Идентификация зональных течений и их пространственное распределение в плазме стелларатора TI-II

 Γ . А. Саранча^{+*1)}, Л. Г. Елисеев⁺, А. В. Мельников^{+*×}, Ф. О. Хабанов⁺, Н. К. Харчев^{+°}

+ Национальный исследовательский центр "Курчатовский институт", 123182 Москва, Россия

* Московский физико-технический институт (НИУ), 141701 Долгопрудный, Россия

[×]Национальный исследовательский ядерный университет МИФИ, 115409 Москва, Россия

[°]Институт общей физики им. А. Н. Прохорова РАН, 119991 Москва, Россия

Поступила в редакцию 22 апреля 2022 г. После переработки 9 июня 2022 г. Принята к публикации 9 июня 2022 г.

Для низкочастотных (0 < f < 20 кГц) колебаний электрического потенциала плазмы, измеренных в двух тороидально разнесенных вертикальных сечениях стелларатора ТЈ-II (R = 1.5 м, a = 0.22 м, B = 1 Тл) с помощью двойной диагностики зондирования пучком тяжелых ионов, наблюдаются дальние корреляции, а также тороидальная и полоидальная симметрия n = m = 0. Показано, что дальние корреляции не имеют магнитной компоненты или компоненты плотности. Таким образом, найденные в горячей зоне плазмы ТЈ-II низкочастотные симметричные структуры электрического потенциала являются зональными течениями. Их количественной характеристикой является квадратичный коэффициент когерентности γ^2 для дальних корреляций потенциала плазмы. В режиме с низкой плотностью $\bar{n}_e = 0.5 \cdot 10^{19}$ м⁻³ и ЭЦР-нагревом впервые построена двумерная карта зональных течений (дальних корреляций) и обнаружена их баллонная структура: доминирование γ^2 на стороне слабого поля установки. Наблюдаемое в этой области снижение уровня электростатической турбулентности (0 < f < 300 кГц) согласуется с теоретически предсказанным подавлением широкополосной турбулентности за счет зональных течений.

DOI: 10.31857/S1234567822140051, EDN: iyfqeb

1. Введение. Зональные течения, как универсальное свойство турбулентности, наблюдаются в различных средах: атмосфере Земли и других планет, в лабораторной плазме термоядерных установок [1,2]. В тороидальных установках – токамаках и стеллараторах зональные течения и геодезические акустические моды (ГАМ) и связанные с ними переменные электрические поля могут играть важную роль в формировании турбулентности и аномального переноса. Исследования радиального электрического поля, его стационарной и переменной компонент, а также их влияние на характеристики аномального переноса проводятся на различных установках: TM-4 [3], T-10 [4], TJ-II [5], TEXTOR [6], MST [7], Heliotron-J [8] и HSX [9], GOLEM [10, 11], COMPASS [12, 13], STOR-M [14] и др., и суммированы в обзорах [15, 16] и монографии [17]. Электрический потенциал горячей области плазмы возможно измерять с помощью диагностики зондирования пучком тяжелых ионов (англ. HIBP – Heavy Ion Beam Probe) [18, 19]. На стеллараторе ТЈ-II (г. Мадрид, Испания) расположен двойной диагностический комплекс HIBP, состоящий из двух диагностик HIBP-I и HIBP-II, разнесенных на 90° в тороидальном направлении [20], он позволяет исследовать дальние корреляции параметров плазмы в их взаимосвязи с удержанием плазмы. Считается, что зональные течения – возникающие в замагниченной плазме полоидально и тороидально симметричные (n = m = 0) колебания полоидальной скорости (радиального электрического поля), порождаются мелкомасштабной дрейфовой турбулентностью и являются механизмом ее саморегулирования путем формирования радиальной неоднородности вращения плазмы, приводящего к деформации турбулентных вихрей вплоть до их разрыва на более мелкие [21, 22]. Таким образом, признаком зональных течений могут являться дальние корреляции (англ. LRC – long-range correlations) колебаний электрического потенциала, разнесенные тороидально и полоидально на расстояние, заметно превышающее корреляционную длину турбулентности, например, сравнимое с размерами плазмы. Для вы-

¹⁾e-mail: sarancha.ga@phystech.edu

сокочастотной ветви зональных течений – геодезических акустических мод [23] дальние корреляции были обнаружены на токамаке T-10 [24, 25]. На TJ-II было показано, что дальние корреляции существуют как на периферии [26], так и в горячей зоне плазмы [27, 28], нагреваемой с помощью электронного циклотронного резонанса (ЭЦРН), а также инжекции нейтральных атомов (NBI). Они наблюдаются в форме низкочастотных колебаний электрического потенциала плазмы, но не магнитных колебаний или колебаний плотности, а также имеют симметричную структуру n = m = 0. Таким образом, наблюдаемые дальние корреляции колебаний электрического потенциала являются характеристическим признаком зональных течений.

Работа организована следующим образом: в разделе 2 описан стелларатор ТЈ-Ш, принцип работы HIBP и схема эксперимента. В разделе 3 приведены результаты исследований пространственного распределения корреляций колебаний электрического потенциала (LRC) и их связи с широкополосной турбулентностью плазмы. Результаты суммированы в разделе 4.

2. Постановка эксперимента. На рисунке 1 представлен общий вид стелларатора TJ-II - четы-



Рис. 1. (Цветной онлайн) Стелларатор ТЈ-II, вид сверху. Диагностический комплекс НІВР и системы нагрева плазмы

рехпериодного гелиака, с большим радиусом 1.5 м, малым радиусом 0.22 м и магнитным полем на оси 1 Тл. Плазма создается и нагревается с помощью ЭЦРН мощностью до 600 кВт, а также NBI с суммарной мощностью до 2 MBт. Система потоковых ко-

ординат ($\rho; \theta$) в вертикальным сечении плазменного шнура (в котором расположен HIBP-I), где ρ – нормализованный малый радиус – метка магнитной поверхности, θ – полярный угол, и двумерный профиль вращательного преобразования l = 1/q представлены на рис. 2.



Рис. 2. (Цветной онлайн) Профиль вращательного преобразования l в потоковых (ρ ; θ) и декартовых координатах (R; Z) в вертикальном сечении TJ-II, где расположен HIBP-I, для стандартной магнитной конфигурации

НІВР – это уникальная диагностика, позволяющая одновременно проводить независимые измерения электрического потенциала φ_{pl} и его флуктуаций, распределение плотности электронов n_e и ее флуктуации, а также флуктуации магнитного потенциала \tilde{A} плазмы с высоким пространственным и временным разрешением (1 см и 1 МГц) в широком пространственном диапазоне (для стелларатора TJ-II: $-1 < \rho < 1$ при $\bar{n}_e \leq 2.5 \cdot 10^{19} \, \mathrm{m}^{-3}$) [29, 30].

Положение точки измерения зависит от энергии пучка E_{beam} и угла влета пучка в плазму, который определяется напряжением на отклоняющих пластинах. В ходе плазменного разряда это напряжение периодически изменялось, таким образом проводилось сканирование от стороны слабого поля (англ. LFS – *low field side*, $\rho = +1$) до стороны сильного поля (англ. HFS – *high field side*, $\rho = -1$) и обратно вдоль криволинейной линии наблюдения – детекторной линии. Детекторная линия перемещалась в вертикальном направлении путем изменения E_{beam} от импульса к импульсу. Таким способом строится двумерная карта измерений в вертикальном сечении TJ-II [31, 32].

На рисунке 3 представлен сценарий плазменного разряда: электрический потенциал плазмы φ_{pl} и



Рис. 3. (Цветной онлайн) Сценарий плазменного разряда для исследования дальних корреляций потенциала плазмы LRC. (а) – Временная эволюция среднехордовой плотности плазмы \bar{n}_e , измеренной по центральной хорде интерферометра. (b) – Радиальное положение измерительного объема $\rho_{\rm HIBP-I}$ радиальные профили (c) – тока вторичного пучка HIBP I_t (плотности плазмы) и (d) – электрического потенциала φ_{pl} . Область наблюдения LRC отмечена серым прямоугольником

ток вторичного пучка I_t, измеренные HIBP, положение точки измерения тяжелого пучка $\rho_{\rm HIBP}$, эволюция среднехордовой электронной плотности \bar{n}_e , а также мощность и время работы ЭЦРН и NBI. На рисунке 4 представлен профиль плотности \bar{n}_e в рассматриваемом режиме (1080–1155 мс). В импульсах (# 49858, 49861, 49863, 49864, 49867-49876, 49878)НІВР-І и НІВР-ІІ выполняли синхронное сканирование с LFS на HFS и обратно: $-1 < \rho_{\text{HIBP-I}}(t) =$ $= \rho_{\text{HIBP-II}}(t) < 1$. При этом HIBP-II изменял энергию пучка E_{beam} от импульса к импульсу и сдвигал детекторную линию в вертикальном направлении, а HIBP-I выполнял сканирование по одной и той же детекторной линии, проходящей практически через центр плазмы. Таким образом, и на LFS, и на HFS в каждый момент времени t данные HIBP-I и HIBP-II регистрируются на одной и той же магнитной поверхности в двух вертикальных сечениях при различных значениях полоидального угла.



Рис. 4. (Цветной онлайн) Профиль плотности $\bar{n}_e(\rho)$, измеренный с помощью диагностики томсоновского рассеяния (черные точки) и НІВР (красная линия)

3. Экспериментальные результаты.

3.1. Пространственное распределение LRC колебаний электрического потенциала. Для анализа дальних корреляций используются такие спектральные характеристики измеряемых сигналов как спектральная (Power Spectral Density) и кроссспектральная (Cross-Spectral Density) плотности мощности колебаний

$$PSD_{xx}(f,t) = \langle F_x, F_x^* \rangle, CSD_{xy}(f,t) = \langle F_x, F_y^* \rangle,$$

квадратичный коэффициент когерентности

$$y_{xy}^2 = \frac{\text{CSD}_{xy}^2}{\text{PSD}_{xx} \cdot \text{PSD}_{yy}}$$

и кросс-фаза

$$\Delta \theta = \operatorname{arctg} \frac{\operatorname{Im} \operatorname{CSD}_{xy}}{\operatorname{Re} \operatorname{CSD}_{xy}}$$

Исследование дальних корреляций параметров плазмы, измеряемых с помощью HIBP-I и HIBP-II путем построения спектров $\gamma^2(f)$ и $\mathrm{CSD}(f)$, показало, что их статистически значимые величины существуют только в диапазоне 0–20 (рис. 5) и только для сигналов электрического потенциала $\tilde{\varphi}_{pl}$, но не плотности \tilde{n}_e или магнитного потенциала \tilde{A} .

Таким образом установлено наличие LRC и их частотный диапазон. Временная эволюция $\gamma^2(t)$, усредненная по частотному диапазону LRC в течение сканирования от LFS до HFS, была перестроена в пространственное распределение $\gamma^2(\rho)$ с помощью расчетной кривой $\rho(t)$. Схема интерпретации результатов с помощью двумерной карты показана на рис. 6.

На рисунке 7 представлено двумерное распределение кросс-спектра (а) и коэффициента когерентно-



Рис. 5. (Цветной онлайн) (а) – Спектр квадратичного коэффициента когерентности колебаний электрического потенциала $\tilde{\varphi}_{pl}$. (b) – Кросс-спектр плотности мощности колебаний электрического потенциала $\tilde{\varphi}_{pl}$

сти (b) локальных колебаний электрического потенциала в точках, расположенных в сечениях HIBP-I и HIBP-II на одном и том же нормализованном радиусе всюду, за исключением центральной области плазмы. Шумовой уровень когерентности γ_{noise}^2 = = 0.15 был определен как среднее значение в полосе 0.8-1.0 МГц, где когерентные колебания отсутствуют. Рисунок 7а показывает, что мощность согласованных колебаний электрического потенциала CSD в частотном интервале 0–20 кГц заметно (в 3 раза) больше на стороне сильного поля, в то время как их доля в спектре, выражаемая квадратичным коэффициентом когерентности γ^2 заметно доминирует на LFS, что указывает более высокий уровень зональных течений. Границы области существования LRC на LFS согласуются с магнитными поверхностями: внешняя линия уровня $\gamma^2 = 0.4$ совпадает с поверхностью $\rho = 0.8$, а внутренняя – с поверхностью $\rho = 0.2.$

3.2. Пространственное распределение флуктуаций электрического потенциала и электронной плотности. Двумерное распределение мощности ко-



Рис. 6. (Цветной онлайн) Схема эксперимента. Ромбы отвечают детекторной линии HIBP-I, а звезды – детекторным линиям HIBP-II. Измерения, произведенные в один момент времени, соединены серой линией. Коэффициент когерентности γ^2 между сигналами HIBP-I и HIBP-II в данный момент времени будет отмечен на двумерной карте в точке измерения HIBP-II. Все представленные ниже двумерные карты являются интерполяцией экспериментальных данных

лебаний PSD_{HIBP-II}, CSD электрического потенциала $\tilde{\varphi}_{pl}$ и относительных колебаний электронной плотности \tilde{n}_e/n_e в частотной полосе 0–300 кГц приведено на рис. 8, 9.

Рисунки 8, 9 показывают наличие антибаллонного эффекта в распределении широкополосных флуктуаций потенциала и плотности плазмы, т.е. структуры, имеющей противоположный характер распределению γ^2 для LRC. Пространственное расположение области более интенсивных зональных течений (высокого γ^2 для LRC) на LFS совпадает с областью снижения интенсивности широкополосной турбулентности, что согласуется с предположением о подавлении широкополосной электростатической турбулентности за счет развития зональных течений. Это наблюдение согласуется с результатами CHS, где было установлено увеличение амплитуды зональных течений (в форме низкочастотных флуктуаций потенциала), сопровождаемое снижением уровня широкополосных колебаний после формирования внутреннего транспортного барьера [33]. Однако, в отличие от высокочастотной разновидности зонального течения – ГАМ, для которой было установлено наличие трехволнового взаимодействия с широкополосной турбулентностью [34,35], для низкочастотных зональных течений на обоих стеллараторах TJ-



Рис. 7. (Цветной онлайн) (a) – Пространственное распределение кросс-спектральной мощности CSD колебаний потенциала плазмы $\tilde{\varphi}_{pl}$ для LRC в частотной полосе 0–20 кГц. Наблюдается снижение уровня колебаний на стороне слабого поля – антибаллонный эффект. (b) – Пространственное распределение интенсивности зональных течений в виде коэффициента когерентности для LRC электрического потенциала в сечении HIBP-II. Цветом указаны величины статистически значимого коэффициента когерентности ($\gamma^2(\rho; \theta) > \gamma^2_{noise} = 0.15$). Наблюдается повышение интенсивности зональных течений (уровня γ^2) на LFS – баллонный эффект



Рис. 8. (Цветной онлайн) Пространственное распределение мощности колебаний $PSD_{HIBP-II}$ потенциала плазмы $\tilde{\varphi}_{pl}$ в частотной полосе 0–300 кГц. Наблюдается снижение уровня колебаний на стороне слабого поля – антибаллонный эффект

II и CHS бикогерентности колебаний электрического потенциала и флуктуаций электронной плотности обнаружено не было, и механизм трехволнового взаимодействия экспериментального подтверждения



Рис. 9. (Цветной онлайн) Пространственное распределение колебаний электронной плотности \tilde{n}_e/n_e в частотной полосе 0–300 кГц. Наблюдается заметный антибаллонный эффект

не получил. Таким образом, механизм взаимодействия низкочастотных зональных течений и широкополосной турбулентности остается открытым вопросом дальнейшего теоретического, а также экспериментального исследования. 3.3. Пространственная симметрия LRC. С помощью техники, описанной в разделе 3.1, построена двумерная карта кросс-фазы $\Delta \theta$ между колебаниями электрического потенциала $\tilde{\varphi}_{pl}$ в сечениях HIBP-I и HIBP-II (рис. 10). При наличии винтовой струк-



Рис. 10. (Цветной онлайн) Двумерная карта кроссфазы между колебаниями электрического потенциала $\tilde{\varphi}_{pl}$ в сечениях HIBP-I и HIBP-II

туры у LRC, ожидаемая кросс-фаза должна быть $|\Delta\theta(\text{HIBP-I}; \text{HIBP-II})| \geq \pi/4$ уже при минимальных значениях модовых чисел $n, m \geq 1$, в то время как экспериментально измеренная величина не превышает по модулю $\pi/8$ по всему сечению плазменного шнура. Отсюда следует, что обнаруженные LRC имеют тороидально и полоидально симметричную структуру n = m = 0, что подтверждает их идентификацию как зональных течений.

4. Выводы.

• Построена двумерная карта дальних корреляций низкочастотных ($0 < f < 20 \, \mathrm{k\Gamma}$ ц) возмущений электрического потенциала в плазме с низкой плотностью и ЭЦР-нагревом, показана их тороидальная и полоидальная симметрия n = m = 0 что позволяет их идентифицировать как зональные течения.

• Показано, что зональные течения имеют асимметричную структуру: распределение мощности когерентных колебаний электрического потенциала (CSD) в спектральной полосе LRC имеет антибаллонный характер, а их доли от полной мощности колебаний (γ^2) или относительной мощности зональных течений – баллонный. В то же время широкополосная (0 < f < 300 кГц) электростатическая турбулентность имеет антибаллонную

структуру, что указывает на согласие наблюдений с предположением о подавлении широкополосной турбулентности за счет развития зональных течений.

Авторы выражают глубокую признательность коллективу стелларатора TJ-II, CIEMAT, Мадрид, Испания, под руководством Карлоса Идальго, и группе HIBP из ХФТИ, Харьков, Украина, под руководством А. С. Козачка и Л. И. Крупник, за многолетнее трехстороннее сотрудничество в исследованиях на TJ-II, за помощь в проведении экспериментов и плодотворные обсуждения.

Работа А.В. Мельникова поддержана программой повышения конкурентоспособности НИЯУ МИФИ.

- 1. A. Fujisawa, Nucl. Fusion. 49, 013001 (2009).
- 2. A.V. Melnikov, Nat. Phys. 12, 386 (2016).
- В. И. Бугаря, А. В. Горшков, С. А. Грашин, И. В. Иванов, В. А. Крупин, Л. И. Крупник, И. С. Недзельский, А. В. Мельников, К. А. Разумова, Ю. А. Соколов, Письма в ЖЭТФ 38(7), 337 (1983).
- 4. A.V. Melnikov, L. G. Eliseev, S.V. Perfilov. S. A. Grashin, K.S. V. F. Andreev, Dyabilin, A. N. Chudnovskiy, M.Yu. Isaev, S.E. Lysenko, Mavrin, M.I. Mikhailov, D.V. Ryzhakov, V. A. R. V. Shurygin, V. N. Zenin and the T-10 Team, Nucl. Fusion 53, 093019 (2013).
- A.V. Melnikov, L.G. Eliseev, T. Estrada et al. (Collaboration), Nucl. Fusion 53, 092002 (2013).
- A. Krämer-Flecken, S. Soldatov, D. Reiser, M. Kantor, and H. R. Koslowski, Plasma Phys. Control. Fusion 51, 015001 (2009).
- T. Nishizawa, A.F. Almagri, J.K. Anderson, W. Goodman, M.J. Pueschel, M.D. Nornberg, S. Ohshima, J.S. Sarff, P.W. Terry, and Z. R. Williams, Phys. Rev. Lett. **122**, 105001 (2019).
- S. Ohshima, H. Okada, L. Zang et al. (Collaboration), Plasma Phys. Control. Fusion 63, 104002 (2021).
- R. S. Wilcox, B. Ph. van Milligen, C. Hidalgo, D. T. Anderson, J. N. Talmadge, F. S. B. Anderson, and M. Ramisch, Nucl. Fusion 51, 083048 (2011).
- G. Sarancha, V. Svoboda, J. Stockel, and A.V. Melnikov, J. Phys. Conf. Ser. **2055**, 012003 (2021).
- G. A. Sarancha, A. S. Drozd, I. A. Emekeev, S. A. Ganin,
 D. Kropackova, I. S. Kudashev, V. V. Kulagin,
 M. Lauerova, A. V. Melnikov, N. S. Sergeev,
 O. D. Krokhalev, J. Stockel, and V. Svoboda, BAHT.
 Сер. Термоядерный синтез 44(4), 92 (2021).
- A. V. Melnikov, T. Markovic, L. G. Eliseev et al. (Collaboration), Plasma Phys. Control. Fusion 57, 065006 (2015).

- J. Seidl, J. Krbec, M. Hron et al. (Collaboration), Nucl. Fusion 57, 126048 (2017).
- D. Basu, M. Nakajima, A.V. Melnikov, D. McColl, A. Rohollahi, S. Elgriw, C. Xiao, and A. Hirose, Nucl. Fusion 58, 024001 (2018).
- A. Fujisawa, T. Ido, A. Shimizu et al. (Collaboration), Nucl. Fusion 47, S718 (2007).
- А.В. Мельников, В.А. Вершков, С.А. Грашин, М.А. Драбинский, Л.Г. Елисеев, И.А. Земцов, В.А. Крупин, В.П. Лахин, С.Е. Лысенко, А.Р. Немец, М.Р. Нургалиев, Н.К. Харчев, Ф.О. Хабанов, Д.А. Шелухин, Письма в ЖЭТФ 115(6), 360 (2022).
- A. V. Melnikov, *Electric Potential in Toroidal Plasmas*, Springer Nature Switzerland AG (2019).
- F.C. Jobes and R.L. Hickok, Nucl. Fusion 10, 195 (1970).
- A.V. Melnikov, L.I. Krupnik, L.G. Eliseev et al. (Collaboration), Nucl. Fusion 57, 072004 (2017).
- O. O. Chmyga, E. Ascasibar, J. Barcala et al. (Collaboration), Probl. Atom. Sci. Technol. Ser. Plasma Phys. 1, 248 (2019).
- P.H. Diamond, S.-I. Itoh, K. Itoh, and T.S. Hahm, Plasma Phys. Control. Fusion 47, R35 (2005).
- H. Biglari, P. H. Diamond, and P. W. Terry, Physics of Fluids B: Plasma Physics 2, 1 (1990).
- А.В. Мельников, Л.Г. Елисеев, С.Е. Лысенко, С.В. Перфилов, Р.В. Шурыгин, Л.И. Крупник, А.С. Козачок, А.И. Смоляков, Письма в ЖЭТФ 100(9), 633 (2014).
- А.В. Мельников, Л.Г. Елисеев, С.Е. Лысенко, С.В. Перфилов, Д.А. Шелухин, В.А. Вершков, В.Н. Зенин, Л.И. Крупник, А.С. Козачек, Н.К. Харчев, М.В. Уфимцев, ВАНТ. Сер. Термоядерный синтез 38(1), 49 (2015).

- A. V. Melnikov, L. G. Eliseev, S. E. Lysenko, S. V. Perfilov, D. A. Shelukhin, V. A. Vershkov, V. N. Zenin, L. I. Krupnik, and N. K. Kharchev, J. Phys. Conf. Ser. **591**, 012003 (2015).
- M. A. Pedrosa, C. Silva, C. Hidalgo, B. A. Carreras, R. O. Orozco, and D. Carralero, Phys. Rev. Lett. 100(21), 215003 (2008).
- A. V. Melnikov, L. I. Krupnik, E. Ascasibar et al. (Collaboration), Plasma Phys. Control. Fusion. 60, 084008 (2018).
- J.A. Alonso, E. Sánchez, I. Calvo, J.L. Velasco, K.J. McCarthy, A. Chmyga, L.G. Eliseev, T. Estrada, R. Kleiber, L.I. Krupnik, A.V. Melnikov, P. Monreal, F.I. Parra, S. Perfilov, and A.I. Zhezhera, Phys. Rev. Lett. 118, 185002 (2017).
- 29. A.V. Melnikov, Symmetry 13(8), 1367 (2021).
- P.O. Khabanov, L.G. Eliseev, A.V. Melnikov, M.A. Drabinskiy, C. Hidalgo, N.K. Kharchev, A.A. Chmyga, A.S. Kozachek, I. Pastor, J. L. de Pablos, A. Cappa, and V.P. Shevelko, JINST 14, C09033 (2019).
- R. Sharma, P.O. Khabanov, A.V. Melnikov et al. (Collaboration), Phys. Plasmas 27, 062502 (2020).
- A. V. Melnikov, L. G. Eliseev, J.-M. Barcala et al. (Collaboration), Plasma Phys. Control. Fusion. 64, 054009 (2022).
- A. Fujisawa, K. Itoh, H. Iguchi et al. (Collaboration), Phys. Rev. Lett. 96(16), 165002 (2004).
- A. V. Melnikov, L. G. Eliseev, S. E. Lysenko, M. V. Ufimtsev, and V. N. Zenin, Nucl. Fusion 57, 115001 (2017).
- 35. G.A. Riggs, S.H. Nogami, M.E. Koepke, A.V. Melnikov, L.G. Eliseev, S.E. Lysenko, P.O. Khabanov, M.A. Drabinskij, N.K. Kharchev, A.S. Kozachek, and M. V. Ufimtsev, Journal of Plasma Physics 87(3), 885870301 (2021).