И. А. Колмычек<sup>а\*</sup>, Е. А. Мамонов<sup>a</sup>, А. А. Ежов<sup>a,b,c</sup>, О. Ю. Рогов<sup>b,d</sup>,

В. В. Артемов<sup>b</sup>, М. В. Горкунов<sup>b</sup>, Т. В. Мурзина<sup>a</sup>

<sup>а</sup> Физический факультет Московского государственного университета им. М. В. Ломоносова 119991, Москва, Россия

> <sup>b</sup> Институт кристаллографии им. А. В. Шубникова, ФНИЦ «Кристаллография и фотоника» Российской академии наук 119333. Москва, Россия

<sup>с</sup> Центр квантовых технологий Московского государственного университета им. М. В. Ломоносова 119991, Москва, Россия

> <sup>d</sup> Сколковский институт науки и технологий 143025, деревня Сколково, Московская обл., Россия

Поступила в редакцию 20 марта 2020 г., после переработки 16 апреля 2020 г. Принята к публикации 20 апреля 2020 г.

Экспериментально исследованы особенности генерации оптической второй гармоники в массивах киральных винтообразных наноотверстий в серебряной пленке. Обнаружен рост интенсивности квадратичного нелинейно-оптического отклика в области аномального резонансного пропускания. Выявлена существенная роль вращательной симметрии массива наноотверстий в формировании отклика второй гармоники, определяющей вид азимутальных зависимостей как интенсивности квадратичного оптического сигнала, так и циркулярного дихроизма второй гармоники.

**DOI:** 10.31857/S0044451020100065

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Оптика металлических наноструктур в последнее десятилетие является актуальным и быстроразвивающимся направлением мировой науки [1]. Это связано, с одной стороны, с существенным прогрессом в технологиях изготовления наноструктур (взрывной, коллоидной литографии и пр.), а с другой — с возможностями применения изучаемых явлений для создания функциональных устройств нанофотоники для управления параметрами оптического излучения, сенсорики и оптического переключения. Как известно, в металлических частицах субволновых размеров возможно возбуждение локализованных поверхностных плазмонов в оптическом диапазоне, что используется для повышения эффективности взаимодействия света с такими частица-

636

ми. Теоретически и экспериментально были исследованы оптические свойства металлических наночастиц различного дизайна — шарообразных, цилиндрических, киральных, «ядро-оболочка» [2–7] и др. Существенным недостатком указанных структур является то, что в спектральной области возбуждения локального плазмона наблюдается существенное уменьшение пропускания света, которое, в свою очередь, снижает эффективность управления параметрами оптического излучения. Принципиально другой дизайн структуры — инвертированный, а именно, решетка цилиндрических наноотверстий диаметром 150 нм в серебряной пленке толщиной 200 нм, был впервые предложен в 1998 г. Эббесеном [8]. Было показано, что при возбуждении поверхностных плазмонов на внутренней границе субволновых наноотверстий для всей структуры наблюдается так называемое аномальное пропускание света, когда коэффициент пропускания превышает значение, определяемое полной площадью отверстий в структуре. Механизм данного эффекта со-

<sup>\*</sup> E-mail: irisha@shg.ru

стоит в том, что возбуждаемые плазмоны приводят к увеличению эванесцентного поля вблизи поверхности пленки, а после туннельного прохождения этого усиленного поля через отверстия происходит обратное преобразование поверхностного плазмона в поле излучения [9].

Впоследствии различными научными группами для достижения наиболее эффективного усиления поля и максимизации коэффициента пропускания варьировались металлы [10] и форма наноотверстий (квадратные [11], Н-образные [12], Х-образные [13], I-образные [14] и т. д.). Эти работы были стимулированы возможными применениями дырчатых структур в сенсорике, основанной на чувствительности резонанса к показателю преломления окружающего диэлектрика или на селективном усилении комбинационного рассеяния [15–18]. Кроме того, был предложен дизайн планарных киральных наноотверстий (в форме гаммадиона) в металлической пленке; в этом случае наблюдается разная локализация электрического поля в структуре при правой и левой циркулярных поляризациях зондирующего излучения, что приводит к изменению состояния поляризации прошедшего через структуру света [19]. Таким образом, анализ локализации электромагнитного поля в структуре важен для оценки эффективности возбуждения локальных плазмонов в металлических наноструктурированных пленках и их функциональных свойств.

Метод генерации второй гармоники (ВГ) обладает высокой чувствительностью к резонансным свойствам наноструктурированных материалов [20], поэтому он активно используется для изучения плазмонных структур и метаповерхностей, в том числе массивов наноотверстий различной формы, для которых в окрестности аномального пропускания наблюдается усиление интенсивности генерации ВГ [21-23]. Так, в работе [24] рассчитаны линейные оптические спектры квадратных массивов треугольных наноотверстий в металлической пленке и обнаружено усиление квадратичного нелинейно-оптического отклика в области возбуждения локализованных и бегущих плазмонов вследствие усиления поля зондирующего излучения в приповерхностной области пленки.

Эффекты киральности в нелинейно-оптическом отклике, как правило, проявляются существенно сильнее, чем в линейном. Это было продемонстрировано для массивов планарных киральных наноэлементов различной формы [25–28]. Кроме того, в нелинейно-оптическом отклике возможно появление принципиально новых эффектов, обусловленных киральностью метаповерхностей и не имеющих линейных аналогов; к числу таких эффектов относятся асимметрия генерации ВГ и так называемый эффект обратного дихроизма [29]. Было также показано, что на основе анализа параметров нелинейнооптического отклика можно различить тип энантиомеров, т. е. знак киральности метаповерхности.

Для трехмерных наноструктур можно ожидать значительного усиления квадратичных нелинейно-оптических эффектов, обусловленных киральностью. Так, большие значения угла поворота плоскости поляризации излучения ВГ, вплоть до 45°, были обнаружены в металлических наноспиралях [30, 31]. В то же время, в инвертированной структуре подобных экспериментов проведено не было. В данной работе рассмотрены эффекты генерации ВГ в массивах трехмерных киральных наноотверстий в серебряной пленке субмикронной толщины.

### 2. ОБРАЗЦЫ

Массивы наноотверстий были изготовлены методом травления фокусированным ионным пучком (ФИП) ионов галлия Ga<sup>+</sup> с помощью двулучевого электронного микроскопа FEI Scios DualBeam [32]. Структуры формировались в серебряной пленке толщиной 250 нм, нанесенной методом термического испарения в вакууме  $(10^{-5} \text{ Па})$  на поддерживающую мембрану из оксида кремния толщиной 80 нм. Массивы киральных отверстий были изготовлены при экранном увеличении электронного микроскопа  $\times 7000$ , тока ФИП 0.1 нА, ускоряющем напряжении 30 кВ и токе ионного пучка 0.1 нА. Сложная трехмерная форма наноотверстий обеспечивалась контролируемым движением ФИП в соответствии с цифровыми шаблонами. Все шаблоны были запрограммированы в виде кругов диаметром 3600 пикселей, что обеспечило получение массивов отверстий, заполняющих идентичные круговые участки диаметром 35 мкм. Было изготовлено и исследовано четыре массива киральных отверстий (см. рис. 1): массивы с вращательной симметрией третьего и шестого порядков (точечные группы симметрии соответственно  $C_3$  и  $C_6$ ), состоящие из отверстий симметрии С<sub>3</sub> и С<sub>6</sub>, расположенных в узлах треугольной решетки; массива с вращательной симметрией четвертого порядка (точечная группа симметрии  $C_4$ ), состоящего из отверстий симметрии  $C_4$ , расположенных в узлах квадратной решетки; и массива отверстий симметрии С<sub>5</sub>, расположенных в уз-



Рис. 1. РЭМ-изображения исследуемых структур. Слева представлен полный образец С<sub>3</sub> и четверти образцов С<sub>4</sub>, С<sub>5</sub> и С<sub>6</sub>. Справа показаны РЭМ-изображения участков соответствующих образцов, полученные при большем увеличении, с метками в 1 мкм

лах мозаики Пенроуза, и обладающего (как целое) вращательной симметрией пятого порядка (точечная группа  $C_5$ ). Далее будем обозначать массивы по типу их точечной группы симметрии соответственно как  $C_3$ ,  $C_4$ ,  $C_5$  и  $C_6$ . Сквозные части всех винтообразных наноотверстий имеют диаметр около 200 нм. Субволновая периодичность образцов  $C_3$ ,  $C_4$  и  $C_6$  позволила исключить дифракцию видимого света. В квазипериодическом массиве  $C_5$  среднее расстояние между отверстиями также является субволновым.

## 3. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫЕ УСТАНОВКИ, МЕТОДИКИ ИЗМЕРЕНИЙ И РЕЗУЛЬТАТЫ

#### 3.1. Линейный оптический отклик

Спектроскопия коэффициента пропускания образцов проводилась двумя независимыми методами: с помощью модифицированного конфокального лазерного сканирующего микроскопа (КЛСМ) и с помощью установки на основе спектроскопического эллипсометра (СЭ).

При проведении измерений вначале использовался КЛСМ Olympus FluoView FV1000, базирующийся на инвертированном оптическом микроскопе Olympus IX81 и оснащенный сканирующим устройством со спектральной системой детектирования. В качестве источника проходящего света использовался осветитель Schott ACE I с галогенной лампой мощностью 150 Вт и выводом излучения через оптоволоконный жгут. Для расширения спектрального диапазона источника перед измерениями из источника света удалялся встроенный теплозащитный светофильтр.

Альтернативные исследования проводились на установке на основе СЭ Horiba Jobin-Yvon UVISEL 2 и оптоволоконного спектрометра Ocean Optics USB4000, заменяющего входящий в состав эллипсометра штатный спектрометр, что значительно уменьшало время измерения спектров. Источником света служила короткодуговая ксеноновая лампа мощностью 150 Вт. Данная установка позволяла измерять спектры пропускания света заданной линейной поляризации в зависимости от ориентации плоскости поляризации света (азимутального угла). В обоих методах нормирование интенсивности света проводилось на спектр отверстия диаметром 33.7 мкм, специально изготовленного рядом с массивами киральных наноотверстий. Необходимо отметить, что особенности в спектрах коэффициентов пропускания, полученные двумя независимыми методами, совпали с высокой точностью.

Спектры пропускания образцов представлены на рис. 2*a* и демонстрируют области аномально большого пропускания света в оптическом диапазоне, причем амплитуда и спектральное положение мак-



Рис. 2. Линейные оптические свойства массивов наноотверстий: a — спектры пропускания; б — спектры циркулярного дихроизма. Розовым и синим фоном выделены спектральные области перестройки  ${\rm Ti:Sa}$ -лазера и генерируемой второй гармоники

симума существенно зависят от симметрии массива. Так, наиболее сильно эффект проявляется для образца С<sub>3</sub>, для которого пропускание возрастает до 60% в диапазоне длин волн 680-690 нм. В образце С4 аномальное пропускание значительно менее выражено. Для изучения циркулярного дихроизма структур проводились измерения спектров коэффициента пропускания света с правой и левой круговыми поляризациями, которые формировались с помощью сверхширокополосного (wire-grid) поляризатора Moxtek UBB01A в сочетании с ахроматической четвертьволновой пластиной Thorlabs AQWP05M-600. Излучение с круговой поляризацией противоположных знаков получалось путем изменения взаимной ориентации этих элементов. Измерения проводились с помощью модифицированного КЛСМ. Величина циркулярного дихроизма прошедшего через образцы оптического излучения была рассчитана по формуле

$$CD = \frac{T^{right} - T^{left}}{T^{right} + T^{left}}$$

где  $T^{right}$ ,  $T^{left}$  — коэффициенты пропускания для правой и левой циркулярных поляризаций падающего на структуру света. Соответствующие результаты представлены на рис. 26 и подтверждают, что величина и знак циркулярного дихроизма пропускания существенно зависят от симметрии наноотверстий и их упаковки в массиве. В образце C<sub>5</sub> с упаковкой элементов в узлах мозаики Пенроуза циркулярный дихроизм практически отсутствует во всем видимом диапазоне длин волн. В других массивах наблюдается усиление циркулярного дихроизма вплоть до 60 %.

## 3.2. Генерация второй гармоники

Нелинейно-оптические эксперименты были проведены на установке, где в качестве источника зондирующего излучения использовался импульсный титан-сапфировый лазер, перестраиваемый в диапазоне длин волн 740-900 нм, с частотой следования импульсов 80 МГц, длительность импульса 60 фс, средняя мощность на образце составляла 20 мВт. Лазерное излучение линзой фокусировалось на поверхности структуры в область диаметром около 30 мкм, таким образом освещая более 10000 наноотверстий. С помощью ФЭУ детектировалась интенсивность ВГ, прошедшей через образец, при нормальном падении лазерного излучения на структуру. Поляризация зондирующего излучения устанавливалась с помощью полуволновой или четвертьволновой пластинки, а поляризация регистрируемого нелинейно-оптического сигнала — с помощью анализатора (призма Глана-Тейлора).

Были проведены эксперименты по исследованию генерации ВГ при циркулярно поляризованном излучении на основной частоте и детектировании полной интенсивности квадратичного нелинейно-оптического отклика. По полученным данным были вычислены спектры интенсивности ВГ и циркулярного дихроизма ВГ:

$$I_{2\omega} = (I_{2\omega}^{right} + I_{2\omega}^{left})/2,$$
  
$$SHGCD = \frac{I_{2\omega}^{right} - I_{2\omega}^{left}}{I_{2\omega}^{right} + I_{2\omega}^{left}},$$

где  $I_{2\omega}^{right}$  и  $I_{2\omega}^{left}$  — интенсивности ВГ при правой и левой циркулярных поляризациях падающего излучения. Соответствующие результаты приведены на



Рис. 3. *а*) Спектры интенсивности второй гармоники от массивов отверстий различной симметрии при циркулярно поляризованном зондирующем излучении. *б*) Спектры циркулярного дихроизма второй гармоники

рис. 3. Видно, что спектральные зависимости интенсивности второй гармоники для разных образцов качественно схожи; наблюдается уменьшение сигнала при сдвиге длины волны зондирующего излучения в длинноволновую область. Наиболее эффективно генерация ВГ происходит в образце C<sub>3</sub>.

Как следует из рис. 36, знак и величина циркулярного дихроизма второй гармоники существенно зависят от симметрии образца. Максимальное значение дихроизма, около 10-12%, наблюдается в образце C<sub>4</sub>. Для структур C<sub>3</sub>, C<sub>5</sub> и C<sub>6</sub> в изученном спектральном диапазоне циркулярный дихроизм один или два раза проходит через нулевое значение и, соответственно, меняет знак.

Измерения азимутальной анизотропии интенсивности ВГ при облучении структуры линейно-поляризованным светом проводились для неподвижного



Рис. 4. Спектры интенсивности генерации второй гармоники при различных азимутальных положениях образца С<sub>3</sub> при параллельных (*a*) и ортогональных (*б*) линейных поляризациях зондирующего излучения и ВГ. На правых панелях цветом обозначена интенсивность ВГ. На левых панелях представлены схемы эксперимента и ориентации азимутальных положений максимумов ВГ относительно структуры на длине волны лазерного излучения 820 нм

образца при синхронном повороте плоскости поляризации зондирующего излучения (вращении пластины  $\lambda/2$  на угол  $\theta/2$ ) и ВГ (вращении анализатора на угол  $\theta$ ). Эксперименты были проведены для образцов С<sub>3</sub> и С<sub>4</sub> для двух комбинаций поляризации лазерного излучения и ВГ: когда плоскости поляризации падающего и регистрируемого излучений были параллельны и перпендикулярны друг другу.

Как следует из результатов эксперимента, в случае линейной поляризации лазерного излучения сигнал ВГ от обоих образцов является анизотропным. Спектры интенсивности ВГ при различных азимутальных ориентациях плоскости поляризации падающего излучения в образце С<sub>3</sub> представлены на рис. 4. Как для параллельных, так и для перпендикулярных ориентаций поляризаций основного излучения и ВГ в азимутальных зависимостях ВГ наблюдаются шесть максимумов, угловое положение максимумов в первом случае (рис. 4a) совпадает с положением минимумов во втором случае (рис. 4b). Это более отчетливо видно на левых панелях, где экспериментальные азимутальные зависимости ин-



Рис. 5. Спектры интенсивности генерации второй гармоники при различных азимутальных положениях образца С<sub>4</sub> при параллельных (*a*) и ортогональных (*б*) поляризациях зондирующего излучения и ВГ. На правых панелях цветом обозначена интенсивность ВГ. На левых панелях представлены схемы эксперимента и ориентации азимутальных положений максимумов ВГ относительно структуры на длине волны лазерного излучения 800 нм

тенсивности ВГ в полярных координатах совмещены с положением образца. Следует отметить, что средняя по азимутальному положению образца интенсивность ВГ возрастает при уменьшении длины волны лазерного излучения в соответствии с данными рис. 3a.

Результаты исследования анизотропии интенсивности ВГ в образце С<sub>4</sub> представлены на рис. 5. И при параллельных, и при перпендикулярных ориентациях поляризаций падающего и регистрируемого излучений на азимутальных зависимостях ВГ наблюдаются четыре максимума, однако угловое положение максимумов в первом случае (рис. 5a) смещено относительно ребра решетки отверстий примерно на 5°-10° по часовой стрелке, а во втором случае — в противоположную сторону (рис. 5 $\delta$ ). Это следует также из графиков, приведенных на левых панелях, где экспериментальные азимутальные зависимости интенсивности ВГ в полярных координатах совмещены с положением образца. Следует также отметить, что при этом средняя по азимутальному положению образца интенсивность ВГ возрастает при уменьшении длины волны зондирующего излучения, как и при циркулярно поляризованном основном излучении.

#### 4. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Прежде всего, следует отметить, что в исследуемых образцах расстояния между наноотверстиями сравнимы с их поперечным размером, и наблюдаемые оптические свойства обусловлены коллективными эффектами в массивах отверстий при облучении их светом. Для металлических наноструктур определяющее значение имеют плазмонные резонансы, локализованные непосредственно вблизи поверхности металла и существенно зависящие от ее профиля. Этим объясняются качественные различия линейных и нелинейных оптических свойств массивов отверстий схожей формы в идентичной серебряной пленке, отличающихся порядком вращательной симметрии.

Известно, что плазмоны ответственны за аномально высокое пропускание света подобными массивами нанощелей и наноотверстий [8,9]. Его характерной чертой является наличие слабого фонового и сильного резонансного вкладов, интерференция которых придает спектрам пропускания асимметричную форму типа резонанса Фано [33], поэтому спектральные положения максимумов поглощения и пропускания незначительно смещены как относительно друг друга, так и относительно резонансной длины волны плазмона, как было показано ранее в аналогичных структурах [34]. Из данных, приведенных на рис. 2a, следует, что как положение полосы аномального пропускания, так и его максимальное значение существенно зависят от формы отверстий и симметрии их массивов.

Киральность линейного оптического отклика металлических отверстий винтовой формы также имеет, по-видимому, плазмонную природу [34, 35] наблюдается уменьшение величины циркулярного дихроизма в области плазмонного резонанса (600-800 нм) в условиях аномально высокого пропускания, что связано с увеличением знаменателя в соответствующей формуле. В то же время, на коротковолновом крае области аномального пропускания наблюдается усиление циркулярного дихроизма, обусловленное заметной разницей в поглощении левого и правого циркулярно поляризованных излучений (во всех структурах, кроме квазипериодического массива С<sub>5</sub>). Интересен также тот факт, что знак циркулярного дихроизма зависит от симметрии массива, в то время как в двумерных киральных структурах этот знак определяется направлением «закручивания» киральной структуры и противоположен для энантиомеров [36].

Нелинейный оптический отклик существенно усиливается плазмонными резонансами, как и многими другими резонансами различной природы [1]. Для большинства конденсированных сред резонансное усиление объемной нелинейности адекватно описывается простым эмпирическим правилом Миллера, предполагающим пропорциональность нелинейной восприимчивости произведению линейных восприимчивостей на частотах всех взаимодействующих волн [37]. Хотя высокая локализация нелинейного оптического отклика металлических нанострукур непосредственно возле их поверхности и приводит к заметным количественным отклонениям от такой простой пропорциональности [38], возбуждение плазмонов существенно увеличивает амплитуды полей вблизи поверхности, что заметно усиливает генерацию ВГ [20, 24]. Такое усиление имеет место и в рассматриваемом случае массивов субволновых отверстий в металлической пленке: как видно, интенсивность ВГ возрастает более чем на порядок величины при приближении длины волны лазерного излучения к плазмонным резонансам на длинах волн 600-700 нм (рис. 3а).

Из анализа спектров интенсивности ВГ для разных исследованных структур (рис. 3a) следует, что массив C<sub>3</sub> превосходит остальные в несколько раз по эффективности генерации ВГ. Простое объяснение этого эффекта заключается в том, что в случае нормального падения плоской волны зондирующего излучения на бесконечные массивы рассеивателей только структура C<sub>3</sub> (точечная группа симметрии C<sub>3</sub>) способна излучать ВГ в электродипольном приближении [39], т. е. имеет отличные от нуля компоненты нелинейной восприимчивости второго порядка, тогда как для массивов другой симметрии такие компоненты отсутствуют.

Действительно, в отсутствие нормальной компоненты электрического поля в генерацию ВГ в направлении, перпендикулярном поверхности, дают вклад компоненты тензора квадратичной восприимчивости  $\chi_{ijk}^{(2)}$  с индексами x и y координатных осей в плоскости структуры. Анализ симметрии квадратичного нелинейно-оптического отклика массива наноструктур показывает, что такие компоненты присутствуют только у поверхностных структур, имеющих вращательную симметрию третьего порядка (точечная группа  $C_3$ ), и определяются следующими компонентами восприимчивости:  $\chi_{xxx}^{(2)} = -\chi_{xyy}^{(2)} =$  =  $-\chi_{yxy}^{(2)} = -\chi_{yyx}^{(2)}$  и  $\chi_{yyy}^{(2)} = -\chi_{yxx}^{(2)} = -\chi_{xxy}^{(2)} = -\chi_{xyx}^{(2)}$  [40]. При параллельных линейных поляризациях волн основного излучения и ВГ зависимость интенсивности второй гармоники от угла  $\psi$  между электрическим полем падающей волны и осью x в плоскости имеет вид

$$I_{2\omega}(\psi) \propto |\chi_{xxx}^{(2)}\cos 3\psi - \chi_{yyy}^{(2)}\sin 3\psi|^2.$$

Для скрещенных поляризаций падающей волны и ВГ аналогичная зависимость описывается выражением

$$I_{2\omega}(\psi) \propto |\chi_{xxx}^{(2)} \sin 3\psi + \chi_{yyy}^{(2)} \sin 3\psi|^2.$$

Экспериментальные данные, представленные на рис. 4, полностью соответствуют данным зависимостям, а тот факт, что азимутальные зависимости интенсивности ВГ на рис. 4 приблизительно совпадают по амплитуде и повернуты друг относительно друга на 30°, свидетельствует о равенстве компонент  $\chi^{(2)}_{xxx} = \chi^{(2)}_{yyy}$ . Небольшой изотропный фон соответствует некогерентному рассеянию ВГ (гиперрэлеевскому рассеянию) на структуре.

В массиве отверстий С<sub>4</sub> (точечная группа симметрии  $C_4$ ) ненулевые компоненты тензора квадратичной восприимчивости, не имеющие индекса z, в электродипольном приближении отсутствуют [40]. Тем не менее экспериментальные данные (рис. 3a) свидетельствуют о наличии заметного сигнала ВГ, который, согласно рис. 5, также является когерентным и отражает вращательную симметрию четвертого порядка. Возможны разные механизмы генерации ВГ в таком случае. Во-первых, как пространственная неоднородность лазерного пучка, так и наличие в структурах наклонных к плоскости образца поверхностей («резьба» в винтообразных отверстиях) могут приводить к локально ненулевым значениям *z*-компоненты поля накачки, в таком случае в формировании нелинейно-оптического отклика будут играть роль электродипольные компоненты тензова квадратичной восприимчивости [40]:

$$\chi_{xxz}^{(2)} = \chi_{xzx}^{(2)} = \chi_{yyz}^{(2)} = \chi_{yzy}^{(2)}, \quad \chi_{zxx}^{(2)} = \chi_{zyy}^{(2)},$$
$$\chi_{xyz}^{(2)} = \chi_{xzy}^{(2)} = -\chi_{yxz}^{(2)} = -\chi_{yzx}^{(2)}, \quad \chi_{zzz}^{(2)}.$$

Во-вторых, возможен электрический квадрупольный вклад в генерацию ВГ, обусловленный наведенной в структуре нелинейной поляризацией вида [41,42]

$$P_i^Q = \chi_{ijkl}^{(2)Q} E_i \nabla_k E_l + \nabla_k \chi_{ijkl}^{(2)Q} E_i E_l,$$

а тензор четвертого ранга  $\chi^{(2)Q}_{ijkl}$  при симметрии четвертого порядка имеет достаточно много ненулевых компонент:

$$\chi_{xxxx}^{(2)Q}, \chi_{xxxy}^{(2)Q}, \chi_{xxyy}^{(2)Q}, \chi_{xyxx}^{(2)Q}, \chi_{xyxy}^{(2)Q}, \chi_{xyyy}^{(2)Q}, \\ \chi_{yxxx}^{(2)Q}, \chi_{yyyy}^{(2)Q}, \chi_{yyyx}^{(2)Q}, \chi_{yyxx}^{(2)Q}, \chi_{yxyy}^{(2)Q}, \chi_{yxxy}^{(2)Q}.$$

Оба указанных механизма требуют неоднородности поля лазерного излучения в плоскости структуры [41], что, безусловно, имеет место в реальном эксперименте, где неоднородность интенсивности зондирующего излучения в пределах сфокусированного пятна неизбежна. Небольшой размер массивов отверстий также делает значительным вклад от краевых участков, к которым простые симметрийные соотношения неприменимы.

Киральность нелинейных оптических свойств массивов отверстий различной симметрии количественно выражается в циркулярном дихроизме ВГ, спектры которого представлены на рис. 36. Наименьшей нелинейной оптической киральностью обладает квазипериодический массив C<sub>5</sub>, который демонстрирует и самую слабую линейную оптическую киральность (см. рис. 26). Предположительно, это связано с самой малой поверхностной плотностью киральных наноотверстий в образце C<sub>5</sub>. Массив C<sub>4</sub> явно выделяется вдвое превышающими значениями циркулярного дихроизма ВГ и тем, что сохраняет его уровень в длинноволновой области диапазона перестройки лазера.

#### 5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Экспериментально исследованы особенности оптического и квадратичного нелинейно-оптического отклика в различных массивах трехмерных киральных наноотверстий в серебряной мембране субволновой толщины. Обнаружена сильная анизотропия ВГ, существенно зависящая от симметрии структуры. Знак и величина циркулярного дихроизма как в линейном отклике, так и в нелинейно-оптическом, определяется вращательной симметрией массива и на частоте ВГ достигает примерно 13% в образце с осью симметрии четвертого порядка (точечная группа симметрии  $C_4$ ).

Финансирование. Работа В. В. А и М. В. Г. в части дизайна и изготовления массивов киральных отверстий поддержана Министерством науки и высшего образования РФ в рамках Государственного задания ФНИЦ «Кристаллография и фотоника» РАН. Исследования были выполнены с использованием оборудования ЦКП ФНИЦ «Кристаллография и фотоника» при поддержке Министерства науки и высшего образования РФ (проект RFMEFI62119X0035). Нелинейно-оптические исследования и их анализ выполнены И. А. К. и Е. А. М. при поддержке гранта Президента РФ MK-5704.2018.2.

# ЛИТЕРАТУРА

- **1**. В. В. Климов, *Наноплазмоника*, Физматлит, Москва (2009).
- V. Amendola, R. Pilot, M. Frasconi, O. M. Maragò, and M. A. Iatì, J. Physics: Condensed Matter 29, 203002 (2017).
- A. V. Baryshev, H. Uchida, and M. Inoue, J. Opt. Soc. Amer. B 30, 2371 (2013).
- 4. V. K. Valev, N. Smisdom, A. V. Silhanek, B. De Clercq, W. Gillijns, M. Ameloot, V. V. Moshchalkov, and T. Verbiest, Nano Lett. 9(11), 3945 (2009).
- A. Papakostas, A. Potts, D. M. Bagnall, S. L. Prosvirnin, H. J. Coles, and N. I. Zheludev, Phys. Rev. Lett. 90, 107404 (2003).
- S. Linden, A. Christ, J. Kuhl, and H. Giessen, Appl. Phys. B 73, 311 (2011).
- T. V. Murzina, I. A. Kolmychek, J. Wouters, Th. Verbiest, and O. A. Aktsipetrov, J. Opt. Soc. Amer. B 29, 138 (2012).
- T. W. Ebbesen, H. J. Lezec, H. F. Ghaemi, T. Thio, and P. A. Wolff, Nature **391**, 667 (1998).
- T. Thio, K. Pellerin, H. Lezec, R. Linke, and T. Ebbesen, Opt. Phot. News 12, (2001).
- M. Schwind, B. Kasemo, and I. Zoric, Nano Lett. 13, 1743 (2013).
- J. A. H. van Nieuwstadt, M. Sandtke, R. H. Harmsen, F. B. Segerink, J. C. Prangsma, S. Enoch, and L. Kuipers, Phys. Rev. Lett. 97, 146102 (2006).
- Z. M. Liu, H. J. Li, H. Q. Xu, and G. T. Cao, Opt. Commun. 285, 3781 (2012).
- D. Q. Wang, X. L. Yu, and Q. M. Yu, Nanotechnology 23, 405201 (2012).
- 14. Y. Hu, G. Liu, Z. Liu, X. Liu, X. Zhang, Z. Cai, M. Liu, H. Gao, and G. Gu, Plasmonics 10, 483 (2014).

- 15. Z. Chen, P. Li, S. Zhang, Y. Chen, P. Liu, and H. Duan, Nanotechnology 30, 335201 (2019).
- 16. S. Larson, D. Carlson, B. Ai, and Y. Zhao, Phys. Chem. Chem. Phys. 21, 3771 (2019).
- D. Jones, N. Liu, B. Corbett, P. Lovera, A. J. Quinn, and A. O'Riordan, J. Physics: Conf. Ser. **307**, 012005 (2011).
- P. Candeloro, E. Iuele, G. Perozziello, M. L. Coluccio, F. Gentile, N. Malara, V. Mollace, and E. Fabrizio, Microelectr. Engin. 175, 30 (2017).
- A. V. Krasavin, A. S. Schwanecke, N. I. Zheludev, M. Reichelt, T. Stroucken, S. W. Koch, and E. M. Wright, Appl. Phys. Lett. 86, 201105 (2005).
- 20. A. Wokaun, J. G. Bergman, J. P. Heritage, A. M. Glass, P. F. Liao, and D. H. Olson, Phys. Rev. B 24, 849 (1981).
- 21. B.-L. Wang, R. Wang, R. J. Liu, X. H. Lu, J. Zhao, and Z.-Y. Li, Sci. Rep. 3, 2358 (2013).
- 22. H. Lu, X. Liu, R. Zhou, Y. Gong, and D. Mao, Appl. Opt. 49, 2347 (2010).
- 23. R. Zhou, H. Lu, X. Liu, Y. Gong, and D. Mao, J. Opt. Soc. Amer. B 27, 2405 (2010).
- 24. E. Drobnyh and M. Sukharev, J. Chem. Phys. 152, 094706 (2020).
- 25. B. K. Canfield, S. Kujala, K. Laiho, K. Jefimovs, J. Turunen, and M. Kauranen, Opt. Express 14, 950 (2006).
- 26. S. Chen, F. Zeuner, M. Weismann, B. Reineke, G. Li, V. K. Valev, K. W. Cheah, N. C. Panoiu, Th. Zentgraf, and S. Zhang, Adv. Mat. 28, 2992 (2016).
- 27. E. A. Mamonov, T. V. Murzina, I. A. Kolmychek, A. I. Maydykovsky, V. K. Valev, A. V. Silhanek, T. Verbiest, V. V. Moshchalkov, and O. A. Aktsipetrov, Opt. Express 20, 8518 (2012).
- 28. E. A. Mamonov, I. A. Kolmychek, S. Vandendriessche, M. Hojeij, Y. Ekinci, V. K. Valev, T. Verbiest, and T. V. Murzina, Phys. Rev. B 89, 121113(R) (2014).

- 29. V. K. Valev, A. V. Silhanek, N. Verellen, W. Gillijns, P. Van Dorpe, O. A. Aktsipetrov, G. A. E. Vandenbosch, V. V. Moshchalkov, and T. Verbiest, Phys. Rev. Lett. 104, 127401 (2010).
- 30. J. T. Collins, D. C. Hooper, A. G. Mark, Ch. Kuppe, and V. K. Valev, ACS Nano 12, 5445 (2018).
- D. C. Hooper, A. G. Mark, Ch. Kuppe, J. T. Collins, P. Fischer, and V. K. Valev, Adv. Mat. 29, 1605110 (2017).
- 32. O. Yu. Rogov, V. V. Artemov, M. V. Gorkunov, A. A. Ezhov, and S. P. Palto, Proc. of the 15th IEEE International Conference on Nanotechnology (2015), p. 136.
- 33. C. Genet, M. P. van Exter, and J. P. Woerdman, Opt. Commun. 225, 331 (2003).
- 34. A. V. Kondratov, M. V. Gorkunov, A. N. Darinskii, R. V. Gainutdinov, O. Y. Rogov, A. A. Ezhov, and V. V. Artemov, Phys. Rev. B 93, 195418 (2016).
- 35. M. V. Gorkunov, A. A. Ezhov, V. V. Artemov, O. Y. Rogov, and S. G. Yudin, Appl. Phys. Lett. 104, 221102 (2014).
- 36. M. Kuwata-Gonokami, N. Saito, Y. Ino, M. Kauranen, K. Jefimovs, T. Vallius, J. Turunen, and Y. Svirko, Phys. Rev. Lett. 95, 227401 (2005).
- 37. R. C. Miller, Appl. Phys. Lett. 5, 17 (1964).
- 38. K. O'Brien, H. Suchowski, J. Rho, A. Salandrino, B. Kante, X. Yin, and X. Zhang, Nature Mater. 14, 379 (2015).
- 39. K. Konishi, T. Higuchi, J. Li, J. Larsson, S. Ishii, and M. Kuwata-Gonokami, Phys. Rev. Lett. 112, 135502 (2014).
- 40. P. Guyot-Sionnest, W. Chen, and Y. R. Shen, Phys. Rev. B 33, 8254 (1986).
- 41. M. Kauranen, T. Verbiest, and A. Persoons, J. Mod. Opt. 45, 403 (1998).
- 42. О. А. Акципетров, И. М. Баранова, К. Н. Евтюхов, Нелинейная оптика кремния и кремниевых наноструктур, Физматлит, Москва (2012).