УДК 532.5

# ОСРЕДНЕННЫЕ ВИБРОКОНВЕКТИВНЫЕ ТЕЧЕНИЯ ЖИДКОСТИ В ДВУХСЛОЙНЫХ СИСТЕМАХ РАЗНОЙ ПРОНИЦАЕМОСТИ ПРИ НУЛЕВОЙ ГРАВИТАЦИИ

## © 2020 г. Е.А.Колчанова\*

Пермский государственный национальный исследовательский университет, Пермь, Россия

\*E-mail: kolchanovaea@gmail.com Поступила в редакцию 01.03.2020 г. После доработки 12.03.2020 г. Принята к публикации 12.03.2020 г.

Исследуется осредненная валиковая конвекция, возникающая под действием вибрации в двухслойной жидкостной системе с однородной пористой зоной разной проницаемости. Система совершает высокочастотные осцилляции поперечно вертикальному градиенту температуры в невесомости. Моделирование конвективной задачи проводится на основе метода осреднения. Определяются диапазоны частот вибрации и проницаемостей пористой зоны, характерные для коротковолновых и длинноволновых валов. При нулевой гравитации обнаружена резкая смена вида валов с ростом проницаемости, типичная для свободной тепловой конвекции в слоистых системах в обычных земных условиях. Найдено минимальное значение числа Дарси, ниже которого резкий переход от коротковолновой к длинноволновой конвекции с ростом частоты вибрации не происходит.

*Ключевые слова:* двухслойная система, пористая зона, разная проницаемость, продольные вибрации, предельное число Дарси

DOI: 10.31857/S0568528120050096

Тепловая конвекция в слоистых жидкостных системах, содержащих пористую зону в гравитационном поле, может возникать двумя способами: 1 — в виде длинноволновых валов, проникающих во все слои, 2 — в виде коротковолновых валов, формирующихся, главным образом, внутри жидкостных слоев без пористой зоны [1, 2]. Такое различие в поведении жидкости проявляется при изменении отношения толщин слоев, проницаемости пористой зоны. Смена типа валов также возможна под действием вертикальной высокочастотной вибрации [3], вызывающей осредненное валиковое течение в слоях. Однако порог возбуждения этих валов оказывается несколько выше, чем его значение в отсутствие вибрации.

В невесомости гравитационной конвекции нет. Течение здесь можно создать с помощью осредненной вибрационной силы в случае, когда система совершает колебания поперечно градиенту температуры. Эта ситуация для однослойных жидкостной и пористой систем подробно изучена в работах [4, 5]. В настоящем исследовании уделяется внимание особенностям термовибрационной конвекции в двухслойной системе, включающей пористую зону при нулевой гравитации. Изучается смена типа валов с ростом частоты вибрации и проницаемости этой зоны.

### ТЕОРИЯ

В работе исследуется возникновение осредненного виброконвективного течения в двухслойной жидкостной системе, содержащей пористую зону и участвующей в продольных высокочастотных осцилляциях в условиях нулевой гравитации. Поперек слоев создается градиент температуры таким образом, что подогрев системы осуществляется снизу (рис. 1). Период вибрации  $2\pi/\omega$  считается малым по сравнению с характерными временами распространения гидродинамических и тепловых возмущений в слоях, а ее амплитуда *a* – малой по сравнению с толщиной слоев [4, 5]. Пористая среда однородна и имеет пористость *m*, связанную с проницаемостью *K* формулой Кармана–Козени.



**Рис. 1.** Двухслойная система с пористой зоной осциллирует в поперечном градиенту температуры направлении в невесомости.

Уравнения осредненной термовибрационной конвекции несжимаемой жидкости приводятся в неинерциальной системе отсчета и получаются на основе метода осреднения. Этот метод был впервые применен для однослойных жидкостной и пористой систем в работах [4, 5]. Выпишем аналогичные уравнения для двухслойной системы "жидкость—пористая зона" с учетом безразмерных параметров в жидкостном слое

$$\frac{\mathrm{Da}}{\mathrm{Pr}_{m}}\left\{\frac{\partial \mathbf{v}}{\partial t} + b\left(\mathbf{v}\nabla\right)\mathbf{v}\right\} = -\nabla p_{f} + \mathrm{Da}\Delta\mathbf{v} + R_{v}\left(\mathbf{V}\nabla\right)\left(T\mathbf{n} - \mathbf{V}\right)$$
(1)

$$\frac{\kappa}{b}\frac{\partial T}{\partial t} + \kappa(\mathbf{v}\nabla)T = \Delta T, \quad \operatorname{div}\mathbf{v} = 0$$
<sup>(2)</sup>

$$\operatorname{rot} \mathbf{V} = \nabla T \times \mathbf{n}, \quad \operatorname{div} \mathbf{V} = 0 \tag{3}$$

в пористом слое

$$\frac{\mathrm{Da}}{\mathrm{Pr}_{m}}\left(\frac{1}{m}\frac{\partial\mathbf{u}}{\partial t} + \frac{1}{m^{2}}(\mathbf{u}\nabla)\mathbf{u}\right) = -\nabla p_{m} - \mathbf{u} + R_{v}\left(\mathbf{W}\nabla\right)\left(\vartheta\mathbf{n} - \frac{b}{m\delta}\mathbf{W}\right)$$
(4)

$$\frac{\partial \vartheta}{\partial t} + (\mathbf{u}\nabla)\vartheta = \Delta\vartheta, \quad \text{div}\,\mathbf{u} = 0 \tag{5}$$

$$\operatorname{rot} \mathbf{W} = \nabla(\delta \vartheta) \times \mathbf{n}, \quad \operatorname{div} \mathbf{W} = 0 \tag{6}$$

где введены переменные величины для осредненного течения в слое жидкости: **v** – скорость жидкости,  $p_f$  – конвективная добавка к давлению, T – отклонение температуры от некоторого среднего значения, **V** – соленоидальная часть вектора T**n**, определяющая амплитуду пульсационной скорости жидкости. Аналогичным образом вводятся переменные величины в пористом слое **u**,  $p_m$ ,  $\vartheta$  и **W**, соответственно, только в уравнении движения (4) используется скорость фильтрации жидкости **u**. Вектор **n** = (1,0,0) направлен по горизонтальной оси *x*, параллельной оси вибрации. Разницу в тепловых свойствах сред описывают такие параметры, как отношение теплопроводностей насыщенной пористой среды и жидкости к и отношение теплоемкостей среды и жидкости *b*.

Верхняя и нижняя границы двухслойной системы являются твердыми и идеально теплопроводными. Граница раздела плоская и проницаемая для жидкости.

$$z = d; \quad \mathbf{v} = 0, \quad T = T_f \tag{7}$$

$$z = 0$$
:  $T = \vartheta$ ,  $\frac{\partial T}{\partial z} = \kappa \frac{\partial \vartheta}{\partial z}$ ,  $\mathbf{v}_z = \mathbf{u}_z$ ,  $\mathbf{v}_x = 0$ , (8)

$$p_f + R_v \left\{ \mathbf{V}_z^2 - \frac{b}{m\delta} \mathbf{W}_z^2 \right\} = p_m, \quad \mathbf{V}_z = \mathbf{W}_z, \quad \delta \mathbf{V}_x = \mathbf{W}_x$$

$$z = -1; \quad \mathbf{u}_z = 0, \quad T = T_m \tag{9}$$

ИЗВЕСТИЯ РАН. МЕХАНИКА ЖИДКОСТИ И ГАЗА № 5 2020



**Рис. 2.** Зависимости порогового числа Рэлея—Дарси (а) и длины волны (б) осредненных конвективных валов, формирующихся сразу после потери устойчивости основного пульсационного течения, от числа Дарси при разных частотах вибрации:  $\Omega = 0.1, 0.5, 0.8, 10$  (*1*–*4*). Область *A* относится к основному пульсационному течению с нулевой средней скоростью, область *B* характеризует осредненное конвективное течение.

Безразмерные параметры в системе уравнений (1)–(6) и граничных условиях (7)–(9) – вибрационное число Рэлея–Дарси  $R_v = (\beta_T a \omega \Delta T)^2 K/2 v_f \chi_{eff}$ , число Прандтля  $\Pr_m = b v_f / \chi_{eff}$ , число Дарси Da =  $K/h_m^2$ , отношение толщин жидкостного и пористого слоев  $d = h_f / h_m$ . В уравнениях и граничных условиях также содержится дополнительный параметр  $\delta = \Omega^2 / [mb(1 + \Omega^2 / m^2)]$ , где  $\Omega$  – безразмерная частота вибрации. Он определяет разницу в амплитудах касательных скоростей пульсаций жидкости в слоях и вблизи их границы раздела (см. формулу (8)).

Численное решение системы уравнений (1–6) с граничными условиями (7)–(9) получено на основе метода стрельбы. Выбраны параметры слоев, характерные для системы "вода–стеклянные сферы". Находились пороговое число Рэлея–Дарси и длина волны осредненных конвективных валов, формирующихся непосредственно после потери устойчивости основного пульсационного течения. Основное течение представляло собой осциллирующее замкнутое плоскопараллельное течение с нулевой средней скоростью при вертикальном градиенте температуры. При превышении порогового числа Рэлея–Дарси на фоне высокочастотных пульсаций появлялись осредненные валы.

#### РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТОВ

На рис. 2а и рис. 2б показаны графики зависимости порогового числа Рэлея—Дарси и длины волны осредненных конвективных валов от числа Дарси при разных фиксированных значениях безразмерной частоты вибрации и отношении толщин слоев d = 0.15. При параметрах системы из области A на рис. 2а жидкость в среднем остается неподвижной на фоне быстро осциллирующего течения. При параметрах из области B на рис. 2а в слоях генерируется осредненное валиковое течение. Длина волны валов растет с ростом числа Дарси (рис. 26). Последнее задает характер фильтрации жидкости в порах и по определению является безразмерной проницаемостью пористого слоя. Поэтому рост этого параметра сопровождается переходом от коротковолновых валов, локализующихся в слое жидкости над порами, к длинноволновым валам, проникающим в пористую среду (рис. 26). Этот переход происходит резко, скачком, что является характерной особенностью свободной тепловой конвекции в слоистых системах, включающих несколько чередующихся слоев жидкости и пористой среды в гравитационном поле (синяя и красная сплошные линии и черная штриховая линия на рис. 26) [1, 2]. Описанная особенность впервые выявлена автором в двухслойной системе, осциллирующей при нулевой гравитации.

На рис. 3 показана граница скачкообразного перехода от осредненных коротковолновых валов к длинноволновым валам. Этот переход наблюдается при увеличении частоты вибрации и проницаемости среды. Из рис. 3 видно, что имеется минимальное асимптотическое значение числа Дарси Da<sub>\*</sub>  $\approx 4 \cdot 10^{-6}$ , ниже которого переход от коротковолновой к длинноволновой конвекции вообще не происходит.



**Рис. 3.** Зависимость частоты вибрации от числа Дарси, определяющая границу между длинноволновыми (область *LW rolls*) и коротковолновыми осредненными валами (область *SW rolls*), образующимися сразу после потери устойчивости основного пульсационного течения.

Отметим, что в сравнении со свободной конвекцией в земных условиях порог возбуждения осредненного виброконвективного течения в невесомости может не только понижаться с ростом проницаемости, но и повышаться в зависимости от выбора частоты вибрации. При безразмерных частотах, больших 0.8, рост проницаемости обычным образом усиливает конвекцию. В противоположном случае возможно подавление конвекции с ростом числа Дарси (рис. 2а). Такое различие, на наш взгляд, связано со сложной зависимостью параметра  $\delta$ , характеризующего разницу амплитуд касательных скоростей пульсаций на границе раздела слоев системы.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Рассмотрена задача о возбуждении осредненной термовибрационной конвекции при нулевой гравитации. Конвективные течения возникали на фоне высокочастотных осцилляций жидкости в двухслойной системе с пористой зоной различной проницаемости. Определены диапазоны частот продольной вибрации и проницаемостей пористой зоны, при которых происходит резкий переход от коротковолновых к длинноволновым конвективным валам. Найдено минимальное асимптотическое значение числа Дарси и показано, что ниже этого значения резкое изменение длины волны валов с ростом частоты осцилляций не наблюдается.

#### БЛАГОДАРНОСТИ

Исследование выполнено за счет гранта Российского научного фонда (проект № 19-71-00067).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Hirata S.C., Goyeau B., Gobin D.* Stability of thermosolutal natural convection in superposed fluid and porous layers // Transport in Porous Media. 2009. V. 78. P. 525–536.
- 2. *Kolchanova E.A., Lyubimov D.V., Lyubimova T.P.* The onset and nonlinear regimes of convection in a two-layer system of fluid and porous medium saturated by the fluid // Transport in Porous Media. 2013. V. 97. № 1. P. 25–42.
- 3. Любимов Д.В., Любимова Т.П., Муратов И.Д., Шишкина Е.А. Влияние вибраций на возникновение конвекции в системе горизонтального слоя чистой жидкости и слоя пористой среды, насыщенной жидкостью // Изв. РАН. МЖГ. 2008. № 5. С. 132–143.
- 4. Gershuni G.Z., Lyubimov D.V. Thermal Vibrational Convection. Wiley: N.Y. et al., 1998. 358 p.
- 5. Зеньковская С.М., Роговенко Т.Н. Фильтрационная конвекция в высокочастотном вибрационном поле // Прикладная механика и техническая физика. 1999. № 3. С. 22–29.