ ) приводит к непрямозонному полупроводнику с запрещенной зоной  $\varepsilon_g = 1.46$  эВ в направлении  $\Gamma - X$ . Поскольку 3*d*-электроны атомов Со представляют собой сильно коррелированную подсистему фермионов, целесообразно применение гибридного функционала РВЕ0. Рассчитанные без учета ОКС ( $\alpha = 0$ ) магнитные моменты атомов Co<sub>1</sub>, Co<sub>2</sub>, Co<sub>3</sub> и Co<sub>4</sub> имеют значения 2.23, -2.23, 2.23 и  $-2.23 \mu_B$ , а с учетом поправок ( $\alpha = 0.25$ ) – 2.64, -2.64, 2.64 и -2.64 µ<sub>в</sub> соответственно. Полный магнитный момент элементарной ячейки равен нулю.

Кривые дисперсии электронов валентной зоны, полученные в кристалле CrGeN<sub>2</sub> без учета OKC 3*d*-электронов, пересекают уровень Ферми. Ближайшая малая щель расположена на ~0.6 эВ выше уровня Ферми, который погружен в валентную зону.

Найденные без учета ОКС ( $\alpha = 0$ ) магнитные моменты атомов Cr<sub>1</sub>, Cr<sub>2</sub>, Cr<sub>3</sub> и Cr<sub>4</sub> имеют значения 3.02, -3.02, 3.02 и -3.02  $\mu_B$ , а с учетом ОКС ( $\alpha = 0.25$ ) - 3.19, -3.19, 3.19 и -3.19  $\mu_B$  соответственно. Полный магнитный момент элементарной ячейки равен нулю.

Учет ОКС ( $\alpha = 0.25$ ) не приводит к каким-либо заметным изменениям зонных кривых, приведенных на рис. 3. Уровень Ферми погружен в заполненные состояния валентной зоны. Результаты расчета PDOS 3*d*-электронов (рис. 4), реализованные с



**Рис. 2.** Парциальная плотность 3*d*-состояний Со в кристалле CoGeN<sub>2</sub>, полученная с учетом OKC.



**Рис. 3.** Энергетические зоны электронов кристалла CrGeN<sub>2</sub> в АФМ-фазе, рассчитанные с учетом ОКС.

учетом ОКС, показывают значительные изменения в локализации n(E) Сг.

Электронные энергетические зоны кристалла  $MnSiN_2$ , найденные с пренебрежением OKC (рис. 5), приводят к локализации уровня Ферми внутри запрещенной зоны, как в полупроводнике. Кристалл имеет непрямую запрещенную зону в направлении RT-X, равную 1.45 эВ.

Магнитные моменты атомов  $Mn_1$ ,  $Mn_2$ ,  $Mn_3$  и  $Mn_4$  в элементарной ячейке, найденные без учета OKC ( $\alpha = 0$ ), имеют значения 3.97, -3.97, 3.97 и  $-3.97 \mu_B$  соответственно, а с учетом OKC они равны 4.25, -4.25, 4.25 и  $-4.25 \mu_B$ . Полный магнит-



**Рис. 4.** Парциальная плотность 3*d*-состояний Сг в кристалле CrGeN<sub>2</sub>, полученная с учетом OKC.

ный момент элементарной ячейки равен нулю. Учет ОКС приводит к увеличению ширины запрещенной зоны материала  $MnSiN_2$ , а также к значительному изменению PDOS 3*d*-электронов атомов Mn в сравнении с результатами, полученными с пренебрежением OKC (рис. 6).

Игнорируя поправку на OKC ( $\alpha = 0$ ), мы установили, что в кристалле MnGeN<sub>2</sub> уровень Ферми немного смещен в сторону зоны проводимости. Кристалл имеет непрямую запрещенную зону в направлении T–Г, равную 0.91 эВ.

Без учета поправки на ОКС рассчитанные магнитные моменты атомов  $Mn_1$ ,  $Mn_2$ ,  $Mn_3$  и  $Mn_4$ имеют значения 3.97, -3.97, 3.97 и -3.97  $\mu_B$ , однако учет ОКС приводит к значениям 4.24, -4.24, 4.24 и -4.24  $\mu_B$  соответственно. Суммарный магнитный момент элементарной ячейки равен нулю. Энергетические зоны электронов в кристалле MnGeN<sub>2</sub>, полученные с поправками на ОКС ( $\alpha =$ = 0.25), представлены на рис. 7. Хорошо видно, что уровень Ферми находится внутри запрещенной зоны и смещен в сторону зоны проводимости. Кристалл имеет непрямую запрещенную зону в направлении T–Г, равную 1.37 эВ.

Кривые PDOS атомов Mn представлены на рис. 8. Они рассчитаны с учетом ОКС для подсистемы 3*d*-электронов. Кривые, соответствующие неэквивалентным атомам Mn в элементарной ячейке, показывают распределение 3*d*-электронов по энергии. Кривые PDOS, представленные на рис. 8, заполняют более широкие энергетические интервалы как в валентной зоне, так и в зоне проводимости по сравнению с таковыми, полученными без учета поправок на ОКС.



**Рис. 5.** Энергетические зоны электронов кристалла  $MnSiN_2$  в A $\Phi$ M- $\phi$ азе, рассчитанные с учетом OKC.



**Рис. 6.** Парциальная плотность 3d-состояний Mn в кристалле MnSiN<sub>2</sub>, полученная с учетом OKC.

Соединения  $MnGeN_2$  и  $MnSiN_2$  ранее исследовались на основе PAW в рамках обменно-корреляционного функционала GGA, но только в  $\Phi$ M-фазе [21]. Магнитные моменты на элементарную ячейку, найденные здесь в  $\Phi$ M-фазе для кристаллов  $MnGeN_2$  и  $MnSiN_2$ , равны 20.0  $\mu_B$ . Эти значения очень хорошо согласуются с таковыми, рассчитанными на формульную единицу для обоих кристаллов [21], которые составляют 5.0  $\mu_B$ .

Недавние публикации, посвященные электронному строению соединений HgCX<sub>2</sub> [22, 23], свидетельствуют о возрастании интереса к мате-



**Рис.** 7. Энергетические зоны электронов кристалла  $MnGeN_2$  в A $\Phi$ M- $\phi$ азе, рассчитанные с учетом OKC.



**Рис. 8.** Парциальная плотность 3*d*-состояний Mn в кристалле MnGeN<sub>2</sub>, полученная с учетом OKC.

риалам, изоструктурным рассмотренным в настоящей работе.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Электронные свойства кристаллических халькопиритов CoGeN<sub>2</sub>, CrGeN<sub>2</sub>, MnSiN<sub>2</sub> и MnGeN<sub>2</sub> были изучены в AФМ- и ФМ-фазах. Результаты расчетов показали, что учет ошибки кулоновского самодействия приводит к значительному изменению энергии 3d-электронов переходных металлов в кристалле. Результаты, полученные нами в AФМ- и ФМ-фазах, показывают значительное влияние учета ошибки кулоновского самодействия на значения ширины запрещенной зоны кристаллов. Разность полных энергий  $E_{\Phi M} - E_{A\Phi M}$  составляет 1.70, 0.41, 1.54 и 1.33 эВ для материалов CoGeN<sub>2</sub>, CrGeN<sub>2</sub>, MnSiN<sub>2</sub> и MnGeN<sub>2</sub> соответственно. Это значения указывают на более устойчивое состояние АФМ по сравнению с ФМ. Рассмотренные кристаллы являются перспективными материалами для приложений магнитоэлектроники.

#### КОНФЛИКТ ИНТЕРЕСОВ

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

# СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Zhang Z.Z., Partoens B., Kai Chang et al. // Phys. Rev. B. 2008. V. 77. № 15. P. 155201. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.77.155201
- Marenkin S., Kochura A., Fedorchenko I. et al. // Inorg. Mater. 2016. V. 52. № 3. P. 268. https://doi.org/10.1134/S0020168516030110
- Yarzhemsky V.G., Murashov S.V., Izotov A.D. // Inorg. Mater. 2016. V. 52. P. 89. https://doi.org/10.1134/S0020168516020175
- Yarzhemsky V.G., Murashov S.V., Izotov A.D. // Inorg. Mater. 2017. V. 53. P. 1131. https://doi.org/10.1134/S0020168517110176
- Yarzhemsky V.G., Murashov S.V., Izotov A.D. // Inorg. Mater. 2017. V. 55. P. 1. https://doi.org/10.1134/S0020168519010187
- 6. *Graf T., Felser C., Parkin S.S.P.* // Prog. Solid State Chem. 2011. V. 39. № 1. P. 1. https://doi.org/10.1016/j.progsolidstchem.2011.02.001
- Susanta K. Mohanta, Yongxue Tao, Xiaoyan Yan et al. // J. Magn. Magn. Mater. 2017. V. 430. № 1. P. 65. https://doi.org/10.1016/j.jmmm.2017.01.055
- Medvedkin G.A., Ishibashi T., Nishi T. et al. // Jpn. J. Appl. Phys. 2000. V. 39. P. L949. https://doi.org/10.1007/s10948-005-2154-8
- Choi S., Cha G.B., Hong S. et al. // Solid State Commun. 2002. V. 122. № 3–4. P. 165. https://doi.org/10.1016/S0038-1098(02)00094-7
- Cho S., Choi S., Cha G.B. et al. // Phys. Rev. Lett. 2002.
  V. 88. № 25. P. 257203. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.88.257203
- 11. Pogorily A., Ryabchenko S., Tovstolytkin A. // Ukr. J. Phys. Rev. 2010. V. 6. № 1. P. 37.
- Gomonay E.V., Loktev V.M. // Low Temp. Phys. 2014.
  V. 40. № 1. P. 22. https://doi.org/10.1063/1.4862467
- 13. *Kravchuk V.P., Gomonay O., Sheka D.D. et al.* // Phys. Rev. B. 2019. V. 99. № 18. P. 184429. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.99.184429
- 14. *Grytsiuk S., Hanke J.-P., Hoffmann M. et al.* // Nat. Commun. 2020. V. 11. № 1. P. 1. https://doi.org/10.1038/s41467-019-14030-3
- 15. *Blöchl P.E.* // Phys. Rev. B. 1994. V. 50. № 24. P. 17953. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.50.17953

- 16. *Gonze X., Jollet F., Abreu Araujo F. et al.* // Comput. Phys. Commun. 2016. V. 205. № 8. P. 106. https://doi.org/10.1016/j.cpc.2016.04.003
- 17. *Novák P., Kuneš J., Chaput L. et al.* // Phys. Status Solidi B. 2006. V. 243. № 3. P. 563. https://doi.org/10.1002/pssb.200541371
- Perdew J.P., Burke K., Ernzerhof M. // Phys. Rev. Lett. 1996. V. 77. № 18. P. 3865. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.77.3865
- Malyk O.P., Syrotyuk S.V. // Comput. Mater. Sci. 2017. V. 139. № 11. P. 387. https://doi.org/10.1016/j.commatsci.2017.07.039
- 20. Malyk O.P., Syrotyuk S.V. // J. Electron. Mater. 2018. V. 47. № 8. P. 4212. https://doi.org/10.1007/s11664-018-6068-1
- Naveh D., Kronik L. // Phys. Status Solidi B. 2006. V. 243. № 9. P. 2159. https://doi.org/10.1002/pssb.200666806
- 22. Basalaev Yu.M., Basalaeva M.Yu. // J. Struct. Chem. 2020. V. 61. P. 1007. https://doi.org/10.1134/S0022476620070021
- 23. Basalaev Yu.M., Basalaeva M.Yu., Duginova E.B. et al. // J. Struct. Chem. 2020. V. 61. P. 1839. https://doi.org/10.1134/S002247662012001X