УДК 550.338.2

# ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПАРАМЕТРОВ ПЕРЕМЕЩАЮЩИХСЯ ИОНОСФЕРНЫХ ВОЗМУЩЕНИЙ ПО ИОНОГРАММАМ ВЕРТИКАЛЬНОГО ЗОНДИРОВАНИЯ С ДОПОЛНИТЕЛЬНЫМИ U-ОБРАЗНЫМИ ТРЕКАМИ

# © 2021 г. О. А. Ларюнин\*

Институт солнечно-земной физики СО РАН, г. Иркутск, Россия \*e-mail: laroleg@iszf.irk.ru Поступила в редакцию 25.02.2021 г. После доработки 18.05.2021 г. Принята к публикации 27.05.2021 г.

Рассмотрен случай, когда в результате перемещения дополнительного U-образного трека на ионограммах вертикального зондирования фиксируется повышенная критическая частота. Это соответствует появлению над точкой зондирования области с повышенной электронной концентрацией. Представлена методика исследования характеристик перемещающихся ионосферных возмущений по ионограммам в рамках двумерной модели возмущения. Исследованы изменения формы дополнительного трека ионограммы, к которым приводит варьирование параметров возмущения. Показаны возможности определения таких характеристик перемещающихся ионосферных возмущений, как интенсивность, масштаб локализации, горизонтальная скорость дрейфа.

DOI: 10.31857/S0016794021060109

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

На ионограммах вертикального и слабонаклонного зондирования можно часто наблюдать дополнительный U-образный трек, свидетельствующий о наличии перемещающегося ионосферного возмущения (ПИВ).

Еще в середине прошлого века было установлено [Munro and Heisler, 1956], что появление серпообразных особенностей на ионограммах связано с прохождением ПИВ, которые приводят к образованию горизонтальных градиентов электронной концентрации ионосферы и, соответственно, к невертикальным отражениям лучей при радиозондировании.

Дополнительные треки на ионограммах вертикального зондирования разнообразны как по форме, так и по динамическим проявлениям [Akchurin et al., 2011; Moskaleva and Zaalov, 2013; Lou et al., 2020; Zaalov and Moskaleva, 2020]. Помимо наиболее распространенных U-образных структур (серпов) можно встретить треки с более сложными формами, которые с трудом поддаются имитационному моделированию.

Моделирование серпов в условиях неслоистой среды было начато во второй половине XX века [Munro and Heisler, 1956; Lobb and Titheridge, 1977; Cooper and Cummack, 1986] и было продолжено в последующих работах [James and MacDougall, 1997; Cervera and Harris, 2014]. Тем не менее, корректное моделирование, например, переходного процесса слияния простого U-образного серпа с основным треком ионограммы до сих пор остается трудной задачей [Lou et al., 2020]. Тем более открытым остается вопрос об обратной задаче восстановления горизонтально-неоднородной структуры ионосферы по ионограммам с дополнительными треками.

В работах [Emmons et al., 2020; Ratovsky et al., 2008] представлены методики исследования динамики ПИВ по временным вариациям действующих высот на ионограммах. Истинные высоты там восстанавливаются из ионограмм методом Хуанга-Райниша в предположении плоско-слоистой среды. Указанные методики представляются эффективными в случаях, когда ПИВ не приводят к ярко выраженным боковым отражениям. Иная ситуация имеет место при ПИВ с бо́льшими амплитудами, которые приводят к значительным горизонтальным градиентам электронной концентрации. В этом случае на ионограммах могут возникать характерные U-образные треки, для изучения которых уже становится необходимым траекторный синтез.

Таким образом, целью настоящей работы является модельное описание дополнительных U-образных треков на ионограммах вертикального

#### ЛАРЮНИН



Рис. 1. Ионограммы вертикального зондирования перед, во время и после появления серпа.

зондирования, реконструкция ионосферных возмущений с помощью имитационного моделирования, а также исследование динамики перемещающихся ионосферных возмущений по последовательности ионограмм.

Представленные в работе ионограммы были получены в ежеминутном режиме в п. Торы  $(51^{\circ}48' \text{ N}, 103^{\circ}5' \text{ E})$  в 100 км от Иркутска [Bern-gardt et al., 2017].

# 2. ИМИТАЦИОННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

Траекторный синтез ионограмм выполнялся на основе алгоритма двумерной пристрелки лучей в приближении геометрической оптики. Так, для каждой заданной рабочей частоты алгоритм позволяет рассчитывать набор траекторий, соответствующих углам излучения в выбранном интервале (от  $-1^{\circ}$  до  $45^{\circ}$ ) с определенным шагом (0.1°). Отметим, что отрицательные углы здесь не дают возвратных траекторий и не представляют интереса, однако важно, чтобы вертикальная траектория (0°) попала внутрь интервала. Полученный набор траекторий позволяет, использую сплайнинтерполяцию, построить дальностно-угловую характеристику  $D(\phi)$ . Далее численно решается уравнение  $D(\phi) = 0$ : при вертикальном зондировании дальность трассы равна нулю. Наконец, для найденного угла излучения (или углов в случае многолучевости) синтезируется траектория и фиксируется групповая задержка, которая впоследствии отображается в виде точки на ионограмме. Описанная процедура повторяется для других рабочих частот, при этом шаг по частоте составляет 0.025 МГн.

Рассмотрим часто наблюдаемый на ионограммах случай, когда в результате прохождения U-образной структуры устанавливается повышенная критическая частота. Такого рода событие проиллюстрировано на рисунках 1 и 2. Длительность события, т.е. временной интервал между спокойными ионограммами до и после появления серпа, составляет 12 мин, что подчеркивает недостаточность типичной для ионозондов скважности наблюдений в 15 мин для исследования динамических процессов в ионосфере. Так как на ионограммах устанавливается повышенная критическая частота, то будет обоснованным предположить появление области с повышенной электронной концентрацией над точкой зондирования. Траектории, образующие серп на ионограмме, формируются в переходный период за счет боковых (невертикальных) отражений на горизонтальных градиентах электронной концентрации.

Как показывает моделирование, плавность перехода от фоновой к повышенной электронной концентрации (т.е. величина горизонтального градиента) влияет на вид траектории луча и, следовательно, на групповой путь. Другими словами, форма возмущения задает форму серпа на ионограмме. Возникающая в этой связи обратная задача восстановления параметров возмущения будет решена путем многократного решения соответствующей прямой задачи с последующим фитированием.

Модель возмущения вида (1) представляется в данном контексте вполне адекватной, хотя данный выбор не носит принципиального характера.

$$\begin{cases} f_{p}(x,z) = f_{po}(z) \left( 1 + \delta \exp\left(-\frac{(x-x_{0})^{4}}{b^{4}}\right) \right), & x \leq x_{0} \\ f_{p}(z) = f_{po}(z)(1+\delta), & x > x_{0}. \end{cases}$$
(1)

Здесь *х* и *z* соответственно — горизонтальная и вертикальная координаты;  $f_{p0}(z)$  — фоновая плазменная частота;  $\delta$  — интенсивность возмущения;  $x_0$  — центр возмущения; *b* — масштаб возмущения. Отметим, что электронная концентрация



Рис. 2. Эволюция серпа на ионограммах.

*N* и плазменная частота связаны соотношением  $f_p^2 = \frac{Ne^2}{4\pi^2 \epsilon_0 m}$ , где *е* и *m* – заряд и масса электрона;

 $\epsilon_0$  – диэлектрическая постоянная.

# 3. ПОДБОР ПАРАМЕТРОВ МОДЕЛИ

Интенсивность возмущения  $\delta = \frac{f_{cl} - f_{c0}}{f_{c0}}$  определяется приращением критической частоты в результате прохождения серповидной структуры и составляет в данном случае 7%,  $f_{c1} = 1.07 f_{c0}$ . При расчете за последнюю спокойную ионограмму перед событием взят момент времени 12:01 LT. По этой ионогорамме методом Хуанга–Райниша [Reinisch and Huang, 1983] определен фоновый профиль  $f_{p0}(z)$  (рис. 3).

Первая спокойная ионограмма после события наблюдается в 12:13 LT. Параметр x<sub>0</sub> задает положение возмущения относительно приемника/передатчика так, что уменьшение  $x_0$  приводит к сползанию серпа вниз и влево вдоль основного трека ионограммы. Действительно, приближение возмущения ведет к "укорачиванию" боковых траекторий и соответственно к уменьшению группового пути. Наконец, масштаб b в выражении (1) является фактором формы возмущения и варьирует горизонтальный градиент электронной концентрации (рис. 4), задавая плавность перехода от фоновых значений к возмущенному состоянию. Фактически, дальнейшая задача сводится к поиску значения b, наиболее точно отвечающему экспериментальной ионограмме. В качестве эталонной на данном этапе выбрана серповидная структура в 12:05 LT.

Если первым критерием соответствия модели и эксперимента служит совпадение правой

ГЕОМАГНЕТИЗМ И АЭРОНОМИЯ том 61 № 6 2021

асимптоты серпа — фактической критической частоты на возмущенной ионограмме, то за второй критерий целесообразно взять совпадение точек минимума серпа. Соответствующее фитирование представляет собой наиболее затратную часть с точки зрения компьютерного времени. Данная процедура сводится к перебору параметров b и  $x_0$  с фиксацией ближайших к экспериментальному положений точек минимума и последующей интерполяцией.



Рис. 3. Фоновый высотный профиль электронной концентрации.



**Рис. 4.** Горизонтально-неоднородная структура ионосферы и лучевые траектории при f = 10.3 МГц. b = 105 км (левая панель), b = 75 км (средняя панель) и b = 45 км (правая панель). Жирная кривая на средней панели соответствует возвратному лучу. Вертикальная линия соответствует центру возмущения,  $x_0 = 150$  км. При  $x \ge x_0$  среда слоистая.

На рисунке 5 показан случай b = 75 км: синтезированный серп сползает вниз по мере уменьшения  $x_0$ . Точка (10.3 МГц, 439 км) соответствует эксперименту и является искомой при фитировании.

Рисунок 6 представляет собой аналог рис. 5e увеличенном масштабе для b = 90 км и b = 60 км соответственно.

Процедура фитирования проиллюстрирована на рисунках 5, 6, 7 и заключается в следующем. Для каждого значения *b* варьируется параметр  $x_0$ , т.е. заданное возмущение приближается к точке наблюдения. При этом соответствующий серп сползает вниз, и его минимум в какой-то момент проходит уровень h' = 439 км. Фиксируется частота, на которой произошло пересечение данного уровня. Последующее варьирование масштаба *b* 



**Рис. 5.** Серия синтезированных серпов, наложенных на экспериментальную ионограмму 12:05 LT, для b = 75 км. Жирными точками показаны минимумы серпов.

позволяет найти пересечение уровня 439 км, максимально близкое к 10.3 МГц.

Можно видеть на рис. 6, что в первом случае (левая панель) пересечение уровня h' = 439 км происходит слева, при f = 10.24 МГц, тогда как во втором случае (правая панель) – справа, при f = 10.34 МГц. Далее аналогичным образом определяются точки пересечения для других значений b (рис. 7a). Можно видеть, что интерполяция прогнозирует наилучшее совпадение при b = 70 км, что и подтверждает рис. 76.

Следует отметить визуальное расхождение данных модели и эксперимента в области левой асимптоты серпа. Очевидно, это связано с погрешностью модели (1). Вероятно, введение дополнительных параметров в модель (например, наклон возмущения или его локализация по высоте) приведет к лучшему соответствию. Однако соответствующее увеличение времени расчета в практических целях не представляется целесообразным.

### 4. ОЦЕНКА ГОРИЗОНТАЛЬНОЙ СКОРОСТИ ВОЗМУЩЕНИЯ

Представляет интерес исследование динамики ПИВ по последовательности экспериментальных ионограмм. Сползание серпа на ионограммах связано с движением ПИВ, и чем быстрее движется серп, тем быстрее перемещается соответствующее возмущение. Не составляет труда по набору ионограмм определить горизонтальную скорость возмущения. Для возмущения вида (1), где параметры  $\delta = 7\%$  и b = 70 км уже найдены в ходе фитирования, будем варьировать значение  $x_0$ . Возмущение при этом будет удаляться (с ростом  $x_0$ ) или приближаться (по мере уменьшения  $x_0$ ) к точке излучения, а синтезированный серп соответственно подниматься или опускаться подобно



**Рис. 6.** Увеличенные фрагменты синтезированных ионограмм, наложенных на экспериментальную 12:05 LT. (*a*) b = 90 км; (*б*) b = 60 км. Горизонтальная кривая задает уровень 439 км, соответствующий минимуму эталонного экспериментального серпа. В ходе фитирования мы добиваемся того, чтобы кривая, которую описывают минимумы синтезированного серпа, прошла через минимум экспериментального серпа.



**Рис. 7.** При значении b = 70 км (a) – интерполяция прогнозирует прохождение синтезированного серпа через искомую точку (10.3 МГц, 439 км) на ионограмме, что подтверждает панель ( $\delta$ ).

изображенному на рис. 4. Будем фиксировать действующую высоту h', соответствующую точке минимума каждого синтезированного серпа, получая таким образом зависимость  $\dot{h_{\min}}(x_0)$  (см. рис. 8, кружки). С другой стороны, временная зависимость  $\dot{h_{\min}}(t)$  устанавливается экспериментально: на рис. 8 она показана треугольниками.

Верхняя и нижняя горизонтальные оси на рис. 8 масштабированы так, чтобы результаты линейной регрессии для экспериментальной и модельной зависимостей отображались на одной кривой. Так, например, видно, что серп на экспериментальной ионограмме  $t_1 = 12:08$  соответствует локализации возмущения  $x_{01} = 135.5$  км, а момент времени  $t_2 = 12:04$  отвечает значению  $x_{02} = 158$  км. Тогда горизонтальная скорость пе-



Рис. 8. Определение горизонтальной скорости перемещения возмущения.

ГЕОМАГНЕТИЗМ И АЭРОНОМИЯ том 61 № 6 2021

ремещения возмущения по направлению к точке

наблюдения 
$$V_x = \frac{x_{02} - x_{01}}{|t_2 - t_1|} \approx 94$$
 м/с.

#### 5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Описанная методика позволяет восстанавливать электронную концентрацию в горизонтальнонеоднородной ионосфере (двумерный случай) по ряду экспериментальных ионограмм вертикального зондирования, содержащих дополнительные серповидные треки на основе траекторного синтеза с последующим фитированием.

Использованная гауссоподобная модель перехода от фоновой ионосферы к возмущенной показала свою состоятельность для воспроизведения наблюдаемых серпов при моделировании. В качестве примера, для выбранного набора ионограмм были определены такие характеристики возмущения, как интенсивность, пространственный масштаб, горизонтальная скорость перемещения.

При рассмотрении динамики возмущения оказалось, что экспериментальные ионограммы демонстрируют квазилинейное нисхождение серпа в рассматриваемом временном интервале. В то же время линейная зависимость положения серпа на ионограмме от горизонтальной координаты возмущения имеет место и при моделировании. В этой связи оказывается нетрудным определить горизонтальную скорость перемещения ионосферного возмущения, добиваясь совпадения экспериментальных и синтезированных серпов путем соответствующего масштабирования временной и координатной осей.

#### ФИНАНСИРОВАНИЕ РАБОТЫ

Работа выполнена при финансовой поддержке Министерства науки и высшего образования РФ (Минобрнауки России), субсидия № 075-ГЗ/Ц3569/278.

#### БЛАГОДАРНОСТИ

Результаты получены с использованием оборудования Центра коллективного пользования "Ангара" (http://ckp-rf.ru/ckp/3056/).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Akchurin A.D., Bochkarev V.V., Ildiryakov V.R., Usupov K.M. TID selection and research of its characteristics on ionograms / Proc. 30th URSI General Assembly and Scientific Symposium. Istanbul, Turkey, 13–20 August 2011. GP1.23. 2011.

- Berngardt O.I., Perevalova N.P., Podlesnyi A.V., Kurkin V.I., Zherebtsov G.A. Vertical midscale ionospheric disturbances caused by surface seismic waves based on Irkutsk chirp ionosonde data in 2011–2016 // J. Geophys. Res. Space. V. 122. № 4. P. 4736–4754. 2017.

- Cervera M.A., Harris T.J. Modeling ionospheric disturbance features in quasi-vertically incident ionograms using 3-D magnetoionic ray tracing and atmospheric gravity waves // J. Geophys. Res. Space. V. 119. № 1. P. 431–440. 2014.

*Cooper J., Cummack C.H.* The analysis of travelling ionospheric disturbance with nonlinear ionospheric response // J. Atmos. Solar Terr. Phys. V. 48. № 1. P. 61–64. 1986.

– Emmons D.J., Dao E.V., Knippling K.K., McNamara L.F., Nava O.A., Obenberger K.S., Colman J.J. Estimating horizontal phase speeds of a traveling ionospheric disturbance from digisonde single site vertical ionograms // Radio Sci. V. 55. № 8. e2020RS007089. 2020.

 James H.G., MacDougall J.W. Signatures of polar cap patches in ground ionosonde data // Radio Sci. V. 32. № 2.
P. 497–513. 1997.

- Lobb R.J., Titheridge J.E. The effects of travelling ionospheric disturbances on ionograms // J. Atmos. Terr. Phys. V. 39. № 2. P. 129–134. 1977.

- Lou P., Wei N., Guo L., Feng J., Li X., Yang L. Numerical study of traveling ionosphere disturbances with vertical incidence data // Adv. Space Res. V. 65. № 4. P. 1306–1320. 2020.

– Moskaleva E.V., Zaalov N.Y. Signature of polar cap inhomogeneities in vertical sounding data // Radio Sci. V. 48. № 5. P. 547–563. 2013.

*– Munro G.H., Heisler L.H.* Cusp type anomalies in variable frequency ionospheric records // Aust. J. Phys. V. 9. P. 343–357. 1956.

- Ratovsky K.G., Medvedev A.V., Tolstikov M.V., Kushnarev D.S. Case studies of height structure of TID propagation characteristics using cross-correlation analysis of incoherent scatter radar and DPS-4 ionosonde data // Adv. Space Res. V. 41. № 9. P. 1454–1458. 2008.

- *Reinisch B.W., Huang X.* Automatic calculation of electron density profiles from digital ionograms. 3. Processing of bottomside ionograms // Radio Sci. V. 18. № 3. P. 477–492. 1983.

- Zaalov N.Y., Moskaleva E.V. Oblique and vertical incidence ionogram simulations with the presence of Es layer // Adv. Space Res. V. 66.  $\mathbb{N}$  7. P. 1713–1723. 2020.