## \_\_\_\_\_ ФИЗИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ \_\_\_\_ ИССЛЕДОВАНИЯ

УДК 536.63

# ТЕПЛОЕМКОСТЬ И ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЕ ФУНКЦИИ ГЕРМАНАТОВ DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> И HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> В ОБЛАСТИ 350–1000 К

© 2019 г. Л. Т. Денисова<sup>1, \*</sup>, Л. А. Иртюго<sup>1</sup>, Ю. Ф. Каргин<sup>2</sup>, В. В. Белецкий<sup>1</sup>, Н. В. Белоусова<sup>1</sup>, В. М. Денисов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Сибирский федеральный университет, Институт цветных металлов и материаловедения, Свободный пр-т, 79, Красноярск, 660041 Россия

<sup>2</sup>Институт металлургии и материаловедения им. А.А. Байкова РАН, Ленинский пр-т, 49, Москва, 119991 Россия

\*E-mail: antluba@mail.ru

Поступила в редакцию 25.01.2019 г. После доработки 13.02.2019 г. Принята к публикации 15.03.2019 г.

Многоступенчатым обжигом стехиометрических смесей исходных оксидов (метод твердофазных реакций) на воздухе в интервале температур 1273–1473 К синтезированы соединения DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub>. Методом дифференциальной сканирующей калориметрии измерена высокотемпературная теплоемкость поликристаллических образцов германатов диспрозия-индия и гольмия-индия. На основании экспериментальных данных  $C_p = f(T)$  рассчитаны термодинамические свойства исследованных оксидных соединений.

*Ключевые слова:* германаты редкоземельных элементов, твердофазный синтез, теплоемкость, термодинамические свойства

DOI: 10.1134/S0044457X19090071

#### введение

Оксидные соединения на основе германия длительное время привлекают внимание как практиков, так и исследователей. В первую очередь это относится к германатам редкоземельных элементов (РЗЭ) [1–12]. Германаты А2Ge2O7 и ABGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> (А и В – редкоземельные и трехвалентные элементы, переходные металлы) могут быть идентифицированы в двух типах кристаллической структуры: тортвейтитоподобной и тортвейтитовой [13]. Например, соединения DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> имеют тортвейтитоподобную структуру (пр. гр. *C*2/*c*) [13]. Германаты Dy<sub>2</sub>Ge<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и Но<sub>2</sub>Ge<sub>2</sub>O<sub>7</sub> кристаллизуются в тетрагональной сингонии (пр. гр. P4<sub>1</sub>2<sub>1</sub>2) [1, 14–17], а In<sub>2</sub>Ge<sub>2</sub>O<sub>7</sub> имеет структуру тортвейтита с симметрией, описываемой пр. гр. С2/т [18]. Несмотря на большой интерес к германатам РЗЭ, многие их свойства, в частности термохимические, не изучены. Диаграммы состояния систем  $Dy_2Ge_2O_7$ – $In_2Ge_2O_7$  и  $Ho_2Ge_2O_7$ -In<sub>2</sub>Ge<sub>2</sub>O<sub>7</sub> не построены. В то же время для оптимизации условий синтеза и уточнения фазовых равновесий методами термодинамики необходимы сведения об их термодинамических свойствах, поэтому представляется целесообразным исследовать термодинамические свойства оксидных соединений DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub>.

#### ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

Синтез германатов DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> проводили методом твердофазных реакций с использованием в качестве исходных компонентов  $Dy_2O_3$  и  $Ho_2O_3$  (х. ч.),  $In_2O_3$  (ос. ч.) и  $GeO_2$ (99.999%, ФГУП "Германий"). Стехиометрические смеси предварительно прокаленных при 1173 К исходных оксидов перетирали в агатовой ступке и прессовали в таблетки. Их последовательно обжигали на воздухе при температурах 1273 (40 ч), 1373 (100 ч) и 1473 К (60 ч). Достаточно высокие температуры твердофазного синтеза могут привести к частичному испарению GeO<sub>2</sub> [14, 19], поэтому синтез проводили в закрытых тиглях из оксида бериллия, количество добавляемого сверх стехиометрии GeO<sub>2</sub> и временной интервал подбирали экспериментально. Контроль фазового состава полученных образцов осуществляли методом рентгенофазового анализа (дифрактометр X'Pert Pro MPD PANalytical, Нидерланды,  $CuK_{\alpha}$ -излучение). Дифрактограммы регистрировали с помощью высокоскоростного детектора PIXcel. Параметры решеток синтезированных германатов определяли полнопрофильным уточнением методом минимизации производной разности [20].



**Рис. 1.** Рентгенограммы DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> (а) и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> (б) при комнатной температуре, профили рентгенограмм: *1* – экспериментальный, *2* – расчетный, *3* – разностный; штрихи указывают расчетное положение рефлексов.

Измерения теплоемкости DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> проводили на приборе STA 449 C Jupiter (Netzsch, Германия). Методика экспериментов подобна описанной в [21–23]. Полученные результаты обрабатывали с помощью пакета аналитических программ Netzsch Proteus Thermal Analysis и лицензионного программного инструмента Systat Sigma Plot 12 ("Systat Software Inc", США). Ошибка экспериментов не превышала 2%, что характерно для дифференциальных сканирующих калориметров, работающих в области высоких температур.

#### РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

Дифрактограммы полученных германатов диспрозия-индия и гольмия-индия приведены на рис. 1. По нашим данным, параметры элементар-



**Рис. 2.** Температурные зависимости молярной теплоемкости  $DyInGe_2O_7(1)$  и HoInGe $_2O_7(2)$ .

ных ячеек DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> (пр. гр. C2/c) соответственно равны: a = 6.8446(2), b = $= 8.8625(2), c = 9.8112(2) \text{ Å}, \beta = 101.579(1)^{\circ}, V =$ = 583.04(3) Å<sup>3</sup> и a = 6.8371(2), b = 8.8819(2),c = 9.8218(1) Å,  $\beta = 101.724(1)^{\circ}$ , V = 584.00(1) Å<sup>3</sup>. Эти данные удовлетворительно согласуются с результатами [13]. Согласно [13], соединения ABGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> могут кристаллизоваться в четырех разных пространственных группах в зависимости от соотношения ионных радиусов  $r_{\rm B}/r_{\rm A}$ . Для  $r_{\rm B}/r_{\rm A} > 0.80$  характерна пр. гр. С2/с, что и реализуется для DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub>. Подобная пространственная группа наблюдается и для TbInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> [13]. Сопоставление ионных радиусов РЗЭ в соединениях с тортвейтитоподобными структурами (TbInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub>, DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub>) с параметрами элементарной ячейки показывает, что с уменьшением *r* от 0.923 (Тb<sup>3+</sup>) до 0.901 Å (Ho<sup>3+</sup>) параметр *а* уменьшается от 6.9918 до 6.8371 Å, а *с* увеличивается от 9.7892 Å до 9.8218 Å. Закономерные изменения в ряду Тb-Dy-Но наблюдаются для *V* – от 586.25 до 584.00 Å<sup>3</sup> и β – от 101.401° до  $101.724^{\circ}$ . Параметр *b* при этом остается практически постоянным в пределах  $8.87 \pm 0.01$  Å. Данные о структуре TbInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> взяты из работы [13].

На рис. 2 показаны температурные зависимости теплоемкости DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub>, из которых видно, что с ростом температуры значения теплоемкости закономерно увеличиваются, а на зависимостях  $C_p = f(T)$  нет экстремумов. По-видимому, это свидетельствует об отсутствии полиморфных превращений в исследованном интервале температур и позволяет описать полученные данные по влиянию температуры на теплоем-

<i>Т</i> , К	<i>С<sub>p</sub>,</i> Дж/(моль К)	<i>H</i> °( <i>T</i> ) − <i>H</i> °(350 K), кДж/моль	<i>S</i> °( <i>T</i> ) − <i>S</i> °(350 K), Дж/(моль K)	Ф°( <i>T</i> ) – Φ°(350 К), Дж/(моль К)
350	230.4	_	_	_
400	237.3	11.70	31.24	1.99
450	242.3	23.70	59.50	6.83
500	246.2	35.91	85.23	13.40
550	249.2	48.30	108.8	21.02
600	251.8	60.83	130.6	29.26
650	254.0	73.48	150.9	37.85
700	256.0	86.23	169.8	46.60
750	257.7	99.07	187.5	55.41
800	259.3	112.0	204.2	64.19
850	260.8	125.0	220.0	72.90
900	262.1	138.1	234.9	81.49
950	263.5	151.2	249.1	89.94
1000	264.7	164.4	262.7	98.24

Таблица 1. Термодинамические свойства DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub>

Таблица 2. Термодинамические свойства HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub>

Т, К	<i>С<sub>р</sub>,</i> Дж/(моль К)	<i>H</i> °( <i>T</i> ) − <i>H</i> °(350 K), кДж/моль	<i>S</i> °( <i>T</i> ) − <i>S</i> °(350 K), Дж/(моль K)	Ф°( <i>T</i> ) – Ф°(350 К), Дж/(моль К)
350	224.2	_	_	_
400	230.6	11.38	30.38	1.93
450	235.5	23.03	57.83	6.64
500	239.4	34.91	82.85	13.03
550	242.6	46.96	105.8	20.43
600	245.5	59.16	127.0	28.45
650	248.0	71.50	146.8	36.80
700	250.4	83.97	165.3	45.32
750	252.6	96.54	182.6	53.91
800	254.7	109.2	199.0	62.47
850	256.6	122.0	214.5	70.96
900	258.2	134.9	229.2	79.35
950	260.4	147.6	243.2	87.60
1000	262.2	160.9	256.6	95.73

кость классическим уравнением Майера-Келли [24, 25]:

$$C_{p} = a + bT + cT^{-2}, (1)$$

которое для DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> имеет соответственно следующий вид:

$$C_p = (249.44 \pm 0.40) + (18.20 \pm 0.40) \times \times 10^{-3}T - (31.22 \pm 0.42) \times 10^5 T^{-2},$$
(2)

$$C_p = (234.30 \pm 0.50) + (30.44 \pm 0.51) \times \times 10^{-3}T - (25.37 \pm 0.48) \times 10^5 T^{-2}.$$
 (3)

Коэффициенты корреляции для уравнений (2) и (3) равны 0.9993 и 0.9992, а максимальные отклонения от сглаживающих кривых – 0.36 и 0.41%.

На основании уравнений (2) и (3) по известным термодинамическим соотношениям рассчитаны термодинамические функции исследованных германатов (изменения энтальпии и энтропии, приведенной энергии Гиббса) [25]. Результаты приведены в табл. 1 и 2. Из представленных данных следует, что для DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> при всех исследованных температурах значения  $C_p$  не превышают предел Дюлонга—Пти 3*Rs*, где *R* — универсальная газовая постоянная, *s* — число атомов в формульной единице соединения.

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Методом дифференциальной сканирующей калориметрии экспериментально измерена зависимость молярной теплоемкости от температуры поликристаллических образцов германатов DyInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> и HoInGe<sub>2</sub>O<sub>7</sub> в интервале 350–1000 К. Полученные зависимости могут быть описаны классическим уравнением Майера—Келли. На основании полученных экспериментальных зависимостей  $C_p = f(T)$  рассчитаны термодинамические свойства (изменения энтальпии и энтропии, приведенная энергия Гиббса) германатов диспрозия-индия и гольмия-индия.

#### ФИНАНСИРОВАНИЕ РАБОТЫ

Работа выполнена в рамках Государственного задания Министерства науки и высшего образования Российской Федерации Сибирскому федеральному университету на 2017—2019 гг. (проект № 4.8083.2017/8.9 "Формирование банка данных термодинамических характеристик сложнооксидных полифункциональных материалов, содержащих редкие и рассеянные элементы").

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Демьянец Л.Н., Лобачев А.Н., Емельченко Г.А. Германаты редкоземельных элементов. М.: Наука, 1980. 152 с.
- Juarez-Arellano E.A., Bucio L., Hernandez J.A. et al. // J. Solid State Chem. 2003. V. 170. P. 418. https://doi.org/10.1016/S0022-4596(02)00134-2
- Juarez-Arellano E.A., Bucio L., Ruvalcaba J.L. et al. // Z. Kristallogr. 2002. V. 217. P. 201.
- Juarez-Arellano E.A., Rosales I., Oliver A. et al. // Acta Crystallogr. 2004. V. C60. P. i14. https://doi.org/10.1107/S0108270103029056
- Chang Y.-S., Lin H.-J., Chai Y.-L. et al. // J. Alloys Compd. 2008. V. 460. P. 421. https://doi.org/10.1016/jjallcom.2007.05.060
- 6. Портной К.И., Тимофеева Н.И. Кислородные соединения редкоземельных элементов. М.: Металлургия, 1986. 480 с.
- Бондарь И.А., Виноградова В.Н., Демьянец Л.Н. и др. Соединения редкоземельных элементов. Силикаты, германаты, фосфаты, арсенаты, ванадаты. М.: Наука, 1983. 288 с.
- Morosan E., Fleitman J.A., Huang Q. et al. // Phys. Rev. B. 2008. V. 77. P. 224423-1. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.77.224423

- 9. Торопов Н.А., Бондарь И.А., Лазарев А.Н. и др. Силикаты редкоземельных элементов и их аналоги. Л.: Наука, 1971. 230 с.
- Ke X., Dahlberg M.L., Morosan E. et al. // Phys. Rev. B. 2008. V. 78. P. 104411-1. https://doi.org/10.1103/PhysRevB78.104411
- 11. Subramanian M.A., Sleight A.W. // Handbook Phys Chem. Rare Earth. 1993. V. 16. P. 225.
- 12. *Leskelä M., Ninistö L. //* Handbook Phys Chem. Rare Earth. 1986. V. 8. P. 203.
- Juarez-Arellano E.A., Campa-Molina J., Ulloa-Godinez S. et al. // Mater. Res. Soc. Symp. Proc. 2005. V. 848. P. FF6.15.1.
- Becker U.W., Felsche J. // J. Less-Comm. Met. 1987. V. 128. P. 269.
- Moran D.M., Richardson F.S., Koralewski M. et al. // J. Alloys Compd. 1992. V. 180. P. 171.
- Jana Y.M., Ghosh M., Wanklyn B.M. // J. Magn. Magn. Mater. 1998. V. 183. P. 135.
- Johnson A.W.S., Preston A.R. // Ultramicroscopy. 1994. V. 55. P. 348.
- Gaewdang T., Chaminade J.P., Gravereau P. et al. // Z. Anorg. Allg. Chem. 1994. V. 620. P. 1965.
- 19. Глушкова В.Б., Давтян И.А., Келер Э.К. // Изв. АН СССР. Неорган. материалы. 1967. Т. 3. № 1. С. 119.
- 20. *Solovyov L.A.* // J. Appl. Crystallogr. 2004. V. 37. P. 743.

https://doi.org/10.1107/S0021889804015638

- Denisov V.M., Denisova L.T., Irtyugo L.A. et al. // Russ. Phys. Solid State. 2010. V. 52. № 7. Р. 1362. [Денисов В.М., Денисова Л.Т., Иртюго Л.А. и др. // ФТТ. 2010. Т. 52. № 7. С. 1274.] https://doi.org/10.1134/S1063783410070073
- 22. Denisova L.T., Irtyugo L.A., Kargin Yu.F. et al. // Inorg. Mater. 2017. V. 53. № 1. Р. 93. [Денисова Л.Т., Иртюго Л.А., Каргин Ю.Ф., Белецкий В.В., Денисов В.М. // Неорган. материалы. 2017. Т. 53. № 1. С. 71.] https://doi.org/10.1134/S0020168517010046
- 23. Denisova L.T., Irtyugo L.A., Belousova N.V. et al. // Russ. J. Phys. Chem. A. 2019. V. 93. № 3. Р. 598. [Денисова Л.Т., Иртюго Л.А., Белоусова Н.В. и др. // Журн. физ. химии. 2019. Т. 93. № 3. С. 476.] https://doi.org/10.1134/S003602441903004X
- 24. *Maier C.G., Kelly K.K.* // J. Am. Chem. Soc. 1932. V. 54. P. 3243.
- 25. *Чудненко К.В.* Термодинамическое моделирование в геохимии: теория, алгоритмы, программное обеспечение, приложения. Новосибирск: Гео, 2010. 287 с.