

ФАЗЫ M_5C_4 — НОВОЕ СЕМЕЙСТВО КАРБИДНЫХ СВЕРХСТРУКТУР

M. Г. Костенко^{}, С. И. Садовников, А. И. Гусев^{**}*

*Институт химии твердого тела Уральского отделения Российской академии наук
620990, Екатеринбург, Россия*

Поступила в редакцию 6 апреля 2020 г.,

после переработки 21 апреля 2020 г.

Принята к публикации 22 апреля 2020 г.

На основе симметрийного анализа, представлений о канале перехода беспорядок–порядок и функции распределения предложены моноклинная, орторомбическая и тетрагональная модели сверхструктур M_5C_4 нестехиометрических кубических карбидов MC_y переходных металлов. Каналы перехода беспорядок–порядок, связанные с образованием указанных модельных сверхструктур, включают по четыре сверхструктурных вектора, являющихся лучами нелифшицевских звезд $\{k_1\}$, $\{k_2\}$ или $\{k_4\}$. Рассчитаны функции распределения атомов углерода С по узлам рассмотренных сверхструктур M_5C_4 . Оценка вероятностей существования парных вакансационных конфигураций в изученных сверхструктурах позволяет предположить, что наиболее стабильной из них является тетрагональная сверхструктура M_5C_4 .

DOI: 10.31857/S0044451020100089

1. ВВЕДЕНИЕ

Кубические карбиды MC_y и оксиды $M_xO_z \equiv MO_y$ (или $M_x\square_{1-x}O_z\square_{1-z} \equiv MO_y$, где $y = z/x$, \blacksquare и \square — структурные вакансии соответственно в металлической и неметаллической (кислородной) подрешетках, переходных металлов IV и V групп ($M = Ti, Zr, Hf, Nb, Ta$)) являются сильно нестехиометрическими соединениями внедрения [1–3]. Структурные вакансии представляют собой незаполненные узлы какой-либо из подрешеток соединения. В нестехиометрических карбидах и оксидах с кубической (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) базисной структурой $B1$ неметаллические атомы внедрения С или О размещаются в октаэдрических междуузлиях металлической подрешетки, образуя гранецентрированную (ГЦК) неметаллическую подрешетку. В монооксидах TiO и NbO структурные вакансии присутствуют сразу в двух подрешетках — металлической и кислородной. Высокая концентрация структурных вакансий является предпосылкой атомновакансационного упорядочения нестехиометрических карбидов MC_y ($MC_y\square_{1-y}$) и оксидов $MO_y \equiv M_xO_z$

(или $M_x\square_{1-x}O_z\square_{1-z}$). Действительно, распределение неметаллических атомов и структурных вакансий по узлам решетки может быть неупорядоченным или упорядоченным. Неупорядоченное состояние нестехиометрических соединений внедрения термодинамически равновесно при достаточно высокой температуре ($T > 1600$ К). Равновесным состоянием нестехиометрических соединений при $T < 1300$ К является упорядоченное состояние. Полнотью упорядоченное и полностью неупорядоченное распределения — предельные состояния нестехиометрического соединения. В результате упорядочения в пределах области гомогенности могут возникать одна или несколько упорядоченных фаз (сверхструктур) [4].

Упорядочение (или атомно-вакансационное упорядочение) является синонимом структурного фазового перехода беспорядок–порядок. При описании упорядочения в нестехиометрических соединениях атомы внедрения и структурные вакансии рассматриваются как взаимозамещающие компоненты бинарного раствора замещения в неметаллической подрешетке. Упорядочение в неметаллической подрешетке нестехиометрических соединений сопровождается понижением симметрии пространственной группы кристалла. Действительно, часть преобразований симметрии неупорядоченной неметаллической подрешетки, совмещающих друг с другом запол-

* E-mail: makskostenko@yandex.ru

** E-mail: gusev@ihim.uran.ru

ненные и незаполненные узлы, не входит в группу элементов симметрии упорядоченного кристалла, так как эти узлы становятся кристаллографически неэквивалентными.

Длительное время для определения положения атомов внедрения в решетке нестехиометрических соединений использовались, в основном, различные методы рентгеноструктурного анализа. Однако малые амплитуды рассеяния рентгеновского излучения атомами внедрения в сравнении с рассеянием атомами металла не всегда позволяют определить положение межузельных атомов на основе анализа интенсивности дифракционных линий. Следствием этого было распространено мнение о том, что атомы внедрения в неметаллической подрешетке нестехиометрических соединений при любых условиях распределены беспорядочно.

Развитие экспериментальной техники и, в особенности, применение дифракции нейтронов позволило обнаружить, что при определенных условиях в нестехиометрических соединениях наблюдается упорядоченное распределение атомов внедрения. Структурная нейtronография — один из наиболее информативных методов исследования нестехиометрических соединений внедрения, так как интенсивности рассеяния нейтронов ядрами атомов переходных металлов и легких элементов внедрения сравнимы по величине. Упорядочение атомов внедрения в этих соединениях удалось обнаружить и другими дифракционными методами (электронная дифракция, просвечивающая электронная микроскопия высокого разрешения), а также разнообразными методами физико-химического анализа.

Анализ экспериментальных и теоретических результатов по упорядочению нестехиометрических кубических карбидов и оксидов с базисной структурой $B1$ показал, что в них могут возникать сверхструктуры типа M_2C , M_3C_2 , Ti_3O_2 , Ti_2O_3 , Nb_3O_3 , M_4C_3 , Ti_4O_5 , M_5O_5 , M_6C_5 , Nb_6O_6 и M_8C_7 (или $M_{2t}X_{2t-1}$, $M_{2t}X_{2t}$ и $M_{2t-1}X_{2t}$, где $X = C, O$ и $t = 1, 1.5, 2, 3, 4$) [4]. Специфические сверхструктуры $V_{52}O_{64}$ и $V_{14}O_6$ образуются в монооксиде ванадия VO , имеющем базисную кубическую структуру типа $D0_3$ и содержащем вакансии соответственно в подрешетке ванадия и в объемно-центрированном тетрагональном твердом растворе кислорода в ванадии β - $V(O)$.

Теоретические методы предсказания сверхструктур, основанные на теоретико-групповом симметрийном анализе, подробно рассмотрены и обобщены в работах [1–8].

Образование сверхструктур типа M_2C и M_4C_3 нестехиометрических карбидов с базисной структурой $B1$ связано с искажением симметрии по лифшицевским звездам $\{k_{10}\}$, $\{k_9\}$ и $\{k_8\}$ и удовлетворяет критерию Ландау – Либштица для фазовых переходов второго рода (все нелифшицевские и лифшицевские звезды от $\{k_1\}$ до $\{k_{10}\}$ и их лучи, входящие в зону Бриллюэна базисной ГЦК-решетки, перечислены в работах [1–3]). Однако большинство сверхструктур нестехиометрических соединений с базисной структурой $B1$ образуется по каналам переходов, включающим сверхструктурные векторы (лучи) нескольких лифшицевских и нелифшицевских звезд [3, 4, 9]. Сверхструктуры одного типа с разной симметрией образуют семейства M_2X , M_3X_2 , M_6X_5 , M_8X_7 и другие. Совместный симметрийный анализ сверхструктур одного семейства [9–13] позволяет выявить последовательность превращений между ними и установить, какая из них является наиболее стабильной, т. е. обладает минимальной энергией при 0 К.

В последнее время интенсивно развиваются теоретические методы, позволяющие моделировать возможные модификации соединений в зависимости от их состава и находить выгодные по энергии структуры. Достаточно достоверные результаты удается получить с помощью эволюционного алгоритма предсказания кристаллических структур USPEX [14–16]. В частности, в работе [17] найдены стабильные упорядоченные фазы Hf_3C_2 и Hf_6C_5 карбида гафния. Несколько возможных стабильных сверхструктур семейства M_6C_5 с разной симметрией предсказаны с помощью эволюционного алгоритма для карбида ниобия состава $NbC_{0.83}$ [13]. Авторы [18] исследовали систему Zr – C и обнаружили четыре стабильные упорядоченные фазы: Zr_2C , Zr_3C_2 , Zr_4C_3 и Zr_7C_6 .

В работе [18] найдена также метастабильная фаза Zr_5C_4 с триклинической симметрией. Предположение о существовании самостоятельной карбидной сверхструктуры, имеющей стехиометрический состав M_5C_4 , было высказано в работе [19] на основе кристаллографических соображений. Других сведений о подобных структурах в литературе нет.

Целью данной работы является исследование гипотетического семейства сверхструктур M_5C_4 , которые могли бы формироваться в нестехиометрических кубических карбидах с базисной структурой $B1$. С помощью симметрийного анализа нами были определены возможные каналы переходов порядок–беспорядок с образованием сверхструктур данного типа, предложены их элементарные ячей-

ки, рассчитаны функции распределения атомов и вакансий, проанализированы варианты локальных атомно-вакансационных группировок, сделаны выводы о вероятной последовательности фазовых переходов при упорядочении.

2. КАНАЛЫ ПЕРЕХОДОВ БЕСПОРЯДОК–ПОРЯДОК $\text{MC}_y \rightarrow \text{M}_5\text{C}_4$

Элементарная ячейка нестехиометрического карбида MC_y с базисной структурой $B1$ содержит 4 атома металла. Сверхструктура M_5C_4 должна включать n элементарных ячеек базисной ГЦК-решетки, где n — целое или полуцелое число, поэтому число узлов в металлической подрешетке сверхструктуры M_5C_4 будет равно $4n$. Поскольку одна формульная единица сверхструктуры M_5C_4 включает 5 атомов М, то число металлических узлов элементарной ячейки сверхструктуры M_5C_4 должно быть кратно 5 или $4n = 5t$, где t — целое число. Ясно, что минимальная по объему элементарная ячейка сверхструктуры M_5C_4 , для которой выполняется условие $4n = 5t$, содержит 2.5 элементарных ячейки базисной структуры $B1$. Расчет показал, что для сверхструктур семейства M_5C_4 можно построить моноклинную (пр. гр. $C2/m$), орторомбическую (пр. гр. Imm) и тетрагональную (пр. гр. $I4/m$) элементарные ячейки (рис. 1–3) с таким минимальным объемом.

В нестехиометрических карбидах MC_y со структурой $B1$ и с вакансиями в подрешетке углерода решеткой, в которой происходит упорядочение, является неметаллическая ГЦК-подрешетка. Векторы трансляции, определяющие положение узлов \mathbf{r} неметаллической подрешетки, имеют вид

$$\mathbf{r} = x_1 \mathbf{a}_1 + y_1 \mathbf{a}_2 + z_1 \mathbf{a}_3, \quad (1)$$

где $\mathbf{a}_1, \mathbf{a}_2, \mathbf{a}_3$ — основные трансляции ГЦК-решетки в направлениях $[100]_{B1}, [010]_{B1}$ и $[001]_{B1}$ ($\|\mathbf{a}_1\| = \|\mathbf{a}_2\| = \|\mathbf{a}_3\| = a_{B1}$); x_1, y_1, z_1 — координаты узлов ГЦК-подрешеток, являющиеся целыми и полуцелыми числами. Базисные векторы обратной решетки, соответствующие прямой ГЦК-решетке, равны $\mathbf{b}_1 = \{\bar{1}11\}, \mathbf{b}_2 = \{1\bar{1}1\}$ и $\mathbf{b}_3 = \{11\bar{1}\}$ в единицах $2\pi/a_{B1}$.

Элементарная ячейка упорядоченной моноклинной (пр. гр. $C2/m$) фазы $\text{M}_5\text{C}_4\square$, которая может образовываться в нестехиометрических карбидах, показана на рис. 1а. Элементарная ячейка этой сверхструктуры имеет векторы трансляции

$$\mathbf{a}_m = \frac{1}{2} \langle 3\bar{3}2 \rangle_{B1}, \quad \mathbf{b}_m = \frac{1}{2} \langle 110 \rangle_{B1},$$

$$\mathbf{c}_m = \langle \bar{1}11 \rangle_{B1}.$$

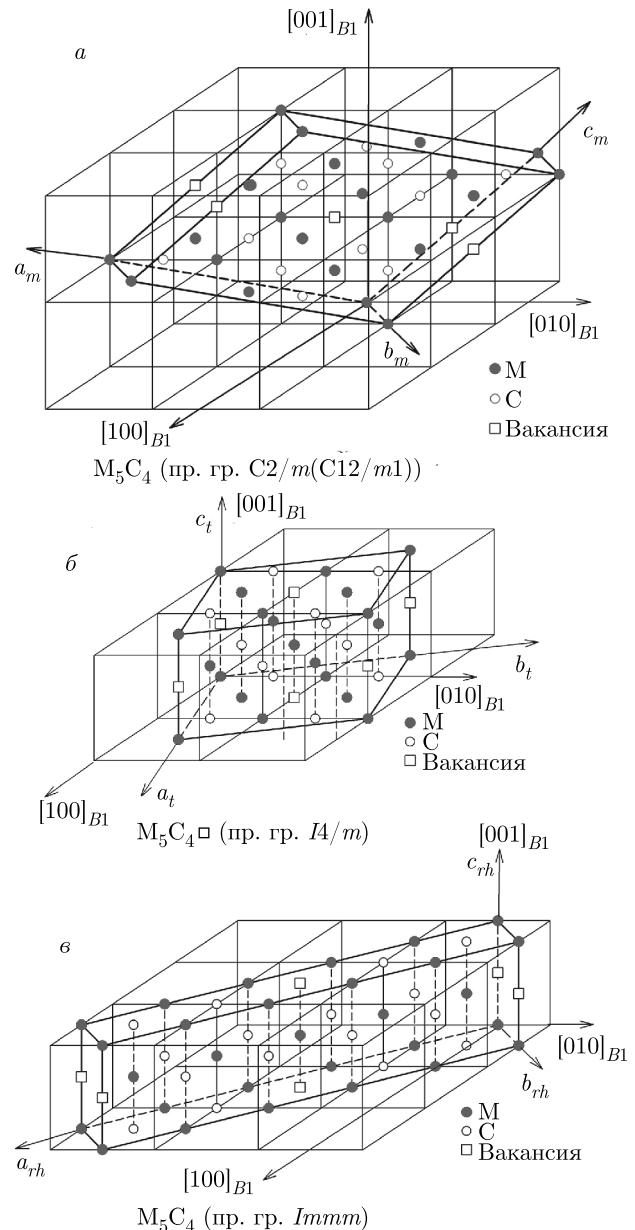


Рис. 1. Элементарные ячейки карбидных сверхструктур $\text{M}_5\text{C}_4\square$ и их размещение в базисной ГЦК-решетке со структурой $B1$: *a* — моноклинная (пр. гр. $C2/m$) фаза, *б* — тетрагональная (пр. гр. $I4/m$) фаза, *в* — орторомбическая (пр. гр. Imm) фаза M_5C_4

Для проведения симметрийного анализа рассмотрим моноклинную ячейку, примитивную по расположению металлических атомов М. Эта примитивная ячейка имеет векторы трансляции

$$\mathbf{a}_{mp} = \frac{1}{2} \langle 2\bar{1}1 \rangle_{B1}, \quad \mathbf{b}_{mp} = \frac{1}{2} \langle 110 \rangle_{B1},$$

$$\mathbf{c}_{mp} = \langle \bar{1}11 \rangle_{B1}.$$

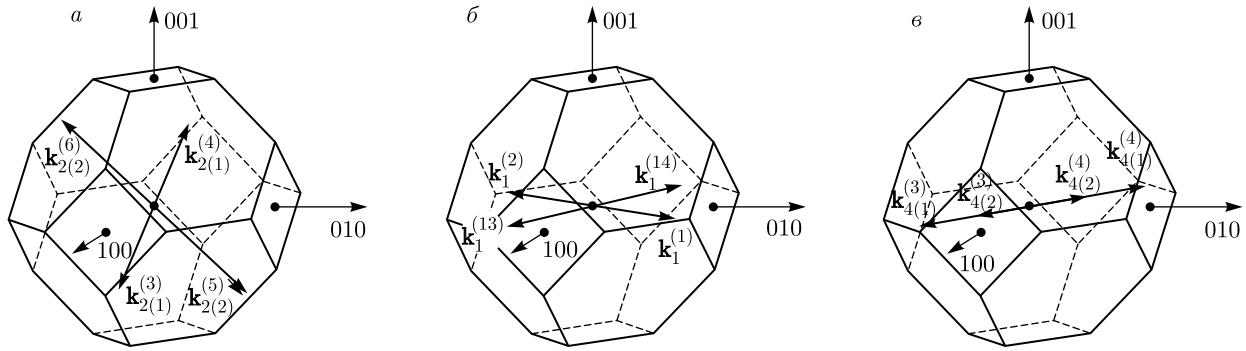


Рис. 2. Сверхструктурные векторы обратной решетки сверхструктур M_5C_4 , входящие в каналы фазовых переходов беспорядок–порядок $MC_y \rightarrow M_5C_4$, и положение этих векторов в первой зоне Бриллюэна ГЦК-решетки: *а* — моноклинная (пр. гр. $C2/m$) сверхструктура M_5C_4 ; *б* — тетрагональная (пр. гр. $I4/m$) сверхструктура M_5C_4 ; *в* — орторомбическая (пр. гр. $Imm\bar{m}$) сверхструктура M_5C_4

Найдем канал перехода, т. е. набор векторов звезд, связанных с фазовым превращением $MC_y \rightarrow M_5C_4$. Базисные векторы обратной решетки \mathbf{b}_i^* ($\mathbf{b}_1^* \equiv \mathbf{a}_{M_5C_4}^*$, $\mathbf{b}_2^* \equiv \mathbf{b}_{M_5C_4}^*$, $\mathbf{b}_3^* \equiv \mathbf{c}_{M_5C_4}^*$) определяются через трансляционные векторы \mathbf{a}_i ($\mathbf{a}_1 \equiv \mathbf{a}_t$, $\mathbf{a}_2 \equiv \mathbf{b}_t$, $\mathbf{a}_3 \equiv \mathbf{c}_t$) примитивной ячейки по формуле

$$\mathbf{b}_i^* = 2\pi \frac{\mathbf{a}_j \times \mathbf{a}_k}{\mathbf{a}_1(\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)},$$

где $i, j, k = 1, 2, 3$.

Расчет показал, что сверхструктурные векторы обратной решетки примитивной ячейки моноклинной фазы равны

$$\mathbf{a}^* = \left\{ -\frac{1}{5} \frac{1}{5} \frac{3}{5} \right\},$$

$$\mathbf{b}^* = \left\{ -\frac{4}{5} -\frac{6}{5} \frac{2}{5} \right\}, \quad \mathbf{c}^* = \left\{ \frac{2}{5} -\frac{2}{5} \frac{4}{5} \right\}$$

в единицах $2\pi/a_{B1}$. Комбинирование и трансляция найденных сверхструктурных векторов показывает, что в первой зоне Бриллюэна неупорядоченной неметаллической ГЦК-подрешетки находятся по два луча двух немифшицевских звезд $\{\mathbf{k}_2\}$, имеющих разную длину лучей. Обозначим эти звезды как $\{\mathbf{k}_{2(1)}\}$ и $\{\mathbf{k}_{2(2)}\}$. Звезда $\{\mathbf{k}_{2(1)}\}$ имеет текущие параметры $\mu_{2(1)}^{(1)} = 2/5$ и $\mu_{2(1)}^{(2)} = 1/5$. В канал перехода входит луч

$$\mathbf{k}_{2(1)}^{(4)} = \mu_{2(1)}^{(1)}(\mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2) - \mu_{2(1)}^{(2)}\mathbf{b}_2 = \left\{ -\frac{1}{5} \frac{1}{5} \frac{3}{5} \right\}$$

и противоположный луч $\mathbf{k}_{2(1)}^{(3)} = -\mathbf{k}_{2(1)}^{(4)}$. Текущие параметры звезды $\{\mathbf{k}_{2(2)}\}$ равны $\mu_{2(2)}^{(1)} = 3/5$ и $\mu_{2(2)}^{(2)} = 2/5$. Канал фазового перехода беспорядок–порядок наряду с лучами $\mathbf{k}_{2(1)}^{(3)}$ и $\mathbf{k}_{2(1)}^{(4)}$ включает лучи

$$\mathbf{k}_{2(2)}^{(6)} = \mu_{2(2)}^{(1)}(\mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2) - \mu_{2(2)}^{(2)}\mathbf{b}_1 = \left\{ \frac{2}{5} -\frac{2}{5} \frac{4}{5} \right\}$$

и $\mathbf{k}_{2(2)}^{(5)} = -\mathbf{k}_{2(2)}^{(6)}$ звезды $\{\mathbf{k}_{2(2)}\}$.

Таким образом, канал перехода беспорядок–порядок, связанный с образованием модельной моноклинной (пр. гр. $C2/m$) сверхструктуры M_5C_4 , включает четыре сверхструктурных вектора $\mathbf{k}_{2(1)}^{(3)}$, $\mathbf{k}_{2(1)}^{(4)}$, $\mathbf{k}_{2(2)}^{(5)}$ и $\mathbf{k}_{2(2)}^{(6)}$ немифшицевских звезд $\{\mathbf{k}_{2(1)}\}$ и $\{\mathbf{k}_{2(2)}\}$ (рис. 2а). Звездам $\{\mathbf{k}_{2(1)}\}$ и $\{\mathbf{k}_{2(2)}\}$ соответствует один и тот же параметр дальнего порядка η_2 .

Элементарная ячейка упорядоченной тетрагональной (пр. гр. $I4/m$) фазы $M_5C_4\square$, которая может образовываться в карбидах MC_y с $y < 1$, показана на рис. 1б. Элементарная ячейка этой сверхструктуры имеет векторы трансляции

$$\mathbf{a}_t = \frac{1}{2} \langle 310 \rangle_{B1}, \quad \mathbf{b}_t = \frac{1}{2} \langle \bar{1}30 \rangle_{B1}, \quad \mathbf{c}_t = \langle 001 \rangle_{B1}.$$

Хорошо видно, что эта элементарная ячейка является объемно-центрированной по расположению атомов М.

Для упрощения симметрийного анализа рассмотрим ячейку, примитивную по расположению атомов М. Примитивная ячейка тетрагональной сверхструктуры имеет векторы трансляции

$$\mathbf{a}_{tp} = \frac{1}{2} \langle 310 \rangle_{B1}, \quad \mathbf{b}_{tp} = \frac{1}{2} \langle \bar{1}30 \rangle_{B1}, \\ \mathbf{c}_{tp} = \frac{1}{2} \langle 121 \rangle_{B1}.$$

Векторы обратной решетки тетрагональной фазы M_5C_4 равны

$$\mathbf{a}^* = \left\{ \frac{3}{5} \frac{1}{5} -1 \right\}, \quad \mathbf{b}^* = \left\{ \frac{1}{5} -\frac{3}{5} 1 \right\}, \quad \mathbf{c}^* = \{002\}$$

в единицах $2\pi/a_{B1}$. Заметим, что сверхструктурный вектор $\mathbf{c}^* \equiv (\mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2)$ и совпадает со структурным узлом обратной решетки.

Для ГЦК-решетки любой входящий в зону Бриллюэна луч, одна из координат которого равна или кратна единице, а две другие координаты отличны от нуля, является эквивалентным какому-либо сверхструктурному вектору. Найденные векторы \mathbf{a}^* и \mathbf{b}^* обратной решетки эквивалентны сверхструктурным векторам упорядоченной фазы, поскольку отличаются от них на базисные векторы \mathbf{b}_3 или \mathbf{b}_2 обратной решетки углеродной ГЦК-подрешетки. С учетом этого получаем два сверхструктурных вектора $(\mathbf{b}_3 - \mathbf{a}^*) = \{2/5 \ 4/5 \ 0\}$ и $(\mathbf{b}^* - \mathbf{b}_2) = \{-4/5 \ 2/5 \ 0\}$ нелифшицевской звезды $\{\mathbf{k}_1\}$. Анализ показывает, что найденные сверхструктурные векторы $\{2/5 \ 4/5 \ 0\}$ и $\{-4/5 \ 2/5 \ 0\}$ принадлежат нелифшицевской звезде $\{\mathbf{k}_1\}$ и являются ее лучами

$$\mathbf{k}_1^{(1)} = \mu_1^{(1)}(\mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_3) + \mu_1^{(2)}(\mathbf{b}_2 + \mathbf{b}_3),$$

$$\mathbf{k}_1^{(14)} = -\mu_1^{(1)}(\mathbf{b}_2 + \mathbf{b}_3) + \mu_1^{(2)}(\mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_3)$$

с текущими параметрами $\mu_1^{(1)} = 2/5$ и $\mu_1^{(2)} = 1/5$. Каждому сверхструктурному вектору $\mathbf{k}_s^{(j)}$ соответствует противоположный сверхструктурный вектор $-\mathbf{k}_s^{(j)}$, который входит в канал фазового перехода в том случае, если он не эквивалентен вектору $\mathbf{k}_s^{(j)}$. Таким образом, канал перехода беспорядок–порядок, связанный с образованием тетрагональной сверхструктуры M_5C_4 , наряду с векторами $\mathbf{k}_1^{(1)}$ и $\mathbf{k}_1^{(14)}$ включает также сверхструктурные векторы $\mathbf{k}_1^{(2)} = -\mathbf{k}_1^{(1)}$ и $\mathbf{k}_1^{(13)} = -\mathbf{k}_1^{(14)}$ (рис. 2б). Звезде $\{\mathbf{k}_1\}$ соответствует параметр дальнего порядка η_1 .

Элементарная ячейка упорядоченной орторомбической (пр. гр. $Imm\bar{m}$) карбидной сверхструктуры M_5C_4 показана на рис. 1б. Ее элементарная ячейка имеет векторы трансляции

$$\mathbf{a}_{rh} = \frac{1}{2} \langle 5\bar{5}0 \rangle_{B1}, \quad \mathbf{b}_{rh} = \frac{1}{2} \langle 110 \rangle_{B1},$$

$$\mathbf{c}_{rh} = \langle 001 \rangle_{B1}$$

и является объемно-центрированной по расположению атомов М, как и две предыдущие сверхструктуры. Векторы трансляции примитивной ячейки этой сверхструктуры равны

$$\mathbf{a}_{rp} = \frac{1}{2} \langle 5\bar{5}0 \rangle_{B1}, \quad \mathbf{b}_{rp} = \frac{1}{2} \langle 110 \rangle_{B1},$$

$$\mathbf{c}_{rp} = \frac{1}{2} \langle 3\bar{2}1 \rangle_{B1}.$$

В соответствии с этим векторы обратной решетки орторомбической фазы M_5C_4 равны

$$\mathbf{a}^* = \left\{ \frac{1}{5} \ -\frac{1}{5} \ -1 \right\}, \quad \mathbf{b}^* = \{-1 \ -1 \ 1\}, \quad \mathbf{c}^* = \{0 \ 0 \ 2\}$$

в единицах $2\pi/a_{B1}$. Комбинирование и трансляция найденных сверхструктурных векторов показывает, что в первой зоне Бриллюэна неупорядоченной ГЦК-подрешетки находятся векторы $-(\mathbf{a}^* + \mathbf{b}^* + \mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_3) = \{4/5 \ -4/5 \ 0\}$ и $2(\mathbf{a}^* + 2\mathbf{b}^* + \mathbf{c}^*) = \{2/5 \ -2/5 \ 0\}$. Эти векторы являются лучами $\mathbf{k}_{4(1)}^{(3)} = \mu_4^{(1)}(\mathbf{b}_2 - \mathbf{b}_1)$ и $\mathbf{k}_{4(2)}^{(3)} = \mu_4^{(2)}(\mathbf{b}_2 - \mathbf{b}_1)$ разной длины нелифшицевской звезды $\{\mathbf{k}_4\}$. Для луча $\mathbf{k}_{4(1)}^{(3)}$ текущий параметр $\mu_4^{(1)} = 2/5$, а для более короткого луча $\mathbf{k}_{4(2)}^{(3)}$ параметр $\mu_4^{(2)} = 1/5$. Канал перехода беспорядок–порядок, связанный с образованием орторомбической (пр. гр. $Imm\bar{m}$) сверхструктуры M_5C_4 , наряду с векторами $\mathbf{k}_{4(1)}^{(3)}$ и $\mathbf{k}_{4(2)}^{(3)}$ включает также противоположные сверхструктурные векторы $\mathbf{k}_{4(1)}^{(4)} = -\mathbf{k}_{4(1)}^{(3)}$ и $\mathbf{k}_{4(2)}^{(4)} = -\mathbf{k}_{4(2)}^{(3)}$ (рис. 2б). Звездам $\{\mathbf{k}_{4(1)}\}$ и $\{\mathbf{k}_{4(2)}\}$ соответствует параметр дальнего порядка η_4 .

Векторы трансляции и координаты атомов и вакансий в элементарных ячейках моноклинной, тетрагональной и орторомбической сверхструктур M_5C_4 приведены соответственно в табл. 1, 2 и 3.

3. ФУНКЦИИ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ АТОМОВ УГЛЕРОДА В СВЕРХСТРУКТУРАХ M_5C_4

Структура упорядоченных фаз описывается функцией распределения $n(\mathbf{r})$, которая является вероятностью обнаружения атома данного сорта на узле $\mathbf{r} = (x_1, y_1, z_1)$ упорядочивающейся решетки. Отклонение вероятности $n(\mathbf{r})$ от ее значения в случае неупорядоченного распределения можно представить суперпозицией нескольких плоских концентрационных волн [5]. Волновыми векторами этих волн являются сверхструктурные векторы, образующие канал перехода беспорядок–порядок [1–3]. В методе статических концентрационных волн [5] функция распределения $n(\mathbf{r})$ имеет вид

$$n(r) = y + \frac{1}{2} \sum_s \sum_{j \in s} \eta_s \gamma_s \left[\exp(i\varphi_s^{(j)}) \times \exp(i\mathbf{k}_s^{(j)} \cdot \mathbf{r}) + \exp(-i\varphi_s^{(j)}) \times \exp(-i\mathbf{k}_s^{(j)} \cdot \mathbf{r}) \right], \quad (2)$$

Таблица 1. Моноклинная (пр. гр. № 12 — $C2/m$ ($C12/m1$) (C_{2h}^3)) упорядоченная фаза M_5C_4 : $\mathbf{a}_m = \frac{1}{2} \langle 3\bar{3}2 \rangle_{B1}$, $\mathbf{b}_m = \frac{1}{2} \langle 110 \rangle_{B1}$, $\mathbf{c}_m = \langle \bar{1}11 \rangle_{B1}$

Атом	Позиция и кратность	Атомные координаты в базисной кубической структуре типа $B1$			Атомные координаты в идеальной упорядоченной структуре			Значения функции распределения $n(x_I, y_I, z_I)$
		x/a_{B1}	y/a_{B1}	z/a_{B1}	x/a_m	y/b_m	z/c_m	
C1 (вакансия)	2(c)	-1/2	1/2	1/2	0	0	1/2	$n_1 = y + 4\eta_2/5$
C1 (вакансия)	2(c)	1/2	0	1	1/2	1/2	1/2	$n_1 = y + 4\eta_2/5$
C2	4(i)	0	0	3/2	2/10	0	3/10	$n_2 = y + \eta_2/5$
C3	4(i)	1/2	-1/2	1/2	4/10	0	1/10	$n_2 = y + \eta_2/5$
M1	2(a)	0	0	0	0	0	0	
M2	4(i)	1/2	-1/2	1	6/10	0	4/10	
M3	4(i)	1	-1	1	8/10	0	2/10	

Таблица 2. Тетрагональная (пр. гр. № 87 — $I4/m$ (C_{4h}^5)) упорядоченная фаза M_5C_4 : $\mathbf{a}_t = \frac{1}{2} \langle 310 \rangle_{B1}$, $\mathbf{b}_t = \frac{1}{2} \langle \bar{1}30 \rangle_{B1}$, $\mathbf{c}_t = \langle 001 \rangle_{B1}$

Атом	Позиция и кратность	Атомные координаты в базисной кубической структуре типа $B1$			Атомные координаты в идеальной упорядоченной структуре			Значения функции распределения $n_C(x_I, y_I, z_I)$
		x/a_{B1}	y/a_{B1}	z/a_{B1}	x/a_t	y/b_t	z/c_t	
C1 (вакансия)	2(b)	0	0	1/2	0	0	1/2	$n_1 = y - 4\eta_1/5$
C2	8(h)	0	1/2	0	1/10	3/10	0	$n_2 = y + \eta_1/5$
M1	2(a)	0	0	0	0	0	0	
M2	8(h)	1/2	1/2	0	4/10	2/10	0	

где y — относительная концентрация атомов данного сорта в упорядочивающейся подрешетке; величина

$$\frac{1}{2} \eta_s \gamma_s \left[\exp(i\varphi_s^{(j)}) \exp(i\mathbf{k}_s^{(j)} \cdot \mathbf{r}) + \exp(-i\varphi_s^{(j)}) \exp(-i\mathbf{k}_s^{(j)} \cdot \mathbf{r}) \right] \equiv \Delta(\mathbf{k}_s^{(j)}, \mathbf{r})$$

есть стоячая плоская статическая концентрационная волна, порождаемая сверхструктурным вектором $\mathbf{k}_s^{(j)}$ звезды $\{\mathbf{k}_s\}$; η_s — параметр дальнего порядка, соответствующий звезде $\{\mathbf{k}_s\}$; $\eta_s \gamma_s$ и $\varphi_s^{(j)}$ — соответственно амплитуда и фазовый сдвиг концентра-

ционной волны. Коэффициенты $\gamma_s \exp(i\varphi_s^{(j)})$ учитывают симметрию кристалла и выбираются так, чтобы полностью упорядоченному кристаллу стехиометрического состава соответствовали параметры дальнего порядка, равные единице. На узлах \mathbf{r} , расположенных в кристаллографически эквивалентных позициях, функция $n(\mathbf{r})$ принимает одно и то же значение. Суммирование в (2) ведется только по неэквивалентным сверхструктурным векторам первой зоны Бриллюэна.

Рассчитанная функция распределения атомов углерода С по узлам неметаллической подрешетки

Таблица 3. Орторомбическая (пр. гр. № 71 — $I\bar{m}mm$ (C_{4h}^5)) упорядоченная фаза M_5C_4 : $\mathbf{a}_{rh} = \frac{1}{2}\langle 5\bar{5}0 \rangle_{B1}$, $\mathbf{b}_{rh} = \frac{1}{2}\langle 110 \rangle_{B1}$, $\mathbf{c}_{rh} = \langle 001 \rangle_{B1}$

Атом	Позиция и кратность	Атомные координаты в базисной кубической структуре типа $B1$			Атомные координаты в идеальной упорядоченной структуре			Значения функции распределения $n_C(x_I, y_I, z_I)$
		x/a_{B1}	y/a_{B1}	z/a_{B1}	x/a_{rh}	y/b_{rh}	z/c_{rh}	
C1 (вакансия)	2(<i>c</i>)	3/2	-1	0	1/2	1/2	0	$n_1 = y - 4\eta_4/5$
C2	4(<i>f</i>)	1	-1/2	0	3/10	1/2	0	$n_2 = y + \eta_4/5$
C3	4(<i>f</i>)	1/2	0	0	1/10	1/2	0	$n_2 = y + \eta_4/5$
M1	2(<i>a</i>)	0	0	0	0	0	0	
M2	4(<i>e</i>)	1/2	1/2	0	2/10	0	0	
M3	4(<i>e</i>)	1	1	0	4/10	0	0	

моноклинной (пр. гр. $C2/m$) сверхструктуры M_5C_4 карбида MC_y имеет вид

$$n(x_I, y_I, z_I) = y - \frac{2\eta_2}{5} \times \\ \times \left\{ -\cos \left[\frac{2\pi}{5}(-x_I + y_I + 3z_I) \right] + \right. \\ \left. + \cos \left[\frac{2\pi}{5}(2x_I - 2y_I + 4z_I) \right] \right\}. \quad (3)$$

Согласно расчету, для полностью упорядоченной моноклинной сверхструктуры при $\eta_1 = 1$ в функции распределения (3) величина $y = 4/5$. Таким образом, идеальная сверхструктура M_5C_4 может образовываться в нестехиометрическом карбиде $MC_{0.80}$, содержащем 20 % вакансий в подрешетке углерода. На всех узлах углеродной подрешетки функция распределения (3) принимает два значения: n_1 на позициях 2(*c*) и n_2 на позициях 4(*i*) (см. табл. 1). Координаты атомов и вакансий в элементарной ячейке моноклинной фазы M_5C_4 , а также значения функции (3), принимаемые ею на разных позициях углеродной подрешетки этой фазы, приведены в табл. 1.

При образовании в карбиде MC_y моноклинной сверхструктуры M_5C_4 максимальная величина параметра дальнего порядка η_2 равна

$$\eta_2^{max}(y) = \\ = \begin{cases} 2t(1-y) \equiv 5(1-y), & 1 > y > \frac{2t-1}{2t}, \\ \frac{2ty}{2t-1} \equiv \frac{5y}{4}, & y < \frac{2t-1}{2t}. \end{cases} \quad (4)$$

При максимальной степени дальнего порядка и $1 > y > (2t-1)/2t$ значение n_2 всегда равно единице, а значение $y \geq n_1 \geq 5y-4$ и всегда меньше единицы.

Функция распределения атомов углерода С по узлам неметаллической подрешетки тетрагональной (пр. гр. $I4/m$) сверхструктуры M_5C_4 , рассчитанная с учетом найденного канала перехода, имеет вид

$$n(x_I, y_I, z_I) = y - \frac{2\eta_1}{5} \left\{ \cos \left[\frac{4\pi}{5}(x_I + 2y_I) \right] + \right. \\ \left. + \cos \left[\frac{4\pi}{5}(2x_I - y_I) \right] \right\}. \quad (5)$$

Согласно расчету, для тетрагональной сверхструктуры M_5C_4 при $\eta_1 = 1$ в функции распределения (5) величина $y = 4/5$. Как и в случае моноклинной сверхструктуры, идеальная тетрагональная сверхструктура M_5C_4 может образовываться в нестехиометрическом карбиде $MC_{0.80}$ с 20 % вакансий в подрешетке углерода. Функция распределения (5) принимает значение n_1 на позициях 2(*b*) и n_2 на позициях 8(*h*) (см. табл. 2). Координаты атомов и вакансий для тетрагональной сверхструктуры M_5C_4 и значения функции (5) на разных позициях углеродной подрешетки этой фазы приведены в табл. 2.

Зависимость максимальной величины параметра дальнего порядка η_1 от состава карбида MC_y при образовании тетрагональной сверхструктуры M_5C_4 описывается такой же функцией (4), как и в случае моноклинной сверхструктуры.

В тетрагональной сверхструктуре M_5C_4 в направлении $[001]_{B1}$ расположены одинаковые атом-

ные плоскости, содержащие пять атомов М, один вакантный узел углеродной подрешетки и четыре узла, занятые атомами С (рис. 1б). Относительное содержание углерода в этих плоскостях равно 4/5.

В соответствии с найденным каналом перехода функция распределения атомов С по узлам неметаллической подрешетки орторомбической (пр. гр. Imm) сверхструктуры M_5C_4 имеет вид

$$n(x_I, y_I, z_I) = y - \frac{2\eta_4}{5} \left\{ \cos \left[\frac{4\pi}{5}(x_I - y_I) \right] + \cos \left[\frac{2\pi}{5}(x_I - y_I) \right] \right\}. \quad (6)$$

На всех узлах углеродной подрешетки функция распределения (6) принимает два значения: n_1 на позициях 2(с) и n_2 на позициях 4(ж) (см. табл. 3). Координаты атомов и вакансий в элементарной ячейке моноклинной фазы M_5C_4 , а также значения функции (6) на разных позициях углеродной подрешетки этой фазы приведены в табл. 3.

4. ТИПЫ БЛИЖАЙШЕГО ОКРУЖЕНИЯ АТОМОВ МЕТАЛЛА В СВЕРХСТРУКТУРАХ M_5C_4

Рассмотрим, каково ближайшее окружение атомов металла занятymi и вакантными узлами углеродной подрешетки в сверхструктурах M_5C_4 . Характер окружения важен для анализа ближнего порядка в реальных упорядоченных фазах. В обозначениях окружения нижний и верхний индексы показывают число вакансий в первой и второй координационных сферах атома М в базисной кубической решетке карбида. Наименьшее расстояние между соседними узлами углеродной подрешетки равно $(a_B\sqrt{2})/2$.

В моноклинной сверхструктуре M_5C_4 атомы металла, занимающие две разные четырехкратные кристаллографические позиции (i), имеют разные ближайшие окружения M_2^1 и M_1^2 (рис. 3а). Пятая часть всех атомов металла (атомы М, занимающие кристаллографические позиции 2(а)) не имеет вакансий в первой координационной сфере и содержит две вакансию во второй координационной сфере, т. е. имеет ближайшее окружение M_0^2 .

Атомы металла в полностью упорядоченной тетрагональной (пр. гр. $I4/m$) фазе M_5C_4 расположены только в двух позициях. Пятая часть всех атомов металла (атомы М, занимающие кристаллографические позиции 2(а)) имеет две углеродные вакансию

в первой координационной сфере и не имеет вакансий во второй координационной сфере, т. е. имеет ближайшее окружение M_2^0 . Остальные атомы металла занимают кристаллографические позиции 8(г) и имеют одну углеродную вакансию в первой координационной сфере и две вакансию во второй координационной сфере, т. е. имеют ближайшее окружение M_1^2 (рис. 3б).

Орторомбическая (пр. гр. Imm) сверхструктура M_5C_4 имеет три типа ближайшего окружения атомов металла. Атомы М, занимающие две разные четырехкратные кристаллографические позиции (e), имеют ближайшие окружения M_2^0 и M_0^2 . Атомы М, занимающие кристаллографические позиции 2(а), содержат два вакантных узла в первой координационной сфере и четыре вакансию во второй координационной сфере, т. е. имеют ближайшее окружение M_1^4 (рис. 3в).

Когда концентрация вакансий в карбиде мала ($1 - y \ll 1$), то они расположены друг от друга на расстояниях больше, чем $(a_B\sqrt{2})/2$, и являются изолированными. Для неметаллической ГЦК-подрешетки с координационным числом 12 вероятность того, что данная вакансия является изолированной, равна $P_1 = y^{12}$ и при $1 - y \ll 1$ близка к единице. Напротив, вероятность того, что произвольно выбранная вакансия не изолирована, равна $P = 1 - y^{12}$ и при $1 - y \ll 1$ близка к нулю.

С увеличением концентрации вакансий ($0 < 1 - y < 1$) вероятность изоляции одной вакансии от другой быстро уменьшается, и в подрешетке образуются разной величины вакансационные кластеры. При некоторой критической концентрации вакансий $1 - y = p_c$ в системе образуется единый бесконечный вакансационный кластер, пронизывающий всю решетку. Согласно теории протекания, критическая доля свободных узлов для ГЦК-решетки равна 0.20 [20–22].

Таким образом, из теории протекания [20–22] следует, что в неупорядоченных карбидах MC_y с $y \leq 0.80$ вакансию с вероятностью, равной единице, образуют бесконечный вакансационный кластер. При упорядочении бесконечный вакансационный кластер «разбивается» и в решетке наблюдаются изолированные или связанные вакансационные группы различного размера. Вероятность таких групп легко найти, если известна структура упорядоченных фаз.

Неметаллическую ГЦК-подрешетку нестехиометрических карбидов можно представить как совокупность кластеров в виде правильных тетраэдров, включающих четыре узла, которые могут быть заняты атомами углерода или быть вакантными. Все

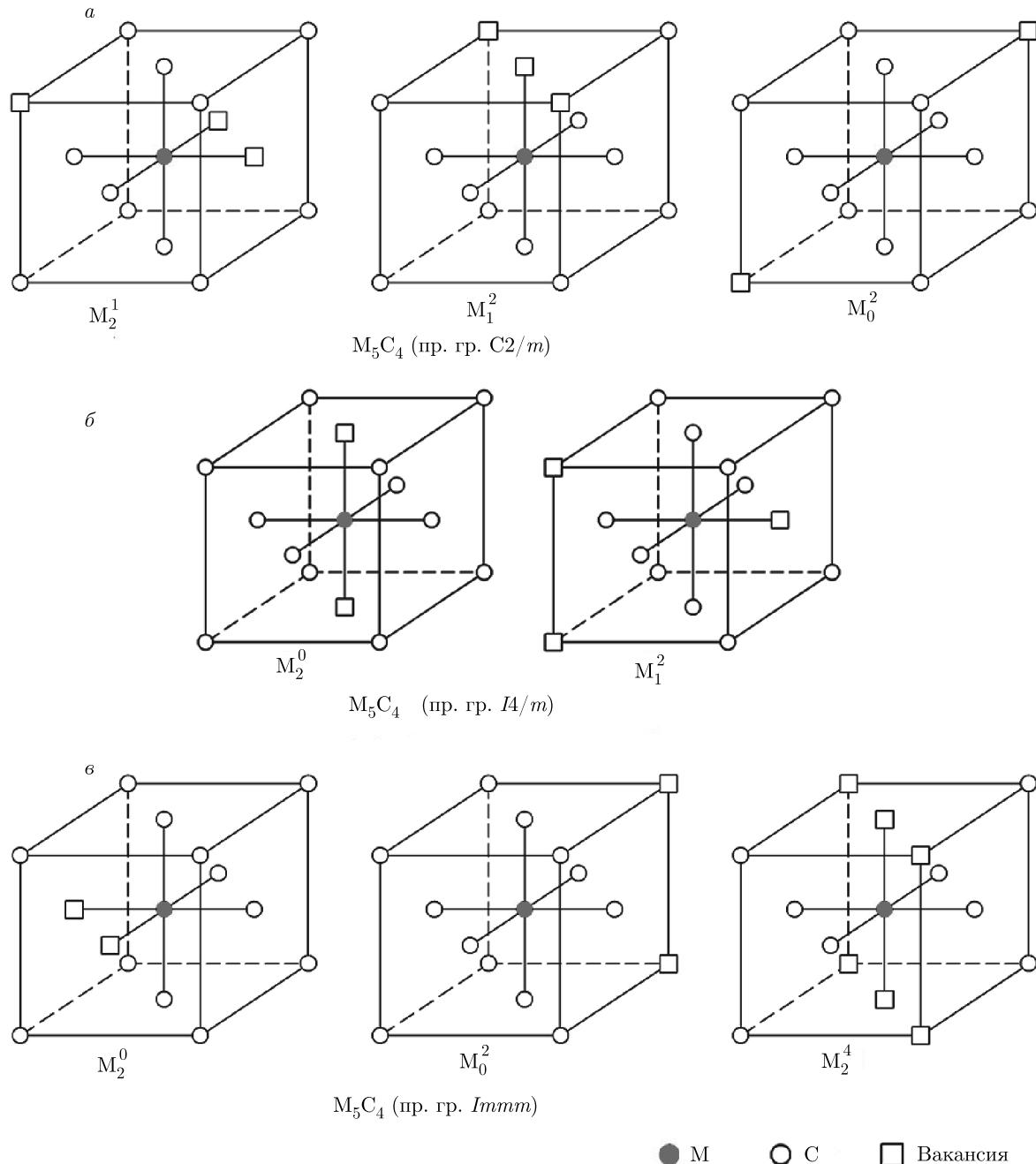


Рис. 3. Ближайшее окружение атомов металла заполненными и вакантными узлами первой и второй координационных сфер неметаллической подрешетки в полностью упорядоченных фазах семейства M_5C_4 : *a* — моноклинная (пр. гр. $C2/m$) фаза, *б* — тетрагональная (пр. гр. $I4/m$) фаза, *в* — орторомбическая (пр. гр. $Imm\bar{m}$) фаза

эти узлы расположены на расстоянии $(a_{B1}\sqrt{2})/2$ друг от друга. Как видно на рис. 3, в обсуждаемых сверхструктурах M_5C_4 в границах тетраэдрических кластеров наибольшими вакансиями группами являются пары вакансия—вакансия.

Рассмотрим, какова вероятность конфигураций, образованных занятymi и вакантными узлами, расположенными на минимальном расстоянии $(a_{B1}\sqrt{2})/2$ друг от друга. Вероятности конфигураций, образованных двумя атомами углерода,

Таблица 4. Вероятности парных конфигураций в неметаллической подрешетке неупорядоченного карбида $MC_{0.80}$ и сверхструктур M_5C_4

Карбид	P_{C-C}	$P_{C-\square}$	$P_{\square-\square}$
$MC_{0.80}$	0.64	0.32	0.04
M_5C_4 (пр. гр. $C2/m$)	0.6556	0.3111	0.0333
M_5C_4 (пр. гр. $I4/m$)	0.6	0.4	0
M_5C_4 (пр. гр. Imm)	0.6333	0.3333	0.0333

или атомом С и вакансией, или двумя вакансиями обозначим соответственно P_{C-C} , $P_{C-\square}$, $P_{\square-\square}$. Для неупорядоченных карбидов MC_y вероятности определяются биномиальным распределением и равны

$$P_{C-C} = y^2, \quad P_{C-\square} = 2y(1-y), \quad P_{\square-\square} = (1-y)^2.$$

Для сверхструктур вероятности всех конфигураций определяются из анализа кристаллической структуры этих фаз или типов ближайшего окружения. Численные значения вероятностей P_{C-C} , $P_{C-\square}$ и $P_{\square-\square}$ для неупорядоченных карбидов $MC_{0.80}$ и моноклинной, тетрагональной и орторомбической сверхструктур M_5C_4 с тем же относительным содержанием углерода приведены в табл. 4.

Сравнение показывает, что в результате упорядочения вероятности конфигураций $P_{\square-\square}$ с соседними вакансиями уменьшаются (табл. 4). Парные вакансационные конфигурации в тетрагональной сверхструктуре M_5C_4 отсутствуют. Это позволяет предположить, что именно тетрагональная (пр. гр. $I4/m$) сверхструктура M_5C_4 будет наиболее стабильной среди трех рассмотренных сверхструктур семейства M_5C_4 .

В общем случае упорядочение нестехиометрических карбидов MC_y наблюдается при довольно высокой концентрации структурных вакансий $(1-y) > 0.12$. В неупорядоченном карбиде при такой концентрации вакансий создаваемые ими области возмущения перекрываются, в результате чего возмущения распространяются по всему объему кристалла, приводя к быстрому понижению периода a_B решетки с ростом концентрации вакансий. В результате упорядочения вакансии и атомы углерода перераспределяются по узлам неметаллической подрешетки таким образом, что относительное чис-

ло вакансий, являющихся ближайшими соседями, в упорядоченном карбиде оказывается меньше, чем в неупорядоченном карбиде того же состава.

Таким образом, упорядочение уменьшает вероятность существования конфигураций с соседними вакансиями и тем самым снижает степень перекрывания областей возмущения, создаваемых вакансиями. В результате можно ожидать, что период базисной решетки a_B карбидных сверхструктур M_5C_4 будет больше по сравнению с периодом решетки неупорядоченного карбida $MC_{0.80}$.

5. ПОНИЖЕНИЕ СИММЕТРИИ ПРИ ОБРАЗОВАНИИ СВЕРХСТРУКТУР M_5C_4

Неупорядоченная углеродная ГЦК-подрешетка кубических карбидов MC_y имеет точечную группу $m\bar{3}m$, которая включает все 48 элементов симметрии $h_1 - h_{48}$ группы полной симметрии куба. Точечные группы симметрии моноклинной (пр. гр. $C2/m$), тетрагональной (пр. гр. $I4/m$) и орторомбической сверхструктур M_5C_4 включают четыре (h_1 , h_4 , h_{25} , h_{28}), 8 (h_1 , h_4 , h_{14} , h_{15} , h_{25} , h_{28} , h_{38} , h_{39}) и 8 ($h_1 - h_4$, $h_{25} - h_{28}$) элементов симметрии [1–3, 23, 24] и являются подгруппами точечной группы базисной неупорядоченной кубической (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) фазы MC_y . Поэтому переход от неупорядоченного карбida к любой из этих сверхструктур является превращением беспорядок–порядок. Понижения поворотной (вращательной) симметрии для моноклинной, тетрагональной и орторомбической сверхструктур равны соответственно 12, 6 и 6.

Понижение трансляционной симметрии равно отношению объемов элементарных ячеек упорядоченной и неупорядоченной фаз. Для рассматриваемых сверхструктур M_5C_4 понижение трансляционной симметрии одинаково и равно 2.5. Общее понижение симметрии есть произведение поворотного (вращательного) и трансляционного понижений симметрии. Поэтому при переходах MC_y (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) $\rightarrow M_5C_4$ (пр. гр. $C2/m$), MC_y (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) $\rightarrow M_5C_4$ (пр. гр. $I4/m$) и MC_y (пр. гр. $Fm\bar{3}m$) $\rightarrow M_5C_4$ (пр. гр. Imm) общее понижение симметрии равно соответственно 30, 15 и 15.

Превращения беспорядок–порядок, связанные с образованием сверхструктур M_5C_4 , могут быть только переходами первого рода, поскольку при рассматриваемом упорядочении искажение симметрии происходит по нелифшицевским звездам $\{\mathbf{k}_1\}$, $\{\mathbf{k}_2\}$ или $\{\mathbf{k}_4\}$ и не удовлетворяет критерию Ландау для фазовых переходов второго рода. Согласно [5], при фазовом превращении второго рода выполняется условие

$$\left. \begin{array}{l} \mathbf{k}_s^{(j_1)} + \mathbf{k}_s^{(j_2)} + \mathbf{k}_s^{(j_3)} \\ 3\mathbf{k}_s^{(j)} \end{array} \right\} \neq 0 \text{ или } \mathbf{H}. \quad (7)$$

Это значит, что фазовое превращение второго рода возможно лишь в том случае, если из векторов звезды, связанных с этим превращением, нельзя выбрать три (не обязательно различных) вектора, сумма которых была бы равна нулю или структурному вектору \mathbf{H} обратной решетки неупорядоченного кристалла. Для моноклинной (пр. гр. $C2/m$) сверхструктуры M_5C_4 сумма трех сверхструктурных векторов $(2\mathbf{k}_{2(1)}^{(4)} + \mathbf{k}_{2(2)}^{(6)}) = (0\ 0\ 2)$ равна структурному вектору, поэтому образование моноклинной фазы M_5C_4 может быть только переходом первого рода. Для тетрагональной (пр. гр. $I4/m$) сверхструктуры M_5C_4 сумма трех сверхструктурных векторов $(2\mathbf{k}_1^{(1)} + \mathbf{k}_1^{(14)})$ тоже равна структурному вектору $(0\ 2\ 0)$. Таким образом, условие (7), определяющее возможность фазового перехода второго рода, не выполняется, и образование тетрагональной (пр. гр. $I4/m$) сверхструктуры M_5C_4 может происходить только как фазовый переход первого рода. Образование орторомбической (пр. гр. Imm) сверхструктуры M_5C_4 тоже возможно только как переход первого рода, поскольку для нее сумма трех сверхструктурных векторов $(2\mathbf{k}_{4(1)}^{(3)} + \mathbf{k}_{4(2)}^{(3)}) = (2 - 2 0)$ есть структурный вектор.

Поскольку сверхструктуры M_5C_4 образуются по механизму фазовых переходов первого рода, последовательность образования этих фаз при понижении температуры определяется соотношением их энергий [8, 14, 25], а не изменением симметрии.

6. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Проведенный симметрийный анализ сверхструктур семейства M_5C_4 показал, что их образование обусловлено искажениями симметрии, которые связаны с нелифшицевскими звездами $\{\mathbf{k}_1\}$, $\{\mathbf{k}_2\}$ или $\{\mathbf{k}_4\}$, и происходит по механизму фазовых переходов первого рода. Перераспределение атомов углерода и вакансий по узлам неметаллической подрешетки нестехиометрических карбидов означает, что сверхструктуры M_5C_4 являются производными от базисной кубической структуры $B1$. Сверхструктуры M_5C_4 с максимальной величиной параметра дальнего порядка $\eta_i = 1$ имеют состав $MC_{0.80}$.

Изучение ближайшего окружения атомов металла в сверхструктурах M_5C_4 и оценка вероятностей существования в них парных вакационных конфигураций позволяет предположить, что наиболее ста-

бильной является тетрагональная сверхструктура M_5C_4 .

Для определения симметрии возможных карбидных сверхструктур M_5C_4 требуется проведение комплексных экспериментальных исследований, включающих структурную нейтронографию нестехиометрических карбидов, содержащих примерно 20 ат. % структурных вакансий, как оптимальный инструмент. Следует отдельно изучить влияние режимов термообработки, а также размера карбидных частиц на тип и симметрию сверхструктур, образующихся при атомно-вакационном упорядочении.

Финансирование. Исследование выполнено при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проект № 20-52-53010).

ЛИТЕРАТУРА

1. A. I. Gusev, A. A. Rempel, and A. J. Magerl, *Disorder and Order in Strongly Nonstoichiometric Compounds: Transition Metal Carbides, Nitrides and Oxides*, Springer, Berlin–Heidelberg–New York–London (2001).
2. А. И. Гусев, *Нестехиометрия, беспорядок, ближний и дальний порядок в твердом теле*, Физматлит, Москва (2007).
3. А. А. Ремпель, А. И. Гусев, *Нестехиометрия в твердом теле*, Физматлит, Москва (2018).
4. А. И. Гусев, УФН **184**, 905 (2014).
5. A. G. Khachaturyan, *Theory of Structural Transformations in Solids*, Wiley, New York (1983).
6. Ю. М. Гуфан, *Структурные фазовые переходы*, Наука, Москва (1982).
7. Ю. А. Изюмов, В. Н. Сыромятников, *Фазовые переходы и симметрия кристаллов*, Наука, Москва (1984).
8. Д. М. Штерн, Э. В. Козлов, Изв. ВУЗов. Физика, № 6, 25 (1985).
9. А. И. Гусев, ЖЭТФ **136**, 486 (2009).
10. А. И. Гусев, Письма в ЖЭТФ **91**, 130 (2010).
11. A. I. Gusev, J. Solid State Chem. **199**, 181 (2013).
12. А. И. Гусев, ЖЭТФ **144**, 340 (2013).
13. М. Г. Костенко, А. В. Лукоянов, А. А. Валеева, А. И. Гусев, ЖЭТФ **156**, 934 (2019).
14. A. R. Oganov and C. W. Glass, J. Chem. Phys. **124**, 244704 (2006).

15. A. R. Oganov, A. O. Lyakhov, and M. Valle, *Acc. Chem. Res.* **44**, 227 (2011).
16. A. O. Lyakhov, A. R. Oganov, H. T. Stoke, and Q. Zhu, *Comp. Phys. Comm.* **184**, 1172 (2013).
17. Q. Zeng, J. Peng, A. R. Oganov, Q. Zhu, C. Xie, X. Zhang, D. Dong, L. Zhang, and L. Cheng, *Phys. Rev. B* **88**, 214107 (2013).
18. C. Xie, A. R. Oganov, D. Li, T. T. Debela, N. Liu, D. Dong, and Q. Zeng, *Phys. Chem. Chem. Phys.* **18**, 12299 (2016).
19. E. Parthe and K. Yvon, *Acta Crystallogr. B* **26**, 153 (1970).
20. А. Л. Эфрос, *Физика и геометрия беспорядка*, Наука, Москва (1982).
21. H. Kesten, *Percolation Theory for Mathematicians*, Birkhäuser, Boston–Basel–Stuttgart (1982).
22. A. I. Gusev, *Phys. Stat. Sol. (a)* **111**, 443 (1989).
23. О. В. Ковалев, *Неприводимые представления пространственных групп*, Изд-во АН УССР, Киев (1961).
24. О. В. Ковалев, *Неприводимые и индуцированные представления и копредставления федоровских групп*, Наука, Москва (1986).
25. В. Г. Вакс, В. И. Зиненко, В. Е. Шнейдер, *УФН* **141**, 629 (1983).