СПОНТАННЫЙ МАГНИТОДИЭЛЕКТРИЧЕСКИЙ ЭФФЕКТ И ОСОБЕННОСТИ ДИНАМИКИ РЕШЕТКИ ВО ФТОРОПЕРОВСКИТАХ

Р. М. Дубровин^{*}, Р. В. Писарев

Физико-технический институт им. А. Ф. Иоффе Российской академии наук 194021, Санкт-Петербург, Россия

> Поступила в редакцию 19 февраля 2020 г., после переработки 19 февраля 2020 г. Принята к публикации 6 марта 2020 г.

Представлены результаты экспериментального исследования температурных зависимостей низкочастотной диэлектрической проницаемости в группе магнитных фтороперовскитов с различными кристаллическими и магнитными структурами. Были изучены ромбические NaCoF₃ и NaNiF₃, кубический RbFeF₃, гексагональный RbNiF₃ и тетрагональные K₂CoF₄ и K₂NiF₄. Анализ полученных результатов, в сочетании с нашими ранее опубликованными результатами по другим фтороперовскитам, был проведен с учетом влияния на динамику решетки спонтанного магнитодиэлектрического эффекта, отражающего роль спин-фононного взаимодействия, ангармонического вклада, приводящего к росту диэлектрической проницаемости при повышении температуры, и вклада от «скрытой» структурной нестабильности кристаллической решетки, проявляющегося в росте диэлектрической проницаемости при понижении температуры. Установлено, что относительные вклады этих трех основных механизмов в температурные изменения диэлектрической проницаемости существенно различаются во всех изученных фтороперовскитах, но при этом хорошо коррелируют со значениями коэффициента толерантности t, характеризующего соотношение между ионными радиусами и являющегося мерой устойчивости кристаллических структур в перовскитных материалах ABF₃. Полученные результаты и их анализ свидетельствуют с большой убедительностью, что низкочастотная диэлектрическая спектроскопия является высокочувствительным методом для изучения особенностей динамики кристаллической решетки фтороперовскитов при магнитных и структурных фазовых переходах.

Статья для специального выпуска ЖЭТФ, посвященного 100-летию А. С. Боровика-Романова

DOI: 10.31857/S0044451020070172

1. ВВЕДЕНИЕ

Материалы, проявляющие взаимную связь между электрическими, магнитными, и деформационными степенями свободы, представляют большой интерес в физике конденсированных сред, поскольку открывают новые степени свободы в проявлении разнообразных и необычных линейных и нелинейных физических явлений, вызванных взаимодействиями между различными подсистемами. Наряду с фундаментальными задачами, такие материалы с перекрестными типами восприимчивостей представляют большой интерес для разработки разнообразных многофункциональных технологических

устройств, например, таких как перестраиваемые фильтры, электрические и магнитные датчики, преобразователи и многие другие. Такие материалы и структуры на их основе получили в литературе обобщающее название «мультиферроики и магнитоэлектрики», и состояние фундаментальных исследований и потенциальных практических применений освещено во многих обзорах [1–11]. Число публикаций за последние два десятилетия исчисляется тысячами и десятками тысяч, что отражает большой интерес широкого научного сообщества к этим материалам как с фундаментальной точки зрения, так и ввиду их потенциальных применений для создания многофункциональных устройств.

^{*} E-mail: dubrovin@mail.ioffe.ru

Среди многочисленных исследований, отраженных в этих обзорах, наибольший интерес вызывают линейный магнитоэлектрический (МЭ) эффект, проявляющийся в возникновении электрической поляризации, пропорциональной внешнему магнитному полю, и обратный эффект, когда намагниченность линейно зависит от приложенного электрического поля [12–15]. Другим проявлением сильной линейной связи между магнитным параметром порядка и деформацией, в отличие от квадратичной магнитострикции, разрешенной по симметрии во всех магнитных кристаллах, является пьезомагнитный (ПМ) эффект [16–18]. Важно отметить, что эти два явления в силу пространственных и временных симметрийных ограничений могут наблюдаться только в магнитоупорядоченной области, причем только при строго определенном типе спинового упорядочения, т.е. при определенной магнитной симметрии кристалла [12, 15, 19].

В этом отношении магнитодиэлектрический (МД) эффект, являющийся эффектом более высокого порядка по отношению к магнитному полю и магнитному параметру порядка, не имеет столь строгих симметрийных ограничений, как МЭи ПМ-эффекты. Наиболее часто под термином МД-эффект понимают изменения низкочастотной диэлектрической проницаемости ε под действием внешнего магнитного поля, который, строго говоря, следует называть как индуцированный МД-эффект. Данный эффект является четным по магнитному полю и может наблюдаться в парамагнитных и магнитоупорядоченных материалах. Заметим, что симметрия не накладывает ограничений на существование индуцированного МД-эффекта в диамагнитных кристаллах, но, насколько нам известно, такие исследования пока не проводились.

Другим важным проявлением связи между диэлектрической проницаемостью ε и магнитным параметром порядка является четный по параметру порядка спонтанный МД-эффект, который приводит к характерным изменениям ε вблизи и ниже температуры магнитного упорядочения. Связь между изменениями ε и магнитным полем, а также магнитным параметром порядка более подробно будет рассмотрена в разд. 2.2. Индуцированный и спонтанный МД-эффекты наблюдались в различных магнитных диэлектриках и полупроводниках, и некоторые примеры будут приведены ниже также в разд. 2.2.

Конечно, важно понимать, что нет никаких запретов расширить понятие МД-эффекта от статической и низкочастотной диэлектрической проницаемости ε на спектральную область полярных оптических фононов и даже на более высокочастотную область прозрачности магнитных диэлектриков между фононными и электронными переходами. В этой спектральной области вклад фононов в диэлектрическую проницаемость быстро уменьшается по мере увеличения частоты и все большую роль начинают играть электронные переходы. Однако при учете электронных переходов приходится уже говорить не о МД-эффектах, а об индуцированных и спонтанных магнитооптических эффектах. В качестве примера исследований влияния магнитного упорядочения на действительную часть диэлектрической проницаемости в электронной области спектра (двупреломление и показатель преломления) можно привести работы по фтороперовскитам [20] и по фторидам со структурой рутила [21–23]. Исследования по электронному вкладу в диэлектрическую проницаемость магнитных кристаллов отражены в детальных обзорах [24, 25].

В данной статье будут приведены результаты экспериментального исследования температурных зависимостей низкочастотной диэлектрической проницаемости в ранее не изучавшихся магнитных фтороперовскитах AMF_3 и A_2MF_4 , обладающих различными кристаллическими и магнитными структурами. Анализ полученных результатов с привлечением ранее проведенных исследований других фтороперовскитов [26,27] позволил провести надежное разделение вкладов в диэлектрическую проницаемость, обусловленных динамикой кристаллической решетки и спонтанным МД-эффектом.

2. ДИЭЛЕКТРИЧЕСКАЯ ПРОНИЦАЕМОСТЬ МАГНЕТИКОВ

2.1. Диэлектрическая проницаемость кристаллов

Диэлектрическая проницаемость ε кристалла является фундаментальной характеристикой, связанной с динамикой решетки, которая в случае диэлектриков в широкой спектральной области определятся преимущественно оптическими полярными фононами в соответствии с выражением [28]

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_{\infty} \prod_{j} \frac{\omega_{jLO}^2 - \omega^2 + i\gamma_{jLO}\omega}{\omega_{jTO}^2 - \omega^2 + i\gamma_{jTO}\omega}, \qquad (1)$$

где ω — частота, ε_{∞} — высокочастотная диэлектрическая проницаемость кристалла, ω_{jTO} , ω_{jLO} , γ_{jTO} и γ_{jLO} — соответственно поперечные (TO) и продольные (LO) собственные частоты и затухания

j-го оптического полярного фонона. Произведение проводится по всем полярным фононам, активным в инфракрасной (ИК) области электромагнитного спектра. При этом вклад каждого отдельного *j*-го полярного фонона в статическую диэлектрическую проницаемость

$$\varepsilon_0 = \varepsilon_\infty + \sum_j \Delta \varepsilon_j \tag{2}$$

определяется его диэлектрической силой $\Delta \varepsilon_j$, в выражение для которого входят только значения частот всех полярных фононов [29],

$$\Delta \varepsilon_j = \frac{\varepsilon_{\infty}}{\omega_{jTO}^2} \frac{\prod_k \omega_{kLO}^2 - \omega_{jTO}^2}{\prod_{k \neq j} \omega_{kTO}^2 - \omega_{jTO}^2}.$$
 (3)

Без учета влияния магнитного упорядочения на динамику решетки температурное поведение частот фононов описывается ангармоническими приближениями с учетом трех- и четырехфононной релаксации [30, 31]

$$\omega_j(T) = \omega_{j0} + A_j \left(1 + \frac{2}{e^{\hbar\omega_{j0}/2k_BT} - 1} \right) + B_j \left(1 + \frac{3}{e^{\hbar\omega_{j0}/3k_BT} - 1} + \frac{3}{(e^{\hbar\omega_{j0}/3k_BT} - 1)^2} \right), \quad (4)$$

где ω_{j0} — частота *j*-го фонона без учета ангармонизма, A_j и B_j — постоянные, соответствующие трех- и четырехфононным процессам. В большинстве обычных диэлектриков без структурных, сегнетоэлектрических или магнитных фазовых переходов постоянные ангармонизма A и B имеют такой знак, при котором понижение температуры приводит к ужестчению (увеличению) частот фононов $\omega(T)$. Как следствие, при охлаждении кристалла статическая диэлектрическая проницаемость ε_0 уменьшается и ее температурная зависимость обычно описывается функцией Эйнштейна [32]

$$\varepsilon_0(T) = \varepsilon_0(0) + \frac{C}{e^{(\hbar\omega^*/k_B T)} - 1},\tag{5}$$

где $\varepsilon_0(0)$ — значение диэлектрической проницаемости при нулевой температуре, ω^* — частота «эффективного» полярного оптического фонона, имеющего доминирующую силу осциллятора, а C является константой. Такой тип температурной зависимости диэлектрической проницаемости экспериментально наблюдается в большом числе ионных кристаллов [32–39].

Совершенно другое температурное поведение диэлектрической проницаемости наблюдается в квантовых параэлектриках, например, таких как SrTiO₃ [40], CaTiO₃ [41], EuTiO₃ [42] и NaMnF₃ [26], в которых частота низкочастотного полярного фонона значительно смягчается (уменьшается) при понижении температуры, но вследствие квантовых флуктуаций структурный переход в полярную фазу не происходит, и зависимость частоты фонона в области низких температур насыщается. Увеличение LO-TO-расщепления мягкого низкочастотного фонона при охлаждении приводит согласно уравнению (3) к увеличению его силы осциллятора и, соответственно, к сильному росту статической диэлектрической проницаемости, температурная зависимость которой хорошо описывается функцией Барретта [43]

$$\varepsilon_0(T) = \varepsilon_B + \frac{D_B}{(T_1/2)\operatorname{cth}(T_1/2T) - T_0},\qquad(6)$$

где T_0 — температура Кюри – Вейсса в классическом пределе, T_1 — температура, ниже которой квантовые флуктуации оказывают существенное влияние на динамику решетки, а ε_B и D_B — константы. Ниже при анализе экспериментальных результатов мы покажем, что для объяснения температурных изменений диэлектрической проницаемости фтороперовскитов требуется привлекать как ангармонизм в соответствии с функцией Эйнштейна (5), так и «скрытую» структурную нестабильность, описываемую функцией Барретта (6).

2.2. Магнитодиэлектрической эффект

Как было отмечено во Введении, следует четко разделять два основных типа МД-эффекта, что не всегда делается в некоторых работах. Под термином индуцированный МД-эффект понимают изменения низкочастотной диэлектрический проницаемости ε под действием внешнего магнитного поля. Этот эффект является четным по магнитному полю, и в наиболее чистом виде он может проявляться в парамагнитных и диамагнитных кристаллах, в которых он должен быть также квадратичным по полю. В литературе имеется достаточно большое количество работ по влиянию внешнего магнитного поля на низкочастотную диэлектрическую проницаемость магнитных материалов, что может составить предмет отдельного обзора. В нашей статье мы будем рассматривать только спонтанный МД-эффект, который наблюдается в отсутствие внешнего магнитного поля и проявляется в изменениях диэлектрической проницаемости ε при изменении температуры с акцентом на проявление этого четного по магнитному параметру порядка эффекта ниже температуры магнитного упорядочения. Следует отметить, что между индуцированным и спонтанным МД-эффектами имеется также важное различие с точки зрения их микроскопической природы — первый из них вызывается сдвигом частот полярных фононов под действием возмущения в виде приложенного внешнего магнитного поля, в то время как второй является следствием сдвига частот фононов под действием обменных взаимодействий, что мы обсудим ниже.

Магнитное упорядочение приводит к тому, что температурная зависимость диэлектрической проницаемости во многих случаях, но далеко не всегда, начинает существенно отклоняться от ангармонического поведения по модели Эйнштейна (уравнение (5)) или модели Барретта (уравнение (6)), и эти отклонения пропорциональны статической части спин-спиновой корреляционной функции $\langle \mathbf{S}_i \cdot \mathbf{S}_j \rangle$, ответственной за это упорядочение в соответствии с выражением [42, 44]

$$\varepsilon(T) = \varepsilon^0(T) + \Delta \varepsilon^{MD} \langle \mathbf{S}_i \cdot \mathbf{S}_j \rangle, \tag{7}$$

где $\varepsilon^0(T)$ описывает температурное поведение диэлектрической проницаемости в предположении отсутствия магнитного упорядочения, а ε^{MD} — величина спонтанного МД-эффекта. Конечно, в магнитоупорядоченных материалах в достаточно сильных полях на спонтанный МД-эффект может также накладываться индуцированный МД-эффект.

В рамках теории молекулярного поля спонтанный МД-эффект можно записать в виде $(\langle S^z \rangle / S)^2$, где $\langle S^z \rangle$ описывает намагниченность подрешетки, дающей основной вклад в спин-спиновую корреляционную функцию, и которую можно рассчитать с использованием функции Бриллюэна [45]

$$B_S(x) = \frac{2S+1}{2S} \operatorname{cth}\left(\frac{2S+1}{S}x\right) - \frac{1}{2S} \operatorname{cth}\left(\frac{x}{2s}\right) = \frac{M}{M_0}, \quad (8)$$

где

$$x = \frac{3S}{S+1} \frac{M}{M_0} \frac{T_C}{T},$$

S — значение спина соответствующего магнитного иона, T — температура, T_C — температура магнитного упорядочения, M — спонтанная намагниченность и M_0 — полная намагниченность. Функция Бриллюэна (8) обращается в нуль при переходе в парамагнитную фазу, однако во многих экспериментах можно наблюдать отклонение диэлектрической проницаемости от ангармонического поведения, что свидетельствует о влиянии ближнего магнитного порядка.

В работах [27, 46] было показано, что в случае магнитных диэлектриков спонтанный МД-эффект обусловлен спин-фононным взаимодействием. Магнитное упорядочение приводит к тому, что частоты некоторых фононов начинают существенно отклоняться от ангармонического поведения пропорционально статической части спин-спиновой корреляционной функции $\langle \mathbf{S}_i \cdot \mathbf{S}_j \rangle$ в соответствии с выражением [47]

$$\omega(T) = \omega^0(T) + \Delta \omega^{SP} \langle \mathbf{S}_i \cdot \mathbf{S}_j \rangle, \qquad (9)$$

где $\omega^0(T)$ — частота фонона в предположении отсутствия магнитного упорядочения, $\Delta \omega^{SP}$ — параметр, описывающий величину частотного сдвига при магнитном упорядочении. Следует отметить также важное экспериментальное наблюдение, что не все полярные фононы дают вклад в спонтанный МД-эффект, и спин-фононный вклад проявлялся только для тех фононов, которые модулируют расстояние или угол сверхобменного взаимодействия, изменяя тем самым перекрытие атомных орбиталей, и при этом взаимодействие может быть разного знака [27,46]. Сдвиг частот полярных фононов согласно формуле (3) приводит к изменению их диэлектрических сил, что, в свою очередь, проявляется в статической диэлектрической проницаемости в виде спонтанного МД-эффекта.

В отличие от физических явлений, имеющих симметрийные ограничения относительно операций обращения пространства и времени, спонтанный МД-эффект разрешен во всех магнитных диэлектриках и полупроводниках ниже температуры магнитного упорядочения, и даже в ограниченной температурной области выше магнитного перехода за счет ближнего магнитного порядка. Спонтанный МД-эффект экспериментально наблюдался во многих магнитных материалах, например, BaMnF₄ [32], K₂CoF₄ [44], MnO [37], MnF₂ [38,39], EuTiO₃ [42], SeCuO₃ [48], TeCuO₃ [48], YMnO₃ [49], DyMn₂O₅ [50], в том числе в некоторых фтороперовскитах: NaMnF₃ [26], KMnF₃ [51], RbMnF₃ [26], CsMnF₃ [26], KCoF₃ [27], RbCoF₃ [27]. Анализ этих работ показывает, что в большинстве магнитных материалов спонтанный МД-эффект имеет отрицательный знак, т.е. приводит к уменьшению значений статической диэлектрической проницаемости ниже температуры магнитного упо-



Рис. 1. (В цвете онлайн) Кристаллические структуры ромбического (*a*), кубического (*b*), гексагонального (*b*) фтороперовскитов AMF₃ и тетрагонального слоистого фтороперовскита A₂MF₄ (*e*, черной стрелкой показано направление чередования перовскитных слоев). Диапазоны значений коэффициента толерантности *t* для соответствующих структур показаны под рисунками. Изображения кристаллических структур получено с использованием программы VESTA [53]

рядочения, что не исключает, однако, возможности обнаружения противоположной тенденции. Как правило, изменения $\Delta \varepsilon^{MD}$ по величине составляют несколько процентов относительно значения диэлектрической проницаемости при температуре магнитного упорядочения. Следует отметить, что индуцированный магнитным полем МД-эффект может наблюдаться как ниже, так и выше температуры магнитного упорядочения. Спонтанные МД-эффекты обычно несколько больше, чем индуцированные магнитным полем, поскольку определяются влиянием сильного обменного взаимодействия на частоты полярных фононов. Можно предполагать, что индуцированные МД-эффекты определяются квадратичным влиянием внешнего магнитного поля (а не обменного взаимодействия) на диэлектрические силы или сдвиг частот фононов, которое, естественно, должно быть существенно слабее. Можно заметить, что в пьезомагнитных кристаллах, в которых имеется линейная связь между деформацией и намагниченностью, следует ожидать, наряду с квадратичной, линейную зависимость сил осцилляторов от внешнего магнитного поля, вызванную обратным пьезомагнитным эффектом [13, 15, 16, 52, 53].

3. ФТОРОПЕРОВСКИТЫ

Перовскиты составляют большую группу минералов и искусственных материалов с богатым разнообразием физических свойств, находящих многочисленные практические применения. Фтороперовскиты составляют особую группу и характеризуются многими свойствами, отличающими их от других групп. Они обладают общей химической формулой AMF₃, в которой A^{1+} — ион щелочного металла, а M^{2+} — ион двухвалентного металла. Почти сто лет назад для структурной характеризации перовскитов, кристаллизующихся в различных точечных и пространственных группах, был введен коэффициент толерантности Голдшмидта t, устанавливающий зависимость между кристаллической структурой и соотношениями между тремя ионными радиусами [54]:

$$t = \frac{r_{\rm A} + r_{\rm F}}{\sqrt{2}(r_{\rm M} + r_{\rm F})},\tag{10}$$

где r_A , r_M и r_F — ионные радиусы A^{1+} , M^{2+} и F^{1-} с учетом их координации. В применении ко фтороперовскитам были установлены следующие основные соотношения [55]. Ромбической кристаллической структурой с пространственной группой *Pnma* (#62, Z = 4) обладают соединения при 0.78 < t << 0.88; кубическая структура $Pm\overline{3}m$ (#221, Z == 1) реализуется при 0.88 < t < 1.00; гексагональная структура $P6_3/mmc$ (#194, Z = 6) реализуется при 1.00 < t < 1.08 [55], как показано на рис. 1*a*-*a*. Следует заметить, что эти критерии не являются абсолютными и в ряде случаев они могут нарушаться, например, когда кроме чисто геометрических размеров в межионное зарядовое взаимодействие активно вступают их электронные оболочки, как, например, для ян-теллеровского иона Cu^{2+} (3d⁹).

Слоистые двумерные фтороперовскиты A_2MF_4 обладают тетрагональной кристаллической структурой с пространственной группой I4/mmm (#139, Z = 2) и схожим с кубическими фтороперовскитами диапазоном значений коэффициента толерантности 0.91 < t < 1.03 [55]. Кристаллическая структура данных материалов состоит из слоев кубических перовскитов, наложенных друг на друга вдоль тетрагональной оси c, как показано черной стрелкой на рис. 1z.

Важно отметить характерные отличия изученных нами фтороперовскитов от перовскитов-оксидов. Фтороперовскиты являются хорошими изоляторами с высоким удельным сопротивлением и со значениями тангенса угла диэлектрических потерь порядка 10⁻⁵, что примерно на два-три порядка меньше, чем в типичных диэлектрических оксидных перовскитах. Существенным отличием фтороперовскитов от оксидов является их высокая оптическая прозрачность в видимой и ультрафиолетовой областях спектра. Можно полагать, что одним из важных факторов таких различий в электрических и оптических свойствах является то, что в магнитных фторидах ширина запрещенной электронной зоны лежит в диапазоне 7-8 эВ, в то время как в оксидах это значение обычно лежит в диапазоне 2-4 эВ.

Фтороперовскиты AMF₃ являются достаточно хорошо изученным классом материалов с точки зрения их магнитных и оптических свойств, но изучению динамики их решетки и особенно диэлектрических свойств уделялось значительно меньше внимания несмотря на то, что во многих из них, например, KMnF₃ [56], RbCaF₃ [57] и RbFeF₃ [58] имеют место структурные фазовые переходы разного типа. Важно отметить, сегнетоэлектричество не было экспериментально обнаружено ни в одном из приблизительно 70 синтезированных материалов этой группы [59, 60], что является существенным отличием фтороперовскитов от оксидных перовскитов. Лишь совсем недавно, в CsPbF₃ был обнаружен структурный переход в полярную фазу R3c в результате стереохимической активности неподеленных электронных пар иона Pb²⁺ [60–62].

Тем не менее, в последние несколько лет появилась серия теоретических работ, предсказывающих сегнетоэлектрическую нестабильность в ромбических фтороперовскитах в кубической фазе, имеющую геометрическую природу и зависящую от коэффициента толерантности t [63, 64]. Предсказан-

ная сегнетоэлектрическая нестабильность недавно нашла яркое проявление в экспериментальном наблюдении аномального для фторидов роста низкочастотной диэлектрической проницаемости в ромбическом NaMnF₃, обладающем наименьшим из известных фтороперовскитов значением коэффициента t = 0.78 [26]. Кроме того, было обнаружено, что в NaMnF₃ данная сегнетоэлектрическая нестабильность взаимодействует с магнитным упорядочением, что проявилось в виде спонтанного МД-эффекта.

Экспериментальные исследования решеточной динамики методом инфракрасной спектроскопии кубических немагнитных KZnF₃ [65], RbCaF₃ [65] и CsCaF₃ [65] и магнитных КСоF₃ [27] и RbCoF₃ [27] фтороперовскитов позволили выявить смягчение при охлаждении низкочастотного полярного фонона. Обнаруженное смягчение полярного фонона, которое приводит к росту низкочастотной диэлектрической проницаемости при охлаждении согласно уравнениям (3) и (2), по нашему мнению, является общим свойством кубических фтороперовскитов и следствием их «скрытой» структурной нестабильности. Стоит отметить, что данная «скрытая» нестабильность не приводит к структурным фазовым переходам ни в одном из описанных фтороперовскитов, а проявляется только в особенностях динамики решетки.

Таким образом, имеющиеся на сегодняшний день экспериментальные результаты и теоретические предсказания служат весомым обоснованием для проведения дальнейших исследований ранее не изучавшихся фтороперовскитов с различными типами кристаллических структур и магнитного упорядочения, что и будет предметом данной работы.

4. ЭКСПЕРИМЕНТ

Монокристаллы фтороперовскитов были выращены методом Чохральского раствор-расплав. Параметры решетки изучавшихся фтороперовскитов были определены методом рентгеновской дифракции и оказались в хорошем согласии с литературными данными. Образцы были подготовлены в форме плоскопараллельных пластин с ориентацией нормалей вдоль основных кристаллографических осей. Электрические контакты наносились на поверхность образцов с использованием серебряного лака с образованием конденсатора и затем отжигались в вакууме в течение часа при температуре



Рис. 2. (В цвете онлайн) Температурные зависимости относительной диэлектрической проницаемости ромбического фтороперовскита NaCoF₃ ε_b вдоль оси b(a); производной $d\varepsilon_b/dT$, на которой четко проявляется максимум, соответствующий $T_N(b)$; диэлектрическая проницаемость ε_{ac} в направлении [101] (e); спонтанный МД-эффект $\Delta \varepsilon_b^{MD}$ вдоль оси b(e); разложение ε_b (красная линия) на составляющие, описываемые функциями Барретта (b) — синяя линия и Эйнштейна (b) — фиолетовая линия (d)

130 °С. Для хорошего теплового контакта образец с контактами приклеивался на холодный палец проточного гелиевого криостата Cryo CRC-102. Температурные измерения проводились при непрерывном нагреве со скоростью порядка 1 К в минуту в диапазоне от 5 до 400 К. Диэлектрическая проницаемость измерялась с помощью прецизионного измерителя RLC AKTAKOM AM-3028 на различных частотах в диапазоне от 20 Гц до 1 МГц. Следует отметить, что в отличие от перовскитов-оксидов исследованные образцы фтороперовскитов не проявляли заметной дисперсии в изученном частотном диапазоне за исключением отдельных случаев и поэтому в данной статье будут приведены экспериментальные результаты только для частоты 100 кГц.

5. РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

5.1. NaCoF₃ и NaNiF₃

NaCoF₃ и NaNiF₃ обладают ромбической кристаллической структурой с пространственной группой *Pnma* (#62, Z = 4) и весьма низкими значениями коэффициента толерантности, соответственно t = 0.81 и 0.83, в сравнении с кубическими КСоF₃ и KNiF₃ [55,66,67]. Параметры элементарной ячейки при комнатной температуре и атмосферном давлении составляют a = 5.612, b = 7.794 и c = 5.414 Å для NaCoF₃ [66] и a = 5.361, b = 7.688 и c = = 5.524 Å для NaNiF₃ [67]. Ромбическая кристаллическая структура получается в результате искажения кубического $Pm\overline{3}m$ перовскита путем поворота октаэдров MF₆ типа $a^-b^+a^-$ в нотации Глезера [68], а также их деформации и смещения катиона Na¹⁺ из идеальной кубической позиции в плоскости ac [69], как изображено на рис. 1a. Ниже температуры Нееля $T_N = 74$ K в NaCoF₃ [70] и $T_N = 149$ K в NaNiF₃ [71] происходит антиферромагнитное упорядочение спинов ионов Co²⁺ ($3d^7$, S = 3/2) и Ni²⁺ ($3d^8$, S = 1) преимущественно вдоль оси c со слабым ферромагнитным моментом вдоль оси b вследствие взаимодействия Дзялопинского – Мория (магнитная структура типа $A_x F_y G_z$ в нотации Берто [72]).

На рис. 2a красной линией обозначена экспериментальная температурная зависимость диэлектрической проницаемости ε_b вдоль оси b в NaCoF₃, свидетельствующая о немонотонном и нехарактерном для обычных диэлектриков поведении в случае доминирования ангармонического вклада согласно уравнению (5). Относительные изменения диэлектрической проницаемости во всем температурном диапазоне оказались небольшими и составили всего $\Delta \varepsilon_b \sim 1.2\%$. При охлаждении от высокой температуры наблюдается уменьшение ε_b , которое около T = 310 К плавно переходит в рост этой величины, что является следствием конкурен-

ции противоположных по тенденциям ангармонического вклада, описываемого уравнением (5) и вклада, вызванного «скрытой» структурной нестабильностью согласно уравнению (6) (показано синей линией). Спонтанный МД-эффект, связанный с антиферромагнитным упорядочением при $T_N = 74$ K характеризуется изломом на $\varepsilon_b(T)$, который более четко проявляется на производной $d\varepsilon_b/dT$ (см. рис. 26). Ниже T_N наблюдается относительно значительное уменьшение диэлектрической проницаемости, которое естественно следует связать с МД-эффектом, как показано на рис. 2а. При этом отметим, что даже столь небольшие относительные изменения регистрируются с хорошей точностью и воспроизводимостью. Абсолютные значения диэлектрической проницаемости с приемлемой точностью определить не удалось в связи с малыми геометрическими размерами изучавшегося образца.

Для определения величины спонтанного МД-эффекта наблюдаемая сложная температурная зависимость диэлектрической проницаемости была аппроксимирована при температурах, превышающих T_N суперпозицией функций Барретта (6) и Эйнштейна (5), характеризуемых противоположными температурными тенденциями, как показано на рис. 2д соответственно синей и фиолетовой линиями. Разность между экспериментальной кривой и суперпозицией аппроксимирующих функций ниже *T_N* хорошо описывается квадратом функции Бриллюэна (8), как показано на рис. 2a и r штриховой зеленой линией. Относительная величина спонтанного MД-эффекта вдоль оси b в NaCoF₃ оказалась сравнима с относительными изменениями диэлектрической проницаемости и составила $\Delta \varepsilon_{h}^{MD} \sim -1.3\%$ (зеленая область на рис. 2a).

В направлении [101], перпендикулярном оси b, экспериментальная зависимость $\varepsilon_{ac}(T)$ в NaCoF₃ имеет характерный для ангармонического поведения вид, уменьшаясь при охлаждении на $\Delta \varepsilon_{ac} \sim -8\%$ и испытывая насыщение в области низких температур без каких либо заметных аномалий при T_N , как показано на рис. 2 ϵ . Столь сильные различия в поведении температурных зависимостей диэлектрической проницаемости вдоль неэквивалентных направлений ранее наблюдались в изоструктурном NaMnF₃ [26], что подчеркивает особую роль оси b в ромбических фтороперовскитах.

Экспериментальная температурная зависимость диэлектрической проницаемости в NaNiF₃ (t = 0.83) вдоль оси b, показанная красной линией на рис. 3, радикально отличается от аналогичной зависимости для NaCoF₃ (t = 0.81), показанной на рис. 2a. Срав-



Рис. 3. (В цвете онлайн) Температурная зависимость диэлектрической проницаемости ε_b вдоль оси b в ромбическом фтороперовските NaNiF₃. На вставках показаны зависимость $\varepsilon_{ac}(T)$, измеренная в направлении [101] (a) и производная $d\varepsilon_b/dT$, на которой четко виден максимум, соответствующий T_N (δ)

нение этих двух наблюдений показывает необычайно высокую чувствительность диэлектрической проницаемости вдоль оси b к небольшим на уровне единиц процентов изменениям коэффициента толерантности t. Величина ε_b монотонно уменьшается при охлаждении и испытывает насыщение в области низких температур. Относительные изменения при этом составляют $\Delta \varepsilon_b \sim -7.7\%$, а абсолютное значение при комнатной температуре составило ε_b = = 7.9. При T_N наблюдается излом, который четко виден на производной, как показано на вставке б на рис. 3. Естественно связать этот излом со спонтанным МД-эффектом по аналогии с рассмотренным выше NaCoF₃. Для определения величины спонтанного МД-эффекта экспериментальная зависимость $\varepsilon_b(T)$ была аппроксимирована при температурах выше антиферромагнитного упорядочения функцией Эйнштейна (5), как показано фиолетовой линией на рис. 3. Аналогично случаю NaCoF₃, разность между экспериментальными данными и аппроксимирующей кривой ниже T_N хорошо описывается квадратом функции Бриллюэна (8), обозначенной штриховой зеленой линией на рис. 3. Величина спонтанного МД-эффекта в NaNiF₃ вдоль оси b составила $\Delta \varepsilon_{h}^{MD} \sim -0.4 \%$ (зеленая область на рис. 3). Следует отметить, что в направлении [101] температурные зависимости ε_{ac} в NaNiF₃ и NaCoF₃ обладают схожим поведением, как видно на вставке а соответственно на рис. 3 и рис. 26. Отметим, что

Таблица. Частоты ω_{1TO} и диэлектрические силы $\Delta \varepsilon_1$ самого низкочастотного B_{2u} -фонона в ромбических фтороперовскитах с различными низкими значениями коэффициента толерантности t

Материал	t	$\omega_{1TO},$ cm $^{-1}$	$\Delta \varepsilon_1$
$NaMnF_3$ [26]	0.78	52.2	13.7
$NaCoF_3$ [75]	0.81	87.5	3.09
$NaNiF_3$ [75]	0.83	108.5	0.502

близкое температурное поведение $\varepsilon_0(T)$ также наблюдалось в поликристаллическом NaNiF₃ в постперовскитной ромбической фазе [73].

Можно уверенно полагать, что сильное различие в поведении $\varepsilon_b(T)$ в изоструктурных NaCoF₃ и NaNiF₃ связано с различиями в динамике решетки. Как было рассмотрено выше в разд. 2.1, диэлектрическая проницаемость в кристаллах определяется частотами оптических полярных фононов. В таблице приведены литературные данные для частот и диэлектрических сил низкочастотного полярного фонона с симметрией B_{2u} , поляризованного вдоль оси b в ромбических фтороперовскитах NaMnF₃ [74], NaCoF₃ [75] и NaNiF₃ [75], обладающих близкими по величине значениями коэффициента толерантности, но существенно более низкими в сравнении с кубическими фтороперовскитами (см. рис. 1). Тем не менее, при относительно небольшом уменьшении коэффициента t существенным образом уменьшается частота ω_{1TO} и увеличивается диэлектрическая сила $\Delta \varepsilon_1$ низкочастотного B_{2u} -фонона. Смягчение этого фонона, по нашему мнению, дает доминирующий вклад в наблюдаемое в NaMnF₃ «зарождающееся» сегнетоэлектричество, а изменение частоты фонона за счет антиферромагнитного упорядочения в результате спин-фононного взаимодействия приводит к спонтанному МД-эффекту, который экспериментально наблюдался в данном фтороперовските вдоль оси b [26,76]. Все это дает нам основание предполагать, что наблюдаемый рост диэлектрической проницаемости ε_b вдоль оси b в NaCoF₃ также связан со смягчением того же самого низкочастотного фонона B_{2u} , но обладающего более высокой частотой по сравнению с NaMnF₃ (см. таблицу). Отметим еще раз, что сравнительно небольшие относительные изменения коэффициента t на уровне нескольких процентов приводят к существенным изменениям динамики решетки. В результате, частота B_{2u} фонона в NaNiF₃ еще больше возрастает, и его диэлектрическая сила, по-видимому, пере-



Рис. 4. (В цвете онлайн) Температурная зависимость относительной диэлектрической проницаемости RbFeF_3 вдоль направления [100] в кубической фазе выше $T_N = 99$ К. Ниже этой температуры наблюдаемые изменения диэлектрической проницаемости отражают усредненные изменения по структурным и магнитным доменам, но структурные и магнитные переходы, тем не менее, хорошо проявляются на производной, показанной на вставке

стает доминировать в изменениях диэлектрической проницаемости, что приводит к полному исчезновению тенденции роста диэлектрической проницаемости при охлаждении в области низких температур (см. рис. 4). При этом спонтанный МД-эффект в NaCoF₃ и NaNiF₃ имеет предположительно спинфононную природу, как и в случае NaMnF₃. Столь сильное различие в температурном поведении диэлектрической проницаемости ранее наблюдалось в кубических фтороперовскитах $KCoF_3$ и RbCoF₃, обладающих схожими структурными, магнитными и оптическими свойствами, но разными значениями коэффициента толерантности [27].

5.2. RbFeF₃

RbFeF₃ с коэффициентом толерантности t = 0.99имеет при комнатной температуре и атмосферном давлении структуру кубического перовскита (см. рис. 16) с параметром элементарной ячейки a == 4.174 Å [77], что находится вблизи верхнего диапазона стабильности кубической структуры [55]. При высоких температурах поведение диэлектрической проницаемости характеризуется типичной ангармонической зависимостью с относительными изменениями на уровне нескольких процентов, как показано на рис. 4, что аналогично таким же изменениям в RbCoF₃, имеющим близкое значение коэффициента t = 1.00 [27]. Антиферромагнитное упорядочение при $T_N = 99$ К сопровождается фазовым переходом второго рода, приводящим к тетрагональному искажению (c/a > 1) [58] и к излому на зависимости диэлектрической проницаемости, что яснее подчеркивается в изменениях производной (вставка на рис. 4). Тетрагональный тип искажений при магнитном переходе характерен для некоторых других кубических антиферромагнитных перовскитов, например, КСоF₃ и RbCoF₃ [27]. Однако дальнейшее понижение температуры указывает на существенное отличие RbFeF₃ от этих двух кристаллов, поскольку приводит к двум структурным переходам первого рода в ромбическую при $T_{srt2} = 83$ К и моноклинную при $T_{srt1} = 39$ К фазы, как показано на рис. 4. При этом при $T < T_{str1}$ в RbFeF₃ наблюдается слабый магнитный момент [58, 78-80]. Это сравнение с учетом также близости значений коэффициентов толерантности в RbFeF₃ и RbCoF₃, позволяет связать столь высокую структурную неустойчивость $RbFeF_3$ с ян-теллеровским ионом Fe^{2+} (3 d^6), когда в динамику кристаллической решетки дают вклад не только геометрические размеры ионов, но также и их электронная структура, стимулирующая дальнейшее понижение локальной и глобальной симметрии кристалла. В подтверждение этого предположения можно назвать фтороперовскит $KCuF_3$ (t == 0.95) с магнитным ян-теллеровским ионом Cu²⁺ $(3d^9)$, который даже при комнатной температуре кристаллизуется в тетрагональную пространственную группу I4/mcm (#140, Z = 4) [81].

5.3. RbNiF₃

 $RbNiF_3$ с коэффициентом толерантности t = 1.01[55] обладает гексагональной структурой, изображенной на рис. 16, которая описывается пространственной группой $P6_3/mmc$ (#194, Z = 6) и имеет параметры элементарной ячейки a = 5.840 и c = 14.308 Å при комнатной температуре [82, 83]. Эта структура аналогична гексагональному титанату бария BaTiO₃, который, как хорошо известно, в параэлектрической области кристаллизуется также в кубической структуре. Гексагональная структура радикально отличается от кубического и низкосимметричных искаженных перовскитов, и в частности, в ней магнитные ионы Ni^{2+} ($3d^8$) занимают две неэквивалентные позиции Вайкоффа 2a и 4f. Неожиданным оказалось наблюдение в RbNiF₃ перехода в ферримагнитное состояние типа легкая плоскость при температуре Кюри $T_C = 139$ К, поскольку по-



Рис. 5. (В цвете онлайн) Температурная зависимость диэлектрической проницаемости в ферримагнетике $\mathrm{RbNiF_3}$ вдоль гексагональной оси c. На вставке a показана температурная зависимость производной вдоль этой оси; на вставке δ показана температурная зависимость диэлектрической проницаемости в направлении, перпендикулярном оси c. Зеленая область показывает оценку величины МД-эффекта в предположении его квадратичной зависимости от намагниченности. Рост диэлектрической проницаемости вдоль обоих направлений в области низких температур, причем более сильный в направлении, перпендикулярном гексагональной оси c, можно предположительно связать со слабой «скрытой» структурной нестабильностью

давляющее большинство других фтороперовскитов являются скомпенсированными антиферромагнетиками или слабыми ферромагнетиками. Магнитная структура RbNiF₃ образована таким образом, при котором спины S = 1 ионов Ni²⁺ упорядочиваются в позициях 2*a* и 4*f* ферромагнитно, а между позициями — антиферромагнитно, что приводит к результирующему ферримагнитному моменту в базисной плоскости, перпендикулярной гексагональной оси *c* [84–86]. Необычность ферримагнетизма в RbNiF₃ подчеркивается еще таким наблюдением, что изоструктурный CsMnF₃ (t = 1.03) [87] является скомпенсированным антиферромагнетиком [88].

Температурная зависимость диэлектрической проницаемости в RbNiF₃ вдоль гексагональной оси *с* показана на рис. 5, а на вставке *б* приведена эта зависимость в направлении, перпендикулярном плоскости *ac*. В области высоких температур обе эти зависимости характеризуются типичным ангармоническим поведением в соответствии с формулой Эйнштейна (5). При температуре Кюри $T_C = 139$ К наблюдается излом на обеих зависимостях, что хорошо иллюстрируется вставкой

а на рис. 5 для производной. При температурах ниже 60 К имеется хорошо выраженная тенденция к росту диэлектрической проницаемости на относительном уровне единиц процентов, что может служить неким указанием на слабую «скрытую» структурную нестабильность гексагональной структуры. Интересным оказывается сравнение температурных зависимостей диэлектрической проницаемости вдоль оси с гексагональных ферримагнетика RbNiF₃ и антиферромагнетика CsMnF₃ [26] — они оказываются совершенно идентичными, что свидетельствует о преобладающем вкладе в эти изменения аналогичных механизмов ангармонизма и о слабом влиянии характера магнитного упорядочения на эти механизмы.

5.4. K₂CoF₄ и K₂NiF₄

К₂СоF₄ и К₂NiF₄ кристаллизуются в тетрагональной пространственной группе I4/mmm (#139, Z = 2) с параметрами элементарной ячейки при комнатной температуре a = b = 4.073, c = 13.087 Å, и a = b = 4.012, c = 13.076 Å, соответственно [89]. На рис. 1г изображена кристаллическая структура этих материалов, которая состоит из двумерных слоев перовскитных ячеек, разделенных попарно вдоль тетрагональной оси c слоями KF. Ниже температуры Нееля $T_N = 107$ K [90] для K₂CoF₄ и $T_N = 97.1$ K [91] для K₂NiF₄ эти материалы становятся двумерными изинговскими антиферромагнетиками, в которых спины упорядочены вдоль тетрагональной оси c.

Температурная зависимость диэлектрической проницаемости K₂CoF₄ вдоль оси *с* ранее изучалась только на частоте 800 Гц и лишь вблизи $T_N = 107 \text{ K}$ в узком температурном интервале 80–130 K [44], что, по-нашему мнению, не позволило провести корректную оценку обшей тенденции в температурных изменениях. На рис. 6 приведены наши результаты по температурным зависимостям диэлектрической проницаемости вдоль оси а, т.е. перпендикулярно тетрагональной оси с при различных частотах от 100 кГц до 1 МГц. При температурах вблизи 200 К наблюдается резкое изменение низкотемпературного поведения и при дальнейшем нагревании наблюдается рост ε_a , сопровождающийся заметной частотной дисперсией. Важно отметить, что столь существенная дисперсия наблюдалась только в K₂CoF₄, которая по всей видимости связана с двумерностью его кристаллической структуры и, кроме того, предположительно может быть связана



Рис. 6. (В цвете онлайн) Температурная зависимость относительной диэлектрической проницаемости ε_a вдоль оси aв слоистом тетрагональном фтороперовските K_2CoF_4 . На вставке показана зависимость $\varepsilon_c(T)$ вдоль оси c, и в этом случае в противоположность ε_a никакой частотной дисперсии не было обнаружено

с ионной проводимостью вдоль структурно «рыхлых» слоев KF в отличие от плотноупакованных перовскитных слоев в KCoF₃.

Ниже температуры 200 К частотная дисперсия $\varepsilon_a(T)$ полностью отсутствует, как видно на рис. 6, и при охлаждении наблюдается рост диэлектрической проницаемости на относительную величину $\Delta \varepsilon_a \sim 1.8$ %. Такое низкотемпературное поведение в целом аналогично наблюдавшемуся в родственном по химическому составу кубическом трехмерном фтороперовските КСоF₃, в котором рост диэлектрической проницаемости составил порядка 4 % [27]. В КСоF₃ никакой частотной дисперсии во всем температурном диапазоне вплоть до T = 400 K не наблюдалось. Сравнение низкотемпературного поведения диэлектрической проницаемости в этих двух кристаллах позволяет сделать качественное заключение, что переход от трехмерной кубической перовскитной структуры КСоF₃ к тетрагональной структуре К₂СоF₄ с двумерными перовскитными слоями, разделенными слоями КF, снижает «скрытую» структурную нестабильность примерно в два раза, но тем не менее она частично сохраняется. При температуре Нееля $T_N = 107$ К наблюдается небольшой излом, характерный для спонтанного МД-эффекта (см. рис. 6), но выделить надежно на фоне этих изменений МД-эффект не представляется возможным. В направлении вдоль тетрагональной оси с,



Рис. 7. (В цвете онлайн) Температурная зависимость относительной диэлектрической проницаемости ε_a вдоль оси aв слоистом тетрагональном фтороперовските K_2NiF_4 . На вставке показана температурная зависимость $\varepsilon_c(T)$ вдоль оси c

т. е. перпендикулярно перовскитным слоям, температурная зависимость ε_c имеет совершенно другое поведение, как показано на вставке на рис. 6. Она характеризуется типичным ангармоническим уменьшением проницаемости при охлаждении в соответствии с уравнением Эйнштейна (5), а относительные изменения во всем температурном интервале составляют около $\Delta \varepsilon_c \sim -4\%$. В области низких температур происходит насыщение $\varepsilon_c(T)$ и поэтому ни о какой «скрытой» структурной нестабильности в отличие от $\varepsilon_a(T)$ говорить не приходится. Каких-либо заметных особенностей при T_N для $\Delta \varepsilon_c$ выявлено не было.

Результаты по изучению температурной зависимости диэлектрической проницаемости K₂NiF₄ вдоль оси а приведены на рис. 7, а на вставке показана эта зависимость для оси с. Какого-либо роста диэлектрической проницаемости при понижении температуры вдоль обоих направлений обнаружено не было. Тем не менее стоит отметить, что согласно нашим предварительным результатам при переходе от двумерного тетрагонального перовскита к трехмерному кубическому перовскиту $KNiF_3$ (t = 0.96) низкотемпературная тенденция к росту диэлектрической проницаемости при охлаждении сохраняется. Эти наблюдения и сравнение с рис. 6 позволяют сделать вывод, что относительно небольшие изменения коэффициента толерантности t от 0.96 до 0.94 приводят к хорошо выраженным тенденциям к «скрытой» структурной нестабильности в низкотемпературном поведении диэлектрической проницаемости, отражающем реальные изменения в динамике кристаллической решетки.

6. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Экспериментальные результаты, представленные в данной работе для шести фтороперовскитов с различными кристаллическими и магнитными структурами, свидетельствуют с большой убедительностью, что низкочастотная диэлектрическая спектроскопия является чувствительным методом для изучения особенностей динамики кристаллической решетки при магнитных и структурных фазовых переходах. В сочетании с ранее опубликованными работами по кубическим КСоF₃, RbCoF₃ [27], RbMnF₃ [26], ромбическому NaMnF₃ [26] и гексагональному CsMnF₃ [26], большой набор имеющихся результатов позволяет сделать ряд обобщающих выводов относительно нескольких вкладов в диэлектрическую проницаемость, а именно, спонтанного МД-эффекта, ангармонических эффектов и эффектов «скрытой» структурной нестабильности во фтороперовскитах. Соотношение между этими тремя основными вкладами в динамику кристаллической решетки хорошо прослеживается по мере изменений коэффициента толерантности t, который в простой форме отражает соотношение между геометрическими размерами трех ионов, входящих в состав конкретного фтороперовскита AMF_3 .

Исследование кубических фтороперовскитов КСоF₃ [27], RbCoF₃ [27], RbMnF₃ [26], а также RbFeF₃ позволяет сделать важный вывод о связи между температурной зависимостью низкочастотной диэлектрической проницаемости и значениями коэффициента толерантности t, описываемого уравнением (10). Два члена этой группы RbFeF₃ (см. рис. 4) и RbCoF₃ [27] с близкими значениям, соответственно t = 0.99 и 1.0, характеризуются температурной зависимостью диэлектрической проницаемости, в которой доминируют ангармонический и спонтанный МД-вклады без существенных признаков «скрытой» структурной нестабильности. Вклад ангармонизма доминирует также при значениях коэффициента толерантности t > 1.0 в гексагональном ферримагнетике $RbNiF_3$ с t = 1.01, (см. рис. 5), и в антиферромагнетике CsMnF₃ с t = 1.03 [26]. Тем не менее стоит отметить, что в RbNiF₃ наблюдается заметный рост диэлектрической проницаемости при понижении температуры вдоль двух главных кристаллографических направлений, что мы предположительно можем связать с тем, что значение t = 1.01 очень близко к границе между кубическим и гексагональным перовскитами около значения t = 1.00 (см. рис. 16 и в).

Характер температурных изменений диэлектрической проницаемости начинает существенно изменяться при понижении коэффициента толерантности до значений t = 0.94 и 0.96 соответственно в КСоF₃ и RbMnF₃. Температурные зависимости диэлектрической проницаемости при низких температурах демонстрируют существенный рост, особенно в КСоF₃, для которого показано, что он вызывается смягчением при $f = 7 \text{ см}^{-1}$ низкочастотного полярного фонона [27]. Данное наблюдение, по нашему мнению, свидетельствует о «скрытой» структурной нестабильности фтороперовскитов даже в кубической фазе. Эта тенденция к росту «скрытой» структурной нестабильности усиливается при дальнейшем уменьшении коэффициента толерантности t, когда кубическая структура переходит в ромбическую. Как можно видеть на рис. 3, в NaNiF₃ (t == 0.83) ангармонический вклад доминирует вдоль всех основных кристаллографических направлений, но никакого низкотемпературного роста диэлектрической проницаемости как свидетельства «скрытой» структурной нестабильности не наблюдается. Дальнейшее совсем небольшое уменьшение коэффициента толерантности до значения t = 0.81 в NaCoF₃ существенно изменяет температурную зависимость диэлектрической проницаемости вдоль оси b в силу того, что низкотемпературный рост (уравнение Барретта (6)) оказывается сравнимым с ангармоническим вкладом (уравнение Эйнштейна (5)). На фоне конкурирующих вкладов находит четкое проявление спонтанный МД-эффект, показанный зеленым цветом на рис. 2а. Дальнейшее небольшое уменьшение коэффициента толерантности до значения t = 0.78 в NaMnF₃ приводит к сильному росту диэлектрической проницаемости при понижении температуры и существенному относительному увеличению МД-эффекта, что позволяет назвать этот кристалл потенциальным мультиферроиком [26,76]. Можно предположить, что аналогичные явления могут проявиться и в других магнитных 3dⁿ-фтороперовскитах с малыми значениями коэффициента толерантности, например, в ромбическом NaFeF₃ $(3d^6, t = 0.80)$ [92] и в триклинном NaCrF₃ $(3d^4, t = 0.78)$ [93], но о каких-либо диэлектрических исследованиях этих кристаллов нам неизвестно.

Благодарности. Авторы выражают благодарность П. П. Сырникову (ФТИ им. А. Ф. Иоффе РАН), предоставившему для исследований некоторые монокристаллы фтороперовскитов. В исследовании также использовались кристаллы, выращенные С. В. Петровым (ИФП РАН).

Финансирование. Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант № 19-02-00457).

ЛИТЕРАТУРА

- **1**. Г. А. Смоленский, И. Е. Чупис, УФН **137**, 415 (1982).
- 2. M. Fiebig, J. Phys. D 38, R123 (2005).
- W. Eerenstein, N. D. Mathur, and J. F. Scott, Nature 442, 759 (2006).
- H. Schmid, J. Phys.: Condens. Matter 20, 434201 (2008).
- K. F. Wang, J.-M. Liu, and Z. F. Ren, Adv. Phys. 58, 321 (2009).
- N. A. Spaldin, S.-W. Cheong, and R. Ramesh, Physics Today 63, 38 (2010).
- А. П. Пятаков, А. К. Звездин, УФН 182, 593 (2012).
- Y. Tokura, S. Seki, and N. Nagaosa, Rep. Prog. Phys. 77, 076501 (2014).
- S. Dong, J.-M. Liu, S.-W. Cheong et al., Adv. Phys. 64, 519 (2015).
- M. Fiebig, T. Lottermoser, D. Meier et al., Nat. Rev. Mater. 1, 16046 (2016).
- A. V. Kimel, A. M. Kalashnikova, A. Pogrebna et al., Phys. Rep. 852, 1 (2020).
- 12. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, Электродинамика сплошных сред, Теоретическая физика, т. VIII, Наука, Москва (1982).
- 13. И. Е. Дзялошинский, ЖЭТФ 37, 881 (1959).
- 14. Д. Н. Астров, ЖЭТФ 40, 1035 (1961).
- R. R. Birss, Symmetry and Magnetism, North-Holland, Amsterdam (1964).
- **16**. И. Е. Дзялошинский, ЖЭТФ **33**, 807 (1957).
- 17. А. С. Боровик-Романов, ЖЭТФ 38, 1088 (1960).
- 18. A. S. Borovik-Romanov, Ferroelectrics 162, 153 (1994).

- 19. S. V. Gallego, J. Etxebarria, L. Elcoro et al., Acta Crystallogr., Sect. A 75, 438 (2019).
- P. A. Markovin, R. V. Pisarev, G. A. Smolensky et al., Solid State Commun. 19, 185 (1976).
- I. R. Jahn and K. Bittermann, Sol. St. Comm. 13, 1897 (1973).
- **22**. П. А. Марковин, Р. В. Писарев, ЖЭТФ **77**, 2461 (1979).
- 23. А. С. Боровик-Романов, Н. М. Крейнес, Я. Пачес, ЖЭТФ 77, 2477 (1979).
- 24. Г. А. Смоленский, Р. В. Писарев, И. Г. Синий, УФН 116, 231 (1975).
- 25. J. Ferré and G. A. Gehring, Rep. Prog. Phys. 47, 513 (1984).
- 26. R. M. Dubrovin, S. A. Kizhaev, P. P. Syrnikov et al., Phys. Rev. B 98, 060403(R) (2018).
- 27. R. M. Dubrovin, N. V. Siverin, P. P. Syrnikov et al., Phys. Rev. B 100, 024429 (2019).
- 28. F. Gervais and B. Piriou, J. Phys. C 7, 2374 (1974).
- 29. F. Gervais and H. Arend, Z. Phys. B 50, 17 (1983).
- 30. M. Balkanski, R. F. Wallis, and E. Haro, Phys. Rev. B 28, 1928 (1983).
- 31. T. Lan, X. Tang, and B. Fultz, Phys. Rev. B 85, 094305 (2012).
- 32. D. L. Fox, D. R. Tilley, J. F. Scott et al., Phys. Rev. B 21, 2926 (1980).
- 33. R. P. Lowndes and D. H. Martin, Proc. R. Soc. London, Ser. A: Math. Phys. Sci. 316, 351 (1970).
- 34. R. A. Bartels and P. A. Smith, Phys. Rev. B 7, 3885 (1973).
- 35. M. Wintersgill, J. Fontanella, C. Andeen et al., J. Appl. Phys. 50, 8259 (1979).
- 36. J. K. Vassiliou, J. Appl. Phys. 59, 1125 (1986).
- 37. M. S. Seehra and R. E. Helmick, Phys. Rev. B 24, 5098 (1981).
- 38. M. S. Seehra and R. E. Helmick, J. Appl. Phys. 55, 2330 (1984).
- 39. M. S. Seehra, R. E. Helmick, and G. Srinivasan, J. Phys. C 19, 1627 (1986).
- 40. K. A. Müller and H. Burkard, Phys. Rev. B 19, 3593 (1979).

- 41. V. V. Lemanov, A. V. Sotnikov, E. P. Smirnova et al., Sol. St. Comm. 110, 611 (1999).
- 42. T. Katsufuji and H. Takagi, Phys. Rev. B 64, 054415 (2001).
- 43. J. H. Barrett, Phys. Rev. 86, 118 (1952).
- 44. I. Hatta and N. Sugimoto, J. Phys. Soc. Jpn. 49, 1000 (1980)
- 45. M. I. Darby, Br. J. Appl. Phys. 18, 1415 (1967).
- 46. R. Schleck, Y. Nahas, R. P. S. M. Lobo et al., Phys. Rev. B 82, 054412 (2010).
- 47. M. Cottam and D. Lockwood, Low Temp. Phys. 45, 78 (2019).
- 48. G. Lawes, A. P. Ramirez, C. M. Varma et al., Phys. Rev. Lett. 91, 257208 (2003).
- 49. T. Katsufuji, S. Mori, M. Masaki et al., Phys. Rev. B 64, 104419 (2001).
- N. Hur, S. Park, P. A. Sharma et al., Phys. Rev. Lett. 93, 107207 (2004).
- **51**. С. А. Кижаев, Л. А. Макарова, ФТТ **53**, 1754 (2011).
- 52. T. Moriya, J. Phys. Chem. Sol. 11, 73 (1959).
- 53. K. Momma and F. Izumi, J. Appl. Crystallogr. 44, 1272 (2011).
- 54. V. M. Goldschmidt, Naturwissenschaften 14, 477 (1926).
- 55. D. Babel, in Structural Chemistry of Octahedral Fluorocomplexes of the Transition Elements, ed. by C. K. Jørgensen, J. B. Neilands, R. S. Nyholm, D. Reinen, and R. J. P. Williams, Structure and Bonding, Vol. 3, Springer, Berlin, Heidelberg (1967), p. 1.
- 56. J. Kapusta, P. Daniel, and A. Ratuszna, Phys. Rev. B 59, 14235 (1999).
- 57. M. Hidaka, S. Maeda, and J. S. Storey, Phase Transitions 5, 219 (1985).
- 58. L. R. Testardi, H. J. Levinstein, and H. J. Guggenheim, Phys. Rev. Lett. 19, 503 (1967).
- 59. J. F. Scott and R. Blinc, J. Phys. Condens. Matter 23, 113202 (2011).
- E. H. Smith, N. A. Benedek, and C. J. Fennie, Inorg. Chem. 54, 8536 (2015).
- 61. P. Berastegui, S. Hull, and S. G. Eriksson, J. Phys.: Cond. Matt. 13, 5077 (2001).

- G. Roma, A. Marronnier, and J. Even, arXiv: cond-mat/2001.08908.
- 63. A. C. Garcia-Castro, N. A. Spaldin, A. H. Romero et al., Phys. Rev. B 89, 104107 (2014).
- 64. A. C. Garcia-Castro, A. H. Romero, and E. Bousquet, Phys. Rev. B 90, 064113 (2014).
- 65. C. Ridou, M. Rousseau, and F. Gervais, J. Phys. C 19, 5757 (1986).
- H. Yusa, Y. Shirako, M. Akaogi et al., Inorg. Chem. 51, 6559 (2012).
- 67. S. Ogawa, J. Phys. Soc. Jpn. 15, 2361 (1960).
- 68. A. M. Glazer, Acta Crystall. B 28, 3384 (1972).
- 69. A. Ratuszna, K. Majewska, and T. Lis, Acta Crystall. C 45, 548 (1989).
- 70. Z. Friedman, M. Melamud, J. Makovsky et al., Phys. Rev. B 2, 179 (1970).
- A. Epstein, J. Makovsky, M. Melamud et al., Phys. Rev. 174, 560 (1968).
- E. Bousquet and A. Cano, J.Phys.: Condens. Matter 28, 123001 (2016).
- 73. Y. Shirako, Y. G. Shi, A. Aimi et al., J. Solid State Chem. 191, 167 (2012).
- 74. H. A. Brown-Acquaye and A. P. Lane, J. Inorg. Nucl. Chem. 43, 3143 (1981).
- 75. A. A. Karamyan, Phys. Stat. Soli. (a) 16, 419 (1973).
- 76. R. M. Dubrovin, L. N. Alyabyeva, N. V. Siverin et al., Phys. Rev. B 101, 180403(R) (2020).
- 77. M. Kestigian, F. D. Leipziger, W. J. Croft et al., Inorg. Chem. 8, 1462 (1966).
- 78. F. F. Y. Wang, D. E. Cox, and M. Kestigian, Phys. Rev. B 3, 3946 (1971).

- 79. Y. Someya, A. Ito, and S. Morimoto, J. Phys. Soc. Jpn. 50, 1883 (1981).
- 80. Y. Someya and A. Ito, J. Phys. Soc. Jpn. 50, 1891 (1981).
- 81. A. Okazaki and Y. Suemune, J. Phys. Soc. Jpn. 16, 176 (1961).
- 82. V. W. Rüdorff, J. Känder, and D. Babel, Z. Anorg. Allgern. Chem. 317, 261 (1962).
- 83. J. E. Weidenborner and A. L. Bednowitz, Acta Cryst. B 26, 1464 (1970).
- 84. Г. А. Смоленский, В. М. Юдин, П. П. Сырников и др., Письма в ЖЭТФ 3, 416 (1966).
- 85. M. W. Shafer, T. R. McGuire, B. E. Argyle et al., Appl. Phys. Lett. 10, 202 (1967).
- 86. J. Als-Nielsen, R. J. Birgeneau, and H. J. Guggenheim Phys. Rev. B 6, 2030 (1972).
- 87. A. Zalkin, K. Lee, and D. H. Templeton, J. Chem. Phys. 37, 697 (1962).
- Y. Yamaguchi and T. Sakuraba, J. Phys. Soc. Jpn. 38, 1011 (1975).
- 89. D. Babel and E. Herdtweck, Z. anorg. allg. Chem. 487, 75 (1982).
- 90. D. J. Breed, K. Gilijamse, and A. R. Miedema, Physica 45, 205 (1969).
- 91. R. J. Birgeneau, F. DeRosa, and H. J. Guggenheim, Sol. St. Comm. 8, 13 (1970).
- 92. F. L. Bernal, K. V. Yusenko, J. Sottmann et al., Inorg. Chem. 53, 12205 (2014).
- 93. F. L. M. Bernal, J. Sottmann, D. S. Wragg et al., arXiv:cond-mat/2001.04144.