# МАГНИТОТРАНСПОРТНЫЕ ЭФФЕКТЫ И ЭЛЕКТРОННОЕ ФАЗОВОЕ РАССЛОЕНИЕ В СУЛЬФИДАХ МАРГАНЦА С ЭЛЕКТРОННО-ДЫРОЧНЫМ ДОПИРОВАНИЕМ

О. Б. Романова<sup>а\*</sup>, С. С. Аплеснин<sup>а,b\*\*</sup>, М. Н. Ситников<sup>b</sup>, Л. В. Удод<sup>а,b</sup>

<sup>а</sup> Институт физики им. Л. В. Киренского Сибирского отделения Российской академии наук 660036, Красноярск, Россия

<sup>b</sup> Сибирский государственный университет науки и технологий им. М. Ф. Решетнева 660037, Красноярск, Россия

> Поступила в редакцию 2 октября 2020 г., после переработки 22 октября 2020 г. Принята к публикации 27 октября 2020 г.

Исследуется влияние электронного и дырочного допирования с малой концентрацией замещения (x = 0.01) на магнитную и электронную подсистему в неупорядоченных полупроводниках  $Me_xMn_{1-x}S$  (Me = Ag и Tm) в широком диапазоне температур (77–1000 K) и магнитных полей до 12 кЭ. Из магнитных измерений установлены области образования ферронов (поляронов) в окрестности магнитного фазового перехода. Обнаружены магнитоимпеданс и магнитосопротивление, величина и знак которых зависят от электрического поля, температуры и типа замещающего элемента. Найдены температуры максимумов термоэдс, вызванные деформацией кристаллической структуры. Установлены фононнный и магнонный вклады в релаксацию носителей тока методом импедансной спектроскопии и ян-теллеровская мода колебаний из ИК-спектров для системы с серебром. Найден диффузионный вклад в проводимость из годографа импеданса в полупроводниках  $Tm_xMn_{1-x}S$ . Для описания экспериментальных результатов использованы модели суперпарамагнитных кластеров, ферроэлектрических областей и модель Дебая.

**DOI:** 10.31857/S0044451021050102

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

В последнее время особое внимание уделяется исследованию халькогенидных систем в связи с обнаружением в них эффекта гигантского магнитосопротивления. Активно изучаются топологические изоляторы на основе  $Bi_2X_3$  (X = Se, Te) и влияние их размерности на величину магниторезистивного эффекта, который достигал порядка 600 % при переходе от объемных образцов к наноструктурированным пленкам [1, 2]. В немагнитных узкозонных полупроводниках Ag<sub>2</sub>Se и Ag<sub>2</sub>Te с неупорядоченной нестехиометрией образование уровней Ландау приводит к гигантскому по величине положительному магнитосопротивлению [3]. В работе [4] было сделано предположение, что неупорядоченность, индуцируемая нестехиометрией, может изменить электронную структуру в узкозонном полупроводнике и привести к бесщелевому состоянию с линейным спектром энергии в виде конуса Дирака в валентной зоне. Изменение знака магнитосопротивления в зависимости от температуры и магнитного поля достигается за счет анионного замещения в тройных узкозонных халькогенидах (на примере n-Ag<sub>4</sub>SSe) в окрестности магнитного фазового перехода [5]. Представленные примеры показывают, что халькогениды формируют целый класс соединений, в которых высока вероятность обнаружения гиганстского магнитосопротивления. В связи с этим представляется актуальным изучение этих систем с зарядовыми, орбитальными и спиновыми степенями свободы. Моносульфид марганца (MnS) и синтезированные на его основе твердые растворы ( $Me_xMn_{1-x}S$ , где Me = 3d- и 4f-элементы) являются полупроводниковыми соединениями, обладающими сильными электронными корреляциями с вырожденными электронными состояниями по орбитальному моменту, которые снимаются под дейст-

<sup>\*</sup> E-mail: rob@iph.krasn.ru

<sup>\*\*</sup> E-mail: apl@iph.krasn.ru

вием внешних воздействий, включая магнитное поле, что приводит к реализации новых фазовых переходов и магнитотранспортных эффектов [6–9]. С точки зрения практического применения, эти материалы являются перспективными в разработке и создании элементной базы оперативной компьютерной памяти и быстродействующих электрических систем обработки информации.  $\alpha$ -MnS является антиферромагнетиком второго типа с  $T_N = 150$  K и обладает ГЦК-структурой типа NaCl с параметром элементарной ячейки a = 0.522 нм [10]. Согласно данным структурных исследований [11-14] в диапазоне температур 125–165 К наблюдается сжатие решетки, которое сопровождается ромбоэдрическим искажением и низкочастотной оптической магнонной модой [15]. Обнаружена анизотропия электрических свойств в зависимости от кристаллографической ориентации [16]. Отрицательное магнитосопротивление (-12%) наблюдается в плоскости (111)  $\alpha$ -MnS, в то время как для плоскости (100) преобладает положительное магнитосопротивление при  $T > T_N$  в магнитном поле 10 кЭ [17]. Разница в знаках магнитосопротивления объясняется изменением ближнего магнитного порядка в области температуры Нееля, что приводит к положительному магнитосопротивлению для плоскости (100), а разрушение ближнего магнитного порядка при  $T>230~{
m K}$ создает условия для отрицательного магнитосопротивления для (111).

В результате допирования халькогенидных систем редкоземельными элементами (гадолиний, церий, самарий и т.д.) возникает орбитально-неупорядоченное состояние с орбитальными поляронами, которое приводит к возникновению магнитотранспортных эффектов в отсутствие статических деформаций решетки [18–21]. В соединении  $Tm_x Mn_{1-x}S$ с концентрацией замещения  $x \leq 0.15$  найдены температуры пиннингования решеточных поляронов (см. [22]), сопровождающиеся деформацией решетки, конденсацией ИК-мод и термоэлектронной эмиссией [23]. Сосуществование эффектов магнитосопротивления (-21%), магнитоимпеданса (-65%), магнитотермоэдс (-40%) и фотопроводимости были обнаружены в результате исследования сульфида марганца, допированного серебром с x = 0.05в окрестности магнитного фазового перехода [24]. Обнаруженные эффекты объясняются в модели ферронов. Во всех выше представленных системах  $Tm_xMn_{1-x}S$  и  $Ag_xMn_{1-x}S$  концентрация замещения x > 0.05.

Выбранная нами концентрация замещения *x* = = 0.01 является оптимальной, при которой система

обладает совокупностью свойств, а именно, сохраняет кристаллическую структуру ГЦК-типа NaCl, физические свойства и эффекты, характерные для исходной матрицы (MnS), и содержит ионы с орбитальным вырождением — ян-теллеровские (ЯТ) ионы. Для малых концентраций замещения возможно образование фазового расслоения, состоящего из ферромагнитных областей (ферронов, содержащих один электрон проводимости) в антиферромагнитной матрице, что может привести к максимумам в магнитосопротивлении, осцилляциям в термоэдс. При высокой концентрации неизовалентного замещения x > 0.01 возникает кооперативный ЯТ-эффект, а при легировании серебром и тулием с малой концентрацией x = 0.01 образуется локальные ЯТ-искажения. В этом случае ожидается качественное отличие влияния магнитного поля на транспортные характеристики легированного сульфида марганца.

В связи с этим цель данной работы заключается в изучении корреляции примесных состояний на магнитотранспортные эффекты вследствие электронного (Tm) и дырочного (Ag) допирования малой концентрации замещения x = 0.01 на изменение магнитной и электронной структуры.

### 2. МЕТОДИКА ИЗМЕРЕНИЙ

Изучение фазового состава и кристаллической структуры синтезированных образцов  $Me_x Mn_{1-x}S$ (Me = Ag и Tm) проведено при комнатной температуре на рентгеновской установке ДРОН-3 с использованием  $K_{\alpha}$ -излучения Си в режиме набора информации «по точкам». Время набора информации в угловой  $2\theta$ -точке составляло от t = 3 с до t = 5 с; шаг по углу  $\Delta 2\theta = 0.02^{\circ}$ . Стехиометрический анализ синтезированных образцов проведен на электронном микроскопе (Hitachi HT7700). Проведены исследования магнитных свойств твердых растворов на вибрационном магнитометре в интервале температур 77–300 К в магнитных полях до 10 кЭ на образцах, охлажденных в нулевом магнитном поле (ZFC) и при наличии магнитного поля (FC), а также методом Фарадея в интервале температур 80–1000 К в магнитном поле 8.6 кЭ. Электрофизические измерения проведены на анализаторе компонентов АМ-3028 в частотном интервале  $\omega = 100 - 10^6$  Гц при температурах 77-500 К, амплитуда переменного напряжения составляла 5 мВ. Данные частотной зависимости комплексного сопротивления представлены в координатах Найквиста Z' - iZ'', где Z' - iZ''

действительная компонента  $\operatorname{Re} Z$  (активное сопротивление), Z'' — мнимая компонента Im Z (реактивное сопротивление). Для расчета спектров импеданса применялось программное обеспечение ZView (Scribner Associates Inc.). Удельное электросопротивление и термоэдс измерены в интервале температур 77-500 К в магнитных полях до 12 кЭ на образцах  $Me_x Mn_{1-x}S$  (Me = Ag и Tm) в виде параллелепипедов с размерами 5.00×3.00×8.00 мм<sup>3</sup>. Для исключения сопротивления контактов при измерениях электросопротивления применялся только четырехконтактный метод на постоянном токе. Использовались индиевые контакты, нанесенные в виде полосок на одну из поверхностей образца с расстоянием между ними 1 мм. Термоэдс измерена двухконтактным методом при разности температур 4-8 К между контактами. Коэффициент термоэдс рассчитывался по формуле  $\alpha = U/\Delta T$  (где U — разность потенциалов между «горячими» и «холодными» концами образца).

Дополнительно была исследована и идентифицирована структура ИК-спектров твердых растворов  $Me_xMn_{1-x}S$  (Me = Ag и Tm), измеренных на фурье-спектрометре ФСМ2202 ИК-диапазона. Измерения проводились в оптическом криостате в интервале температур 77–500 К на прессованных таблетках  $Me_xMn_{1-x}S$  в KBr диаметром 10–20 мм.

## 3. СИНТЕЗ, СТРУКТУРНЫЕ И МАГНИТНЫЕ СВОЙСТВА

Поликристаллы  $\mathrm{Tm}_{x}\mathrm{Mn}_{1-x}\mathrm{S}$  и  $\mathrm{Ag}_{x}\mathrm{Mn}_{1-x}\mathrm{S}$  с малой концентрацией замещения (x = 0.01) выращены путем кристаллизации из расплава порошковых сульфидов в стеклоуглеродных тиглях и кварцевом реакторе в атмосфере аргона протягиванием реактора через одновитковый индуктор ВЧ-установки [18, 23, 24]. Рентгенограммы синтезированных образцов представлены на рис. 1. Согласно данным рентгеноструктурного анализа синтезированные образцы  $Me_xMn_{1-x}S$  (Me = Ag и Tm) являются однофазными и имеют кубическую решетку типа NaCl, характерную для исходного MnS в  $\alpha$ модификации. Присутствие других рефлексов, характерных для отдельных элементов Ag и Tm, на рентгенограммах не наблюдалось. Стехиометрический анализ синтезированных соединений показал, что полученные кристаллы практически не содержат кислородных включений в пределах точности метода и наблюдается небольшая нестехиометрия



Рис. 1. Рентгенограммы твердых растворов  $Ag_x Mn_{1-x}S$ (*a*) и  $Tm_x Mn_{1-x}S$  (*b*) при T = 300 K

по сере. Нестехиометричное замещение марганца одновалентным серебром и трехвалентным тулием в системе  $Me_xMn_{1-x}S$  приводит к анионным вакансиям в силу выполнения принципа электронейтральности.

Температурные зависимости намагниченности  $(\sigma)$  и магнитной восприимчивости  $(\chi)$  образцов  $Ag_xMn_{1-x}S$  и  $Tm_xMn_{1-x}S$  представлены на рис. 2. Кривые имеют вид, типичный для антиферромагнетиков. Максимум на зависимости  $\sigma(T)$  и минимум на  $\chi^{-1}(T)$  связаны с антиферромагнитным переходом при  $T_N = 163$  К для  $Ag_x Mn_{1-x}S$ и  $T_N = 172$  К для  $\text{Tm}_x \text{Mn}_{1-x}$ S. Катионное замещение марганца серебром или тулием увеличивает температуру магнитного фазового перехода относительно  $T_N = 150$  K для MnS, что косвенно свидетельствует о том, что эти элементы вошли в кристаллическую решетку. Это предположение подтверждается уменьшением парамагнитной температуры Кюри (Θ) по абсолютной величине, имеющей отрицательное значение  $\Theta = -356$  K для  $Ag_xMn_{1-x}S; \Theta = -418 \text{ K}$  для  $Tm_xMn_{1-x}S$  по сравнению с  $\Theta = -450$  К для MnS [25]. Парамагнитная



температура Кюри определена из температурной зависимости обратной восприимчивости  $\chi^{-1}(T)$  в области высоких температур. Уменьшение ее значения свидетельствует о смене типа обменного взаимодействия между ближайшими соседями  $J_1$  с антиферромагнитного на ферромагнитный. Моносульфид марганца и синтезированные на его основе соединения  $Ag_xMn_{1-x}S$  и  $Tm_xMn_{1-x}S$  являются антиферромагнетиками со вторым типом упорядочения, в которых парамагнитная температура

Рис. 2. Температурные зависимости намагниченности измеренные в режимах: а — при нагреве образца  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  в магнитном поле  $H_m = 100$  Э и охлаждение  $H_{ZFC} = 0$  (1) и нагрев этого же образца в магнитном поле  $H_m = 100$  Э и охлаждение  $H_{FC} = 12$  кЭ (2);  $\delta$  — при охлаждении образца  $H_{ZFC} = 0$  (1) и в магнитном поле  $H_{FC} = 12 \ \kappa \Im$  (2); в — температурные зависимости обратной магнитной восприимчивости, измеренные при охлаждении образца  ${
m Tm}_{0.01}{
m Mn}_{0.99}{
m S}$  при  $H_{ZFC}=0$ (1) и в магнитном поле  $H_{FC} = 8.6$  кЭ (2). На вставке к рис. 2а — температурная зависимость относительного изменения намагниченности  $\Delta \sigma = (\sigma_{FC} - \sigma_{ZFC})/\sigma_{FC}$  и теоретические расчеты по формуле (2) (сплошные линии) для  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$ . На вставке к рис. 2*6* — температурные зависимости обратной восприимчивости для  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$ и температурная зависимость нормированной величины  $\Delta \chi = (\chi_{heat} - \chi_{cooling})/\chi_{(T=500~{\rm K})}$  относительного изменения восприимчивости

Кюри и температура Нееля имеют вид

$$\theta = 2/3S(S+1)(Z_1J_1 + Z_2J_2) = A(12J_1 + 6J_2),$$
  
$$T_N = 6J_2A,$$

где  $J_{1,2}$  — обменное взаимодействие соответственно в первой и второй координационной сферах, а  $Z_{1,2}$  — число ближайших соседей. Таким образом, катионное замещение серебром и тулием марганца приводит к увеличению  $J_2$  [26].

Ниже температуры Нееля в образце Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S обнаружены гистерезис намагниченности и влияние предыстории образца, охлажденного в нулевом поле (ZFC) и в магнитном поле 12 кЭ (FC), на магнитные характеристики рис. 2а. На вставке к рис. 2а представлена температурная зависимость относительного изменения намагниченности  $\Delta \sigma = (\sigma_{FC} - \sigma_{ZFC})/\sigma_{FC}$ для образца Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S. На  $\Delta \sigma(T)$  можно выделить две области вблизи температуры магнитного перехода, где  $\Delta \sigma$  имеет аномальное поведение, которое можно описать в модели суперпарамагнитных кластеров со случайным распределением полей анизотропии [27]. Такое поведение намагниченности в низкотемпературной области вызвано образованием неоднородных магнитных состояний ферронов. В модели суперпарамагнетика с полем анизотропии  $H_A$  во внешнем магнитном поле Hоценим вклад в намагниченность, обусловленный образованием неоднородных состояний. Энергию суперпарамагнитного кластера представим в виде

$$W = M_F H \cos \theta + M_F H_A \cos (\gamma - \theta),$$

где угол  $\theta$  указывает направление магнитного момента относительно приложенного внешнего магнитного поля,  $M_F$  — намагниченность ферромагнитного кластера,  $\gamma$  — угол между направлениями приложенного магнитного поля и поля анизотропии. Направление магнитного момента определяется

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{H_A \sin \gamma}{H + H_A \cos \gamma}.$$

Поперечная магнитная восприимчивость при  $\gamma = \pi/2$  имеет вид

$$\chi^{\perp} = \frac{M_F}{H\sqrt{1 + (H_A/H)^2}}.$$
 (1)

Намагниченность кластера в зависимости от температуры представим в виде степенной функции

$$M_F = m_{0F} (1 - T/T_{cF})^{1/2},$$

где  $T_{cF}$  — критическая температура кластера. Поле анизотропии в зависимости от температуры также имеет степенной вид:

$$H_A = K(1 - T/T_{cF})^n.$$

Экспериментальные данные хорошо описываются с показателем степени *n* = 2. Результирующая намагниченность состоит из однородной части

$$M = m_0 (1 - T/T_c)^{1/2},$$

связанной с исходной антиферромагнитной матрицей моносульфида марганца и неоднородной части, обусловленной ферронами:

$$M_{res} = m_0 \sqrt{1 - \frac{T}{T_c}} + \frac{m_{0F} \sqrt{1 - T/T_{cF}}}{\sqrt{1 + K(1 - T/T_{cF}^2)/H^2}}.$$
 (2)

Результирующая намагниченность ферронов (2) определяется концентрацией носителей тока на намагниченность ферромагнитного кластера ( $m_{0F} =$  $= Nm_{singl}$ ). Экспериментальные данные удовлетворительно описываются функцией (2) с критическими температурами  $T_{cF} = 135$  К и 165 К образования магнитно-неоднородных состояний в твердом растворе Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S (вставка к рис. 2*a* (сплошные линии)). Радиус феррона определяется конкуренцией кинетической энергии носителей тока и обменной энергии локализованных спинов [28]:

$$R_{pol} = a \left(\frac{\pi t}{4J_{ff}S^2}\right)^{1/5},\tag{3}$$

где a — период решетки,  $J_{ff}$  — обменный интеграл, t — интеграл перескока, который в случае замещения марганца серебром связан с  $e_g$ -орбиталями ( $\sigma$  — связь за счет перекрытия  $d_{x^2-y^2}$ - и  $P_{x,y}$ -орбиталей), а в случае с тулием с  $t_{2g}$ -орбиталями ( $\pi$  — связь при перекрывании  $d_{xz,yz}$ - и  $P_z$ -орбиталей).

Типичное соотношение между ними  $t(e_g)/t(t_{2g}) \sim 2$ . Радиус феррона для параметров a = 0.5 нм,  $t(e_g) = 0.4$  эВ,  $J_{ff} = 0.002$  эВ в Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S  $R_{pol} = 0.81$  нм, а в Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S имеем  $R_{pol} = 0.68$  нм.

С увеличением магнитного поля температурный гистерезис исчезает, кривые намагниченности ZFC и FC совпадают рис. 26. Для образцов с тулием влияние предыстории на магнитные свойства сохраняется в магнитном поле 8.6 к $\Im$  (рис. 26). Изменение магнитной восприимчивости

$$\Delta \chi = (\chi_{heat} - \chi_{cooling}) / \chi_{(T=500 \text{ K})},$$

измеренное в режимах охлаждения и нагрева, в зависимости от температуры представлено на вставке к рис. 2*в*. Максимум изменения восприимчивости  $\Delta \chi = 7 \%$  наблюдается при температуре 310 К. Это вызвано диамагнитным вкладом электронов, локализованных в потенциальных ямах. Дальнейший рост температуры приводит к плавному уменьшению  $\Delta \chi$  до 2%. В модели свободных частиц с квадратичным законом дисперсии получено уравнение диамагнитной восприимчивости с учетом разницы между эффективной массой носителя и массой электрона [29]:

$$\chi_L = \frac{-4}{3} \frac{\gamma(\hbar\omega_H)^2}{2H^2}, \quad \gamma = \frac{m\rho_F}{2\pi^2\hbar^3}, \tag{4}$$

где  $\omega_H$  — расстояние между уровнями Ландау, а m — эффективная масса электрона (дырки). Уравнение (4) справедливо при высоких температурах ( $T \gg \hbar \omega_H$ ). Восприимчивость Ландау пропорциональна плотности состояний на уровне Ферми. Типичная диамагнитная восприимчивость составляет  $10^{-6}$  Гс · см<sup>3</sup>/моль [30]. Оценка диамагнитной восприимчивости для соединения  $\text{Tm}_{0.01}\text{Mn}_{0.99}$ S по температурному гистерезису дает  $10^{-7}$  Гс · см<sup>3</sup>/моль, при том что эффективная масса электрона в 5 раз превышает массу свободного электрона. Уменьшение магнитной восприимчивости при охлаждении объясняется диамагнитным вкладом электронов, локализованных вблизи дефектов.

Еще одним доказательством образования магнитонеоднородных состояний является аномалия, обнаруженная в магнитных полях 10 кЭ и 8.6 кЭ на кривых  $\sigma(T)$  и  $\chi^{-1}(T)$  в виде «ступеньки» в окрестности температур 134 К для Ag<sub>0 01</sub>Mn<sub>0 99</sub>S и 140 К для Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S (рис. 26 и вставка к рис. 26). Аномальное поведение температурных зависимостей намагниченности и магнитной восприимчивости твердых растворов в области температуры магнитного перехода является доказательством образования ферромагнитных капель (ферронов) в антиферромагнитной матрице [31]. Электроны проводимости замораживаются в антиферромагнитных подрешетках ниже  $T_N$  с образованием ферромагнитного упорядочения в локальной области. В магнитном поле магнитный момент ферромагнитной капли стремится выстроится по полю, что приводит к увеличению намагниченности. Обменная энергия капли на границе с антиферромагнитной матрицей уменьшается при нагревании, и в сильном магнитном поле возможна переориентация магнитного момента капли, что вызывает скачок на  $\sigma(T)$ .

## 4. УДЕЛЬНОЕ ЭЛЕКТРОСОПРОТИВЛЕНИЕ И МАГНИТОСОПРОТИВЛЕНИЕ

Важной особенностью халькогенидов и манганитов [28] является сильное взаимодействие электронной и решеточной подсистем в результате ЯТ-взаимодействия. В манганитах это связано с тем, что образованный в результате замещения ион Mn<sup>3+</sup> является ян-теллеровским и поэтому всякое фазовое расслоение вызывает появление упругих деформаций решетки, которые можно обнаружить экспериментально. Предполагаем, что аналогичная ситуация наблюдается в системе при замещении марганца серебром. На рис. 3 представлены полупроводникового типа зависимости удельного электросопротивления исследуемых систем, которые согласуются с поведением  $\rho(T)$  для MnS [16, 32]. Величина удельного сопротивления зависит от типа замещающего элемента. При замещении марганца серебром значения  $\rho$  практически не отличаются от величины удельного электросопротивления моносульфида марганца с  $\rho = 10^8$  Ом · см в антиферромагнитной области с  $\rho = 10^4$  Ом · см в парамагнитной области при T = 300 К. В  $\text{Tm}_{0.01}\text{Mn}_{0.99}\text{S}$ величина удельного сопротивления в антиферромагнитной области возрастает на два порядка по сравнению с Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S. На температурной зависимости  $\ln \rho(1/T)$  обнаружены «ступеньки» для Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S в парамагнитной области (250–270 K), а для Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S вблизи магнитного фазового перехода (135–150 К). Определена энергия актива-



Рис. 3. Зависимость удельного электросопротивления для образцов  $Ag_xMn_{1-x}S(a)$  и  $Tm_xMn_{1-x}S(b)$  от обратной температуры. На вставках: температурные зависимости коэффициента сопротивления

ции проводимости  $E_a$ , которая для твердых растворов  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  с понижением температуры незначительно увеличивается от 0.13 до 0.14 эВ, а для  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$  изменение  $E_a$  составляет от 0.15 до 0.11 эВ. В исходном MnS уменьшение  $E_a$  обнаружено вблизи температуры магнитного перехода до 0.02 эВ [32]. Изменение энергии активации с температурой связано со сдвигом химического потенциала от донорного уровня к акцепторному в результате изменения спектральной плотности состояний валентной зоны и зоны проводимости за счет ЯТ-искажения.

Существование поляронов подтверждается аномалиями, обнаруженными на температурной зависимости коэффициента сопротивления a = $= (1/R)(\Delta R/\Delta T)$ , представленной на вставках к рис. 3. Аномалии, обнаруженные на a(T) при температурах около 100 K, 134 K, 150 K, коррелируют с температурами структурных искажений, наблюдающихся в исходной матрице моносульфида марганца [33, 34]. Обнаружено влияние магнитного поля на величину удельного электросопротивления соединений  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  и  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$ . Относительное изменение сопротивление  $\Delta R$  в магнитном поле вычислено по формуле

$$\Delta R = R(H) - R(0)/R(0),$$

где R(H) — электросопротивление в магнитном поле, а R(0) — без поля, и представлено на рис. 4a, 6. Обнаружена смена знака магнитосопротивления в магнитоупорядоченной области в результате электронного и дырочного допирования. В моносульфиде марганца в области температуры магнитного фазового перехода и ниже, где наблюдается ряд структурных искажений, преобладает положительное магнитосопротивление, а выше температуры 200 К знак магнитосопротивления меняется на отрицательный [16]. Наиболее ярко отрицательное магнитосопротивление проявлялось для плоскости (111) моносульфида марганца при T = 230 К. С увеличением магнитного поля величина отрицательного магнитосопротивления не меняется и смещается в область низких температур.

В твердых растворах Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S положительное магнитосопротивление  $\Delta R = 0.05$  обнаружено при T < 100 K, E = 20 B/см, рис. 4a. C ростом температуры на зависимости  $\Delta R(T)$  обнаружены два минимума при 120 К и 200 К, где магнитосопротивление принимает отрицательные значения  $\Delta R = -0.05$  и -0.08 соответственно. Увеличение электрического поля до 120 В/см приводит к отрицательному магнитосопротивлению во всей области температур. Полевые зависимости  $\Delta R(E)$ , измеренные при фиксированных температурах 80 К, 140 К, 200 К, 280 К, 320 К, представлены на вставке к рис. 4а. Положительное магнитосопротивление может возникать в результате добавления недиагональной холловской компоненты проводимости дырочного типа по анионной подсистеме, а отрицательное магнитосопротивление за счет рассеяния носителей тока на электрически-поляризованных областях. Аномально большое положительное магнитосопротивление с линейной зависимостью от магнитного поля Н в диапазоне температур от 4.5–300 К найдено в халькогенидах серебра,  $Ag_{2+\delta}Se$  [35]. Линейное магнитосопротивление

$$\Delta R = R(H) - R(0) \propto H$$

объясняется в модели изотропной среды, содержащей электрически-неоднородные области с подвиж-



Рис. 4. Температурные зависимости магнитосопротивления  $\Delta R = R(H) - R(0)/R(0)$ , твердых растворов  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  (*a*), измеренные при E = 20 В/см (*1*), 120 В/см (*2*) и  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$  (*б*), измеренные при E = 200 В/см (*1*), 1000 В/см (*2*). Подгоночная функция из уравнения (6) (сплошные линии). На вставках представлены зависимости магнитосопротивления от электрического поля E, измеренные для  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  при температурах 80 К (*1*), 140 К (*2*), 200 К (*3*), 280 К (*4*), 320 К (*5*) и для системы  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$  при температурах 80 К (*1*), 160 К (*2*), 200 К (*3*), 240 К (*4*), 280 К (*5*)

ностью носителей тока, превышающей подвижность в матрице [35].

Для системы, допированной тулием, положительное магнитосопротивление наблюдается в окрестности температур 105 К, и составляет  $\Delta R = 0.04$  при E = 200 В/см (рис. 46). Смена знака магнитосопротивления при T = 140 К совпадает с температурой образования ферронов (поляронов). Выше этой температуры наблюдаются отрицательные значения магнитосопротивления с двумя минимумами при T = 160 К и 240 К, при которых  $\Delta R$  принимает значения -0.04 и -0.07.

С ростом температуры для обеих систем значение  $\Delta R$  уменьшается по абсолютному значению и выше температуры 300 К стремится к нулю. В отличие от образцов, допированных серебром, в Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S положительное магнитосопротивление исчезает в больших электрических полях. Смена знака магнитосопротивлены на вставке к рис. 46 при фиксированных T = 80 K, 160 K, 200 K, 240 K, 280 K. Механизм магнитосопротивления при электронном и дырочном допировании объясняется ниже в рамках одной модели.

#### 5. ТЕРМОЭДС

В полупроводниках с сильным электрон-фононным взаимодействием температуры максимумов коэффициента термоэдс  $\alpha$  связаны с температурами структурных фазовых переходов и с температурой магнитного упорядочения при наличии магнитоупругого взаимодействия. Температурная зависимость  $\alpha$  для двух систем Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S и Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S представлена на рис. 5.

На температурных зависимостях  $\alpha(T)$  обнаружены небольшие максимумы для Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S при температурах 180 К, 160 К, 140 К, 120 К и для Ттоло1 Мпо.99 При температурах 160 К, 144 К, 125 К, 105 К. Для Аg<sub>0.01</sub>Мn<sub>0.99</sub>S максимум при *T* = 160 К коррелирует с температурой Нееля, а в окрестности T = 140 К наблюдается образование поляронов (ферронов). С ростом температуры  $T \ge 200$  K при замещении марганца серебром (рис. 5*a*) на  $\alpha(T)$  обнаружены осцилляции, возникающие за счет эффекта Яна-Теллера. Возможно, в этой области температур возникает последовательность переходов с изменением волнового вектора структуры, связанная с поворотами октаэдров, наблюдаемых в перовскитоподобных соединениях [36]. Температуры максимумов  $\alpha(T)$  в  $\text{Tm}_{0.01}\text{Mn}_{0.99}\text{S}$ , представленные на рис. 56, коррелируют с температурами структурных переходов для моносульфида марганца. На вставке к рис. 56 приведена температурная зависимость коэффициента теплового расширения решетки MnS, имеющая ряд аномалий в области деформаций кристаллической решетки. Значительный рост а в магнитоупорядоченной области можно объяснить тем, что перенос энергии осуществляется электронами, увлеченными магнонами, что приводит к росту термоэдс. При приближении к температуре магнитного фазового перехода плотность магнонных возбуждений увеличивает-



Рис. 5. Температурные зависимости коэффициента термоэдс ( $\alpha$ ) для  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  (a) и  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$  (b). На вставке температурная зависимость коэффициента теплового расширения решетки для монокристалла моносульфида марганца

ся [37] и в результате разности температур на концах образца возникает диффузия (поток) магнонов, которые увлекают электроны.

#### 6. ИМПЕДАНС

Образование электронных неоднородных состояний можно установить методом импедансной спектроскопии, который позволяет в ряде случаев разделить и определить вклады в полную проводимость поликристаллического образца от различных элементов микроструктуры. На рис. 6 представлены частотные зависимости действительной части импеданса  $\operatorname{Re} Z$  и мнимой части импеданса  $\operatorname{Im} Z$ , из-



Рис. 6. Частотные зависимости действительной (a, b) и мнимой  $(\delta, c)$  частей импеданса для  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S(a, \delta)$ , измеренные при T = 120 K (1); 160 K (2); 200 K (3); 240 K (4) и  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S(e, c)$  измеренные при T = 120 K (1); 200 K (2); 240 K (3); 360 K (4). На вставке температурная зависимость времени релаксации для  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$ 

меренные в диапазоне температур 80–360 К в нулевом поле и магнитном поле 12 кЭ. Для систем  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  и  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$  повышение температуры приводит к увеличению значения действительной части импеданса и к уменьшению мнимой части по модулю. При замещении марганца серебром на кривой Im  $Z(\omega)$  обнаружен максимум, который смещается в сторону низких частот при охлаждении и в окрестности магнитного перехода переходит в область, лежащую за пределами измерительного диапазона (рис. 66). В результате электронного допирования частотная зависимость мнимой части импеданса имеет линейный вид в логарифмических координатах (рис. 6*г*). Согласно выражению  $X_C = 1/\omega C$  можно утверждать о преобладании емкостного вклада для системы Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S. Зави-

симость компонент импеданса  $Z(\omega)$  (рис.  $6a, \delta$ ) образца  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  хорошо описывается в модели Дебая:

$$\operatorname{Re} Z(\omega) = \frac{A}{1 + (\omega\tau)^2}, \quad \operatorname{Im} Z(\omega) = \frac{B\omega\tau}{1 + (\omega\tau)^2}, \quad (5)$$

где  $\tau$  — время релаксации носителей тока.

На вставке к рис. 6б время релаксации для системы  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  не меняется ниже T = 120 K и экспоненциально падает при нагревании с энергией активации 0.09 эВ, которая меньше энергии перехода электрона с примесного состояния в зону проводимости, определенного из  $\rho(1/T)$  в этой области температур, рис. За. Возможно, время релаксации связано с передачей энергии электронов в фононную подсистему. Годографы импеданса, т. е. зависимости мнимой части импеданса от действительной в интервале температур 80-280 К для Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S изображены на (рис. 7*a*,*б*,*в*) и 80–360 К для Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S на (рис.  $7 \epsilon, \partial, e$ ). Экспериментальные данные хорошо описываются в модели эквивалентных схем одной полуокружностью, что соответствует параллельному RC-контуру (вставка на рис. 76). В системе Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S с ростом температуры протяженность дугообразных фрагментов сокращается и вблизи температуры магнитного фазового перехода годограф аппроксимируется лучом (рис. 7*д*). Наблюдаемый фрагмент годографа — луч описывается элементом Варбурга  $(Z_W)$  и интерпретируется как вклад диффузионного процесса. Температура образования диффузионного вклада коррелирует с температурой максимума отрицательного магнитосопротивления. При дальнейшем увеличении температуры высокочастотный фрагмент годографа модифицируется в полуокружность, а линейная часть смещается в низкочастотную область (рис. 7e).

На вставках к рис. 7a, e представлены температурные зависимости магнитоимпеданса  $\Delta Z$ , рассчитанного по формуле  $\Delta Z = Z(H) - Z(0)/Z(0)$ . Максимальное изменение импеданса в магнитном поле в системе Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S, наблюдается на частоте  $10^4$  Гц при температурах T = 120 K ( $\Delta Z > 0$ ) и T = 200 K импеданс уменьшается в магнитном поле. В Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S магнитоимпеданс в низкочастотной области имеет два минимума при T = 200 K и T = 360 K (вставка к рис. 7e). Область обнаружения отрицательного значения магнитоимпеданса при температуре 200 K для двух систем коррелирует с температурой, при которой наблюдается минимум магнитосопротивления (рис. 4). С ростом частоты до  $10^5$  Гц значения  $\Delta Z$  уменьшаются по абсолютному значению в соединениях  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  и  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S.$ 

#### 7. ИК-СПЕКТРЫ

Изменение электронного спектра, вызванные искажением кристаллической структуры, определены из ИК-спектроскопии. ИК-спектры твердых растворов Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S и Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S измерены в области температур 800-500 К (рис. 8а, в). В соединении Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S максимум поглощения в интервале частот 1240 см<sup>-1</sup>-1340 см<sup>-1</sup> расщепляется на две линии, нормированная интенсивность которых (I(T)/I(T = 80 K)) в зависимости от температуры представлена на рис. 86. Интенсивность растет с ростом температуры и имеет широкий максимум в области T = 200 K, который коррелирует с температурной областью структурных деформаций, наблюдаемых в термоэдс. Замещение марганца ионами серебра образует дырки в e<sub>q</sub>-подсистеме и приводит к вырождению электронных состояний, которые снимаются за счет ЯТ-эффекта. В соединении Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S ИК-поглощение в данной области частот очень слабое (рис. 8в).

#### 8. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Электронное допирование ионами тулия приводит к увеличению электронной плотности в t<sub>2q</sub>-оболочке сульфида марганца и к образованию электронного вырождения, которое может сниматься за счет спин-орбитального взаимодействия или по ЯТ-каналу. Замещение марганца ионами серебра образует дырки в e<sub>q</sub>-подсистеме. В этом случае вырождение снимается за счет ЯТ-эффекта и образуется двойной обмен с ферромагнитным и антиферромагнитным упорядочением соответственно по продольным и по поперечным компонентам спина. В этом случае сильное электрон-решеточное взаимодействие приводит к вибронным модам колебаний с большой эффективной массой электрона. При охлаждении до T = 500 К примесный электрон локализуется и находится в связанном состоянии с примесным ионом. В результате в магнитном поле индуцируется орбитальный магнитный момент с диамагнитной вкладом в восприимчивость. Образование орбитального магнитного углового момента в магнитном поле приводит к дополнительному рассеянию носителей тока за счет спин-орбитального взаимодействия и к увеличению сопротивления в магнитном поле выше T = 300 К в  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$ .



Рис. 7. Годографы твердых растворов  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$ , измеренные при T = 80 K (*a*), 160 K (*b*), 280 K (*b*) и для  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$  при T = 120 K(*b*), 160 K (*b*), 320 K (*b*). На вставках к рис. 7*a*,*b*: температурные зависимости магнитоимпеданса  $\Delta Z = Z(H) - Z(0)/Z(0)$ , измеренные на частотах  $\omega = 10^4$  (1) и  $10^5$  (2) Гц. На вставке к рис. 7*b*: эквивалентная схема с использованием  $R_H$ ,  $C_H$  — высокочастотных сопротивления и емкости

В системе  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  дырка в совокупности с решеточными модами образует вибронное состояние и межцентровой орбитальный момент в этом интервале температур отсутствует. В области температур 150–270 К в  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$  и 120–260 К в  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  индуцируется дипольный момент в электрическом поле в результате смещения локализованного электрона (дырки) в окрестности примес-

ного иона. Электрическое поле диполя  $E \sim P/R^3$  создает потенциал  $\phi \sim P/R^2$  рассеяния носителей тока в образце. В магнитном поле индуцированная электрическая поляризация P по направлению поля уменьшается. Предполагаем, что индуцированный заряд в электрически-неоднородных областях определяется экспоненциальной зависимостью, т.е. плотность тока



Рис. 8. ИК-спектры для образцов  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$  (*a*) при T = 80-400 К и для  $Tm_{0.01}Mn_{0.99}S$  (*b*) при T = 80-500 К;  $\delta$  — температурная зависимость относительного изменения интенсивности поглощения в  $Ag_{0.01}Mn_{0.99}S$ 

$$j = j_0(e^{t/\tau_l} - 1) \Rightarrow P = \int j \, dt \Rightarrow P = \tau_l j,$$

где  $\tau_l$  — продольное время релаксации электронов. Изменение поляризации представим в виде

$$\Delta P = P(H) - P(0) = \tau_l (j(H) - j(0)),$$

где плотность тока в поле

$$j(H) = \sigma E / (1 + (\omega_c \tau)^2),$$

а в нулевом магнитном поле

$$j(0) = \sigma E$$

тогда

$$\Delta j = j(H) - j(0) \Rightarrow -(\omega_c \tau)^2 / (1 + (\omega_c \tau)^2).$$

Отсюда изменение индуцированной электрической поляризации в магнитном поле имеет вид [38]

$$\Delta P = \int \Delta j dt \sim -\eta \frac{(\omega_c \tau)^2}{1 + (\omega_c \tau)^2},\tag{6}$$

где  $\omega_{\rm c}$  — циклотронная частота для свободного электрона  $\omega_{\rm c} = eB/m$  (e — заряд электрона и m — масса электрона),  $\tau$  — время релаксации в магнитном поле, которое подчиняется закону Аррениуса

$$\tau = \tau_0 \exp(\Delta E/kT)$$

и  $\tau < \tau_l$ . Время релаксации в Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S определено из подгонки экспериментальных результатов согласно формуле (7) в области температур максимумов магнитосопротивления при T = 200 K,  $\Delta E =$ = 0.15 эВ,  $\tau = 4 \cdot 10^{-12}$  с и при T = 120 K,  $\Delta E =$ = 0.09 эВ,  $\tau = 6.5 \cdot 10^{-11}$  с. Для  $\text{Tm}_{0.01}\text{Mn}_{0.99}$ S время релаксации определено при T = 240 K,  $\Delta E =$ = 0.19 эВ,  $\tau = 5 \cdot 10^{-12}$  с и T = 160 K,  $\Delta E =$ = 0.13 эВ,  $\tau = 6 \cdot 10^{-11}$  с. Отрицательное магнитосопротивление твердых растворов Ag<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S и Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S удовлетворительно описываются изменением диагональной компоненты поляризации в окрестности примесных катионов, когда постоянное магнитное поле направлено перпендикулярно току.

В магнитоупорядоченном состоянии в  $Me_xMn_{1-x}S$  (Me = Ag, Tm) образуются капли (области) с ферромагнитным упорядочением (ферроны). Магнитосопротивление в фазово-расслоенных магнетиках положительно и определяется отношением кулоновского взаимодействия двух электронов в капле  $A(H) \sim (e^2/\epsilon R_{pol}(H))$ , к обменному взаимодействию (JS),  $R_{pol}$  — радиус феррона. При T < A магнитосопротивление определяется по формуле [29]

$$\Delta R = \exp\left(\frac{AbH}{2T}\right) - 1,\tag{7}$$

где  $b = (1/5)g\mu_B/(J_{ff}S)$ . Здесь не учитываются эффекты, связанные с зависимостью вероятности рассеяния от угла между спином электрона проводимости и магнитного момента капли, зависимость кулоновского взаимодействия между каплями и изменение топологии капли во внешнем электрическом поле. Конкуренция между этими взаимодействиями может привести к смене знака магнитосопротивления от внешнего электрического поля.

#### 9. ВЫВОДЫ

В результате электрон-дырочного допирования в окрестности магнитного фазового перехода установлено образование магнитно-неоднородных состояний ферронов (поляронов), существование которых подтверждается данными магнитных измерений. Относительное изменение намагниченности, полученной в результате охлаждения образца в нулевом поле и в сильном магнитном поле, для Аg<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S описывается в модели суперпарамагнитных кластеров со случайным распределением полей анизотропии. Существование решеточных поляронов подтверждается максимумами на температурной зависимости коэффициента термоэдс в области структурных деформаций. Из спектров импеданса установлен диффузионный вклад в проводимость для Tm<sub>0.01</sub>Mn<sub>0.99</sub>S. В модели Дебая найдено время релаксации носителей тока для Аg<sub>0.01</sub>Мn<sub>0.99</sub>S. В магнитоупорядоченной области замещение марганца серебром приводит к увеличению импеданса в магнитном поле. В парамагнитной области импеданс уменьшается в магнитном поле для двух соединений. Вырождение при дырочном допировании снимается по ян-теллеровскому каналу. В магнитоупорядоченной области обнаружено смена знака магнитосопротивления как по температуре, так и по напряжению при замещении марганца серебром, а при замещении тулием только по температуре. Найдено отрицательное магнитосопротивление в широкой области температур, которое объясняется в модели рассеяния носителей тока на электрически поляризованных областях.

Финансирование. Исследование выполнено при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований и Белорусского республиканского фонда фундаментальных исследований в рамках научного проекта № 20-52-00005.

## ЛИТЕРАТУРА

- X. Wang, Y. Du, S. X. Dou et al., Phys. Rev. Lett. 108, 266806 (2012).
- J.-S. Kang, E. Lee, S. Seong et al., Philos. Mag. Lett. 100, 1258 (2020).

- H. T. He, H. C. Liu, B. K. Li et al., Appl. Phys. Lett. 103, 031606 (2013).
- 4. A. A. Abrikosov, Phys. Rev. B 58, 2788 (1998).
- **5**. Ш. М. Алекперова, И. А. Ахмедов, Г. С. Гаджиева и др., ФТТ **49**, 490 (2007).
- С. С. Аплеснин, М. Н. Ситников, Письма в ЖЭТФ 100, 104 (2014).
- С. С. Аплеснин, О. Б. Романова, О. Ф. Демиденко, К. И. Янушкевич, Магнитные фазовые переходы и кинетические свойства халькогенидов 3d-металлов, Сиб. Гос. Аэрокосмич. Ун-т, Красноярск (2017).
- С. С. Аплеснин, Л. И. Рябинкина, О. Б. Романова и др., ФТТ 51, 661 (2009).
- O. B. Romanova, L. I. Ryabinkina, V. V. Sokolov et al., Sol. State Commun. 150, 602 (2010).
- **10**. Э. Л. Нагаев, Физика магнитных полупроводников, Наука, Москва (1979).
- H. H. Heikens, C. F. van Bruggen, and C. J. Haas, Phys. Chem. Sol. 39, 833 (1972).
- **12**. Д. Воган, Дж. Крейг Химия сульфидных материалов, Мир, Москва (1981).
- **13**. Г. А. Петраковский, С. С. Аплеснин, Г. В. Лосева и др., ФТТ **33**, 406 (1991).
- 14. B. Morosin, Phys. Rev. B 1, 236 (1970).
- Yu. V. Gerasimova, G. M. Abramova, Z. V. Zhandun et al., J. Raman Spectrosc. 50, 1572 (2019).
- S. S. Aplesnin, G. A. Petrakovskii, L. I. Ryabinkina et al., Sol. State Commun. 129, 195 (2004).
- 17. S. S. Aplesnin, L. I. Ryabinkina, G. M. Abramova et al., Phys. Rev. B 71, 125204 (2005).
- S. S. Aplesnin, M. N. Sitnikov, O. B. Romanova et al., Phys. Stat. Sol. B 253, 1771 (2016).
- 19. S. S. Aplesnin, A. M. Kharkov, O. B. Romanova et al., J. Magn. Magn. Mater. 352, 1 (2014).
- 20. R. C. Vickery and H. M. Muir, Adv. Energy Conv. 1, 179 (1961).
- Wenhao Xing, Naizheng Wang, Yangwu Guo et al., Dalton Transactions 48, 17620 (2019).
- 22. K. I. Kugel, A. L. Rakhmanov, A. O. Sboychakov et al., Phys. Rev. B 78, 155113 (2008).
- 23. S. S. Aplesnin, M. N. Sitnikov, A. M. Kharkov et al., Phys. Stat. Sol. B 256, 1900043 (2019).

- 24. O. B. Romanova, S. S. Aplesnin, L. V. Udod et al., J. Appl. Phys. 125, 175706 (2019).
- 25. Г. А. Петраковский, Л. И. Рябинкина, Г. М. Абрамова и др., ФТТ 44, 1836 (2002).
- 26. J. S. Smart, J. Phys. and Chem. 11, 97 (1959).
- 27. S. Yunoki, J. Hu, A. L. Malvezzi et al., Phys. Rev. Lett. 80, 845 (1998).
- 28. М. Ю. Каган, К. И. Кугель, УФН 171, 577 (2001).
- 29. Э. Г. Бытыев, УФН 179, 1333 (2009).
- R. M. White, Quantum Theory of Magnetism, Springer-Verlag, Berlin, Heidelberg, New York (1983).
- 31. Э. Л. Нагаев, УФН 39, 781 (1996).
- 32. H. H. Heikens, G. A. Wiegers, and C. F. van Bruggen, Sol. State Comm. 24, 205 (1977).

- 33. С. С. Аплеснин Магнитные и электрические свойства сильнокоррелированных магнитных полупроводников с четырехспиновом взаимодействием с орбитальным упорядочением, Наука, Москва (2013).
- **34**. А. В. Малаховский, Т. П. Морозова, В. Н. Заблуда и др., ФТТ **32**, 1012 (1990).
- **35**. M. M. Parish and P. B. Littlewood, Lett. Nature **426**, 162 (2003).
- 36. В. И. Зиненко, Н. Г. Замкова и др., ФТТ 43, 2194 (2001).
- 37. Md. Mobarak Hossain Polash, Farzad Mohaddes, Morteza Rasoulianboroujeni et al., J. Mat. Chem. C 8, 4049 (2020).
- 38. Ч. Киттель Элементарная статистическая физика, Изд-во иностр. лит., Москва (1960).