УДК 539.21

ОБ АДСОРБЦИИ ПОЛЯРНЫХ МОЛЕКУЛ НА ТВЕРДОТЕЛЬНОЙ ПОДЛОЖКЕ

© 2020 г. С. Ю. Давыдов^{*a*,*}, О. В. Посредник^{*b*}

^а Физико-технический ин-т им. А.Ф. Иоффе РАН, С.-Петербург, Россия ^b С.-Петербургский государственный электротехнический университет (ЛЭТИ), С.-Петербург, Россия *e-mail: Sergei Davydov@mail.ru

> Поступила в редакцию 25.08.2019 г. После доработки 05.09.2019 г. Принята к публикации 18.09.2019 г.

В рамках метода связывающих орбиталей Харрисона предложена простая схема оценки энергии адсорбции полярных молекул на твердотельных подложках. Получены аналитические выражения для ионной и металлической составляющих энергии адсорбции для двухатомных и четырехатомных молекул. В качестве примера рассмотрена адсорбция GaCl и AlCl₃ на полупроводниковой подложке.

Ключевые слова: молекула, адсорбция, подложка, полярность связи **DOI:** 10.31857/S0572329920010092

1. Введение. Несмотря на кажущуюся простоту, вопрос об адсорбции полярных молекул на поверхности твердотельных подложках представляется вполне актуальной задачей. Существуют различные подходы к этой проблеме. Во-первых, это расчеты из первых принципов, или различные варианты DFT (density functional theory) [1–3]. Вторым по популярности является модельный подход [4–6]. Следует также отметить повышенный интерес к адсорбции полярных молекул на различных углеродных структурах [7–10]. В настоящей работе для оценок энергии связи полярных молекул с твердотельными подложками мы воспользуемся моделью связывающих орбиталей Харрисона [11–13], представляющего из себя комбинацию упрощенного метода ЛКАО и физически прозрачных правил вычисления матричных элементов. В качестве примера используемого подхода рассмотрим адсорбцию молекул GaCl и AlCl₃.

2. Адсорбция молекул GaCl. Рассмотрим связь атомов галлия и хлора, предположив sp-гибридизацию и воспользовавшись методом связывающих орбиталей Харрисона [11–13]. При этом энергия гибридизованной орбитали равна

$$\varepsilon_h = \frac{\varepsilon_s + \varepsilon_p}{2} \tag{2.1}$$

где ε_s и ε_p – энергии *s*- и *p*-орбиталей. Тогда, следуя таблицам атомных термов Манна [12, 13], получим следующие значения: $\varepsilon_h(Ga) = -8.61$ eV, (Ga) = -8.61 eV, $\varepsilon_h(Cl) = -21.49$ eV. Полярная энергия связи по Харрисону равна

$$V_3 = \frac{\varepsilon_a(\text{Ga}) - \varepsilon_a(\text{Cl})}{2}$$
(2.2)

что дает V_3 (GaCl) = 6.44 eV. Ковалентная энергия σ -связи

$$V_2 = \eta_{sp\sigma} \left(\frac{\hbar^2}{md^2} \right) \tag{2.3}$$

где d — длина связи, m — масса свободного электрона, \hbar — приведенная постоянная Планка, $\eta_{sp\sigma} = 3.19$ — численный множитель для σ -связи *sp*-орбиталей. Так как в соответствие с методом связывающих орбиталей длина молекулярной связи равна сумме атомных радиусов, получаем $d_{GaCl} = r_{Ga} + r_{Cl} = 1.39 + 1.04 = 2.43$ Å (для галия атомный радиус брался из [14], для хлора (по Полингу) — из [15]), откуда V_2 (GaCl) = 4.12 eV. Отметим, что здесь матричные элементы V_3 и V_2 мы определяем как положительные величины.

Ковалентность α_c и полярность α_p связи в [11–13] определяется как

$$\alpha_{c} = \frac{V_{2}}{\sqrt{V_{2}^{2} + V_{3}^{2}}}, \quad \alpha_{p} = \sqrt{1 - \alpha_{c}^{2}}$$
(2.4)

Получаем $\alpha_c(GaCl) = 0.54$ и $\alpha_p(GaCl) = 0.84$. Для двухатомной молекулы заряды ионов численно равные полярности связи, так что Z(Ga) = -Z(Cl) = Z = 0.84. Таким образом, в молекуле GaCl доминирует ионная связь, энергия которой может быть оценена как

$$E_b^{ion} \sim \frac{\left(Ze\right)^2}{d} \tag{2.5}$$

что дает E_b^{ion} (GaCl) ~ 4 eV. Это значение хорошо коррелирует с энергией диссоциации молекулы GaCl 4.5 eV [16]. Отметим также, что полученное нами значение E_b^{ion} близко к энергиям связи молекул NaCl (4.23 eV) и NaBr (3.80 eV) [15].

Ионную составляющую энергии адсорбции E_{ads}^{ion} [17, 18] для молекулы GaCl, расположенной параллельно поверхности подложки, в ионном приближении теории адсорбции на полупроводниковой подложке представим в виде

$$E_{ads}^{ion} \sim 2D \frac{\left(Ze\right)^2}{4d_{ads}} \left(1 - \frac{d_{ads}}{\sqrt{d_{GaCl}^2 + 4d_{ads}^2}}\right)$$
(2.6)

где $D = (\varepsilon_0 - 1)/(\varepsilon_0 + 1) - диэлектрический множитель (\varepsilon_0 - статическая диэлектрическая проницаемость), <math>d_{ads}$ – длина адсорбционной связи, множитель 2 отвечает двум ионам (электростатическая модель). Принимая для оценки $d_{ads} \sim 2.5$ Å (т.е. полагаем $d_{ads} \sim d_{GaCl}$) и $D \sim 1$, получим $E_{ads} \sim 0.6$ eV. Подчеркнем, что диэлектрический множитель D может быть принят равным 1, так как для большинства полупроводников $A_N B_{8-N}$ можно считать $\varepsilon_0 \gg 1$ [14, 19].

Металлическую составляющую энергии адсорбции E_{ads}^{met} можно оценить исходя из соотношения неопределенностей Гейзенберга $\Delta x \cdot \Delta p \sim \hbar$, где Δx и Δp – неопределенности координаты и импульса электрона соответственно. Полагая, что до адсорбции $\Delta x \sim r_a^c$ для катиона и $\Delta x \sim r_a^a$ для аниона, а после адсорбции $\Delta x \sim d_{ads}$, получим выигрыш в кинетической энергии, равный

$$\Delta E_{kin} = \frac{\hbar^2}{md_{ads}^2} \left[1 - \frac{1}{2} \left(\frac{r_a^c}{d_{ads}} \right)^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{r_a^a}{d_{ads}} \right)^2 \right]$$
(2.7)

Именно эту величину мы и принимаем за E_{ads}^{met} . Тогда получаем $E_{ads}^{met} \sim 0.9$ eV. Таким образом, $E_{ads} = E_{ads}^{ion} + E_{ads}^{met} \sim 1.5$ eV. Согласно [20], величина энергия адсорбции GaCl на GaAs $|E_{ads}|$ лежит в интервале 1.39–1.65 eV, что отлично совпадает с полученным нами результатом.

3. Адсорбция молекул AlCl₃. Молекула AlCl₃ является плоской с центральным атомом Al и тремя связями Al–Cl, составляющими между собой углы в 120°. Такой геометрии отвечает *sp*²-гибридизация орбиталей. В соответствии с методом связывающих орбиталей длина связи $d_{AlCl} = r_{Al} + r_{Cl} = 2.47$ Å (для алюминия атомный радиус брался из [14], для хлора (по Полингу) – из [15]), тогда как по данным [21, 22] имеем 2.06– 2.07 Å. Положим для простоты $d_{AlCl} = 2.06$ Å. Для σ -связи *sp*²-орбиталей множитель, входящий в выражение (2.3), равен $\eta_{sp^2\sigma} = 3.26$ [12, 13]. Тогда для ковалентной энергии связи Al–Cl получаем V_2 (Al–Cl) = 3.55 eV. Энергия гибридизованной *sp*²-орбитали равна

$$\varepsilon_h = \frac{\varepsilon_s + 2\varepsilon_p}{3} \tag{3.1}$$

Тогда получаем $\varepsilon_h(Al) = -7.38$ eV, $\varepsilon_h(Cl) = -18.92$ eV, $V_3(Al-Cl) = 5.77$ eV, $\alpha_c(Al-Cl) = 0.52$, $\alpha_p(Al-Cl) = 0.85$, Z(Al) = -Z(Cl) = Z = 0.85. Ионная составляющая энергии адсорбции E_{ads}^{ion} молекулы AlCl₃ в электростатическом приближении равна

$$E_{ads} \sim \frac{(3Ze)^2 D}{4d_{ads}} \left(1 - \frac{3d_{ads}}{\sqrt{d^2 + 4d_{ads}^2}} \right) + 3\frac{(Ze)^2 D}{4d_{ads}} \left(1 - \frac{d_{ads}}{\sqrt{d^2 + 4d_{ads}^2}} + 2\frac{d_{ads}}{\sqrt{3d^2 + 4d_{ads}^2}} \right)$$
(3.2)

Здесь первое слагаемое относится к адатому Al, а второе – к трем адатомам Cl. Воспользовавшись формулой (3.1) и полагая $d_{ads} = 2$ Å (т.е. полагаем $d_{ads} \sim d_{AlCl}$), получим $E_{ads}^{ion} \sim 1$ eV.

Для металлической составляющей энергии адсорбции E_{ads}^{met} получаем

$$\Delta E_{ads}^{met} = \frac{2\hbar^2}{md_{ads}^2} \left[1 - \frac{1}{4} \left(\frac{r_a^c}{d_{ads}} \right)^2 - \frac{3}{4} \left(\frac{r_a^a}{d_{ads}} \right)^2 \right]$$
(3.3)

Получаем E_{ads}^{met} (Al-Cl) ~ 2.5 eV, так что $E_{ads} = E_{ads}^{ion} + E_{ads}^{met}$ ~ 3.5 eV.

Приведенные нами оценки E_{ads} основаны на классической электростатике, не учитывающей экранировки. Эти оценки достаточно грубы. Подчеркнем, что стандартный расчет энергии связи полярных молекул в рамках метода связывающих орбиталей для настоящей задачи не годится вследствие высокой полярности связей. Действительно, как показано в [23] для графеноподобных соединений, условие устойчивости двумерной структуры с тремя ближайшими соседями есть $\alpha_p < 1/\sqrt{2} \approx 0.71$. Попутно отметим также, что в методе связывающих орбиталей кулоновские (маделунговские) составляющие энергии связи не учитываются.

4. Заключительные замечания. Подводя итоги, отметим, во-первых, что полученные в работе формулы справедливы для любых двухатомных и четырехатомных молекул с сильной полярной связью. Во-вторых, предложенная в работе схема рассмотрения легко обобщается и на другие случаи (например, трехатомные молекулы). В рамках

этой схемы ионный вклад в адсорбцию определяется только силами изображения, а металлический — только делокализацией электронов при образовании адсорбционной связи. Такой достаточно грубый, но физически прозрачный подход позволяет получать соответствующие экспресс-оценки не одним лишь теоретикам, а технологам и экспериментаторам. Дело еще и в том, что в отличии от адсорбции на металлах [24, 25], адсорбция на полупроводниках изучена весьма слабо. Следует также пояснить, что конкретные адсорбаты были выбраны нами в связи с хлоридным способом получения полупроводниковых слоев [26, 27].

Авторы признательны С.А. Кукушкину за предложение темы и полезные обсуждения.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Wang Y., Hwang G.S. Origin of nonlocal interactions in adsorption of polar molecules on Si(001)- $2 \times 1 // J$. Chem. Phys. 2005. V. 122. P. 164706.
- Young H.X., Yu Y., Xu L.F., Gu C.Z. Ab initio study of molecular adsorption on hydrogenated diamond (001) surfaces // J. Phys.: Conf. Ser. 2006. V. 29. P. 145–149.
- 3. *Campbell C., Gomes J.R.B., Fischer M., Jorge M.* A new model for predicting adsorption of polar molecules in MOFs with unsaturated metal sites // Phys. Chem. Lett. 2018. V. 9. № 12. P. 3544-3553.
- 4. *Hutchison G.R., Ratner M.A., Marks T.J.* Adsorption of polar molecules on a molecular surface // J. Phys. Chem. 2001. V. 105. № 15. P. 2881–2884.
- 5. *Deutsch D., Natan A., Shapira Y., Kronik L.* Electrostatic properties of adsorbed polar molecules: Opposite behavior of a single molecule and a molecular monolayer // J. Am. Chem. Soc. 2007. V. 120. № 10. P. 2989–2997.
- 6. *Kokalj A*. Electrostatic model for treating long-range lateral interactions between polar molecules adsorbed on metal surfaces // Phys. Rev. B. 2011. № 84. P. 045418.
- 7. *Alldredge E.S., Bădescu Ş.C., Bajwa N., Perkins F.K., Snow E.S., Reinecke T.L.* Adsorption of linear chain molecules on carbon nanotubes // Phys. Rev. B. 2008. V. 78. P. 161403(R).
- 8. *Zhao X., Johnson J.K.* An effective potential for adsorption of polar molecules on graphite // Molecular Simulation. 2005. V. 31. № 1. P. 1–10.
- 9. *Berashevich J., Chakraborty T.* Doping graphene by adsorption of polar molecules at the oxidized zigzag edges // Phys. Rev. B. 2010. V. 81. P. 205431.
- Echt O., Kaiser A., Zottl S., Mauracher A., Denifl S., Scheier P. Adsorption of polar and nonpolar molecules on isolated cationic C₆₀, C₇₀, and their aggregates // ChemPlusChem. 2013. V. 78. P. 910–920.
- 11. Харрисон У. Электронная структура и свойства твердых тел. М.: Мир, 1983.
- 12. Harrison W.A. Theory of two-center bond // Phys. Rev. B. 1983. V. 27. № 6. P. 3592–3604.
- 13. Давыдов С.Ю., Посредник О.В. Метод связывающих орбиталей в теории полупроводников. Учеб. пособие. СПб.: Изд-во СПбГЭТУ "ЛЭТИ", 2007. 96 с. twirpx.com/file/1014608/.
- 14. Физические величины. Справочник / Под ред. Е.С. Григорьева, Е.З. Мейлихова. М.: Энергоатомиздат, 1991. 1232 с.
- Краткий справочник физико-химических величин / Под ред. К.П. Мищенко и А.А. Равделя. Л.: Изд-во "Химия", 1974. 200 с.
- 16. *Abdulah H.Y.* Dissociation energy of ground state of GaCl molecule // Journal of Ovonic Research. 2013. V. 9. № 2. C. 55–60.
- 17. Давыдов С.Ю. Теория адсорбции: метод модельных гамильтонианов. СПб.: Изд-во СПбГЭТУ "ЛЭТИ", 2013. 235 с. twirpx.com/file/1596114/.
- 18. Давыдов С.Ю., Лебедев А.А., Посредник О.В. Элементарное введение в теорию наносистем. СПб.: Изд-во "Лань", 2014. 192 с.
- 19. Гавриленко В.И., Грехов А.М., Корбутяк Д.В., Литовченко В.Г. Оптические свойства полупроводников. Справочник. Киев: Наукова думка, 1987. 608 с.
- 20. Sasaoka C., Kato Y., Usui A. Thermal Desorption of Galliumchloride Adsorbed on GaAs (100) // Jap. J. Appl. Phys. 991. V. 30. № 10A. P. L1756–L1759.

- Tables of Interatomic Distances and Configuration in Molecules and Ions, Sutton L.E., ed. London: The Chemical Society, 1958.
- 22. Aarset K., Shen Q., Thomassen H., Richardson A.D., Hedberg K. Molecular structure of the aluminum halides, Al₂Cl₆, AlCl₃, Al₂Br₆, AlBr₃, and AlI₃, obtained by gas-phase electron-diffraction and *ab initio* molecular orbital calculations // J. Phys. Chem. A. 1999. V. 103. №. 11. P. 1644–1652.
- 23. Давыдов С.Ю., Посредник О.В. К теории упругих свойств двумерных гексагональных структур // ФТТ. 2015. Т. 57. № 4. С. 819–824.
- 24. Большов Л.А., Напартович А.П., Наумовец А.Г., Федорус А.Г. Субмонослойные пленки на поверхности металлов // УФН. 1977. Т. 122. № 1. С. 125–158.
- Браун О.М., Медведев В.К. Взаимодействие между частицами, адсорбированными на поверхности металлов // УФН. 1989. Т. 157. № 4. С. 631–666.
- 26. Кукушкин С.А., Николаев В.И., Осипов А.В., Осипова Е.В., Печников А.И., Феоктистов Н.А. Эпитаксиальный оксид галлия на подложках SiC/Si // ФТТ. 2016. Т. 58. № 9. С. 1812–1817.
- 27. Шарофидинов Ш.Ш., Кукушкин С.А., Редьков А.В., Гращенко А.С., Осипов А.В. Рост полупроводниковых структур III–V на подложках SiC/Si // Письма в ЖТФ. 2019. Т. 45. № 14. С. 24–27.