Обнаружение перенормировки циклотронной частоты в экранированной двумерной электронной системе с сильным запаздыванием

Н. Д. Семенов¹⁾, В. М. Муравьев, И. В. Андреев, И. В. Кукушкин

Институт физики твердого тела им. Ю. А. Осипьяна РАН, 142432 Черноголовка, Россия

Поступила в редакцию 7 сентября 2021 г. После переработки 8 октября 2021 г. Принята к публикации 9 октября 2021 г.

В работе исследуется резонансное микроволновое поглощение двумерных электронных систем (ДЭС) на базе GaAs/AlGaAs гетероструктур с задним металлическим затвором. Реализован режим, когда скорость экранированной плазменной волны в ДЭС, вычисленная в квазистатическом приближении, превосходит скорость света в подложке. Обнаружено, что в этом случае релятивистские эффекты запаздывания приводят к сильному изменению дисперсии двумерного экранированного плазмона, а также его магнитополевого поведения. Обнаружено, что эффекты запаздывания приводят к сильной ренормализации циклотронной и плазменной частоты. Установлено хорошее согласие полученных экспериментальных данных с существующей теорией.

DOI: 10.31857/S1234567821220080

Если единичный электрон с эффективной массой m^* , помещенный в магнитное поле B, облучить электромагнитной волной, то на частоте

$$\omega_c = eB/m^* \tag{1}$$

будет наблюдаться резонансное поглощение энергии волны. Данное физическое явление получило название циклотронного резонанса (ЦР). Циклотронный резонанс нашел широкое распространение в исследованиях физических свойств твердых тел. В частности, ЦР является прямым и удобным способом определения эффективной электронной массы в полупроводниках [1–3].

Одной из актуальных задач современной физики конденсированного состояния является спектроскопия ЦР в двумерных электронных системах (ДЭС) [4–13]. В ограниченных ДЭС циклотронный резонанс испытывает сдвиг по частоте за счет плазменного деполяризационного эффекта [14]. Это явление можно рассматривать как гибридизацию циклотронного и плазменного колебаний. Одним из важнейших преимуществ двумерных систем является то, что их электронную плотность можно изменять в широких пределах при помощи затвора. В экранированных за-

Письма в ЖЭТФ том 114 вып. 9-10 2021

твором ДЭС плазменные возбуждения приобретают линейный (акустический) закон дисперсии [14–23]:

$$\omega_{\rm AP} = \sqrt{\frac{n_s e^2 h}{\varepsilon \varepsilon_0 m^*}} q = V_p q, \qquad (2)$$

где n_s — концентрация двумерных электронов, h — расстояние от ДЭС до металлического затвора, ε_0 — электрическая постоянная, $\varepsilon = 12.8$ — диэлектрическая проницаемость GaAs подложки, а q — волновое число. Выражение (2) получено в квазистатическом приближении, когда $V_p \ll c/\sqrt{\varepsilon}$. Недавно было теоретически предсказано, что если V_p сравнима или превосходит скорость света в диэлектрической подложке $V_p \gtrsim c/\sqrt{\varepsilon}$, то должна наблюдаться перенормировка плазменной и циклотронной частот [24–26]

$$\omega_p = \frac{\omega_{\rm AP}}{\sqrt{1 + \frac{V_p^2 \varepsilon}{c^2}}}.$$
(3)

$$\omega_c' = \frac{eB/m^*}{1 + \frac{V_p^2 \varepsilon}{c^2}} = \frac{\omega_c}{1 + \frac{V_p^2 \varepsilon}{c^2}}.$$
(4)

В настоящей работе экспериментально обнаружена данная перенормировка циклотронной частоты. Измерена зависимость ренормализации циклотронной частоты от величины скорости плазменной волны V_p.

Эксперименты проводились на образцах высококачественных одиночных квантовых ям

 $^{^{1)}}$ e-mail: nikolai.semenov@issp.ac.ru



Рис. 1. (Цветной онлайн) (а) – Тепловая карта интенсивности микроволнового поглощения в ДЭС в зависимости от частоты СВЧ и магнитного поля. Насыщенные бордовые цвета иллюстрируют максимум резонансного поглощения микроволнового излучения, в то время как темные оттенки синего – его отсутствие. Сплошные черные кривые соответствуют краевой и циклотронной магнитоплазменным модам ω_- и ω_+ с циклотронной частотой eB/m^* ($m^* = 0.067m_0$). Сплошной красной кривой показана аппроксимация экспериментальных данных зависимостью (5) с перенормированной циклотронной частотой ω'_c . Горизонтальными пунктирными линиями черного, красного и зеленого цветов показаны сечения тепловой карты на частотах 5.5, 10.0 и 14.5 ГГц соответственно. Они же вынесены на рисунок (b). Сечения демонстрируют зависимость микроволнового поглощения ДЭС от магнитного поля. Цветными стрелками (в том числе и на тепловой карте) отмечены максимумы поглощения на соответствующих частотах. Данные получены на образце с диаметром мезы d = 4 мм, толщиной подложки h = 475 мкм, и электронной концентрацией $n_s = 7.5 \times 10^{11}$ см⁻²

 $GaAs/Al_xGa_{1-x}As$ (x = 0.3) с шириной 20 нм. Электронная плотность n_s составляла $7.5 \times 10^{11} \, {\rm cm}^{-2}$, а подвижность $\mu = 0.4 \times 10^6 \, {\rm cm^{-2}}/({
m B} \cdot {
m c})$ при температуре $T = 4.2 \,\mathrm{K}$. С помощью оптической литографии и жидкостного химического травления из квантовых ям были изготовлены мезы в форме дисков с диаметрами d = (3-7) мм. Стачиванием GaAs подложки достигались разные толщины чипов h = (140-640) мкм, после чего на обратную по отношению к квантовой яме сторону напылялся металлический затвор. Всего было изготовлено 11 различных образцов. Плазменные колебания возбуждались в ДЭС микроволновым излучением с частотой (1-40) ГГц. Для этого образец помещался внутрь прямоугольного волновода, где облучался электромагнитным излучением в частотном диапазоне 10-40 ГГц. Альтернативным методом возбуждения двумерной плазмы служило электрическое поле проволочной антенны, которая приваривалась ультразвуковой сваркой на чип непосредственно вблизи мезы. Для детектирования резонансного поглощения микроволнового излучения использовалась оптическая методика [27, 28], основанная на высокой чувствительности спектра рекомбинантной фотолюминесценции ДЭС к разогреву. Эксперименты проводились в заливном гелиевом криостате при температуре T = 4.2 К. Магнитное поле (0–0.4) Тл создавалось сверхпроводящим магнитом и было направлено перпендикулярно поверхности образца.

На рисунке 1а представлена карта интенсивности резонансного микроволнового поглощения в зависимости от частоты СВЧ возбуждения и магнитного поля. Измерения проводились на образце с толщиной подложки h = 475 мкм и диаметром мезы d == 4 мм. Показательные кривые поглощения для трех отдельно взятых частот представлены на рис. 1b. Они демонстрируют выраженные резонансы, положение которых в исследуемом диапазоне магнитных полей хорошо описывается дипольным приближением (красная сплошная кривая на рис. 1a) [29, 30]:

$$\omega_{\pm} = \pm \frac{\omega_c'}{2} + \sqrt{\frac{\omega_c'}{2}^2 + \omega_p^2},\tag{5}$$

где ω_p – плазменная частота в нулевом магнитном поле, а ω'_c – эффективная циклотронная частота. Низкочастотная ветвь магнитодисперсии (ω_-) соответствует краевому магнитоплазмону – возбуждению электронной плотности, распространяющемуся вдоль края ДЭС [31, 32]. Высокочастотная ветвь магнитодисперсии отвечает возбуждению циклотронной магнитоплазменной моды (ω_+) – коллективному циклотронному движению электронов по всей площади ДЭС [33, 34].

Особенностью полученных экспериментальных данных является сильное отличие плазменной частоты $f_p = (9.3 \pm 0.1)$ ГГц в нулевом магнитном поле от вычисленной в квазистатическом приближении $f_{\rm AP} = \omega_{\rm AP}/2\pi = 19.6$ ГГц. При вычислениях для экранированного плазмона в диске использовался волновой вектор q = 3.7/d [32]. Как было показано в работе [35], релятивистские эффекты запаздывания [36] приводят к модификации линейной дисперсии экранированного плазмона в нулевом магнитном поле. Синие круги на рис. 2 соответ-



Рис. 2. (Цветной онлайн) Дисперсия экранированного двумерного плазмона в нулевом магнитном поле. Положение точек, соответствующих экспериментальным данным, хорошо описывается теоретической зависимостью (3) (сплошная прямая). Для сравнения на рисунке приведена пунктирная прямая, отвечающая дисперсии плазменного возбуждения в квазистатическом приближении (2). Данные получены на образцах с толщиной подложки h = 640 мкм, и электронной концентрацией $n_s = 7.5 \times 10^{11}$ см⁻²

ствуют измеренным плазменным частотам для образцов с толщиной h = 640 мкм и диаметрами d = 3, 4, 5, 6 и 7 мм. Дисперсионная зависимость

Письма в ЖЭТФ том 114 вып. 9-10 2021

экранированного плазмона, полученная в квазистатическом приближении для экранированной ДЭС (2), показана пунктирной линией. Видно, что экспериментальные точки лежат существенно ниже. Они хорошо описываются выражением, учитывающим гибридизацию плазмона со световой волной в подложке (3) (сплошная синяя прямая) [26, 25].

Важным наблюдением является то, что гибридизация плазменной волны со светом приводит к сильному изменению магнитополевого поведения мод. Действительно, на рис. 1а черной сплошной кривой показана магнитодисперсия для экранированного плазмона, вычисленная по формуле (5) в квазистатическом приближении для неперенормированной циклотронной частоты $\omega_c = eB/m^*$, где $m^* = 0.067m_0$. Красная кривая соответствует подгонке формулы (5) к экспериментальным данным с циклотронным наклоном $\omega_c'/B = e/m_c$ и плазменной частотой ω_p в качестве свободных параметров. Видно, что при $\omega_c' = (0.35 \pm 0.01)\omega_c$ подгоночные кривые хорошо согласуются с экспериментальными точками как для циклотронной $\omega_{+}(B)$, так и для краевой $\omega_{-}(B)$ магнитоплазменных мод. Такое поведение может быть описано в рамках теоретической модели [24, 25], которая учитывает влияние релятивистских эффектов запаздывания. В этой модели происходит перенормировка циклотронной частоты согласно формуле (4). Для проверки этого утверждения был проведен сравнительный анализ наклонов магнитодисперсии экранированного плазмона для всех образцов. Каждая магнитодисперсия была аппроксимирована выражением (5) с циклотронным наклоном ω_c'/B в качестве свободного параметра. Это позволило получить эффективный наклон циклотронного резонанса ω_c'/B и сравнить его с $\omega_c/B = e/m^*$. Заметим, что для акустических плазменных возбуждений ренормализация циклотронной частоты контролируется двумя параметрами: электронной концентрацией n_s и расстоянием от двумерной электронной системы до экранирующего затвора h, а именно:

$$\frac{\omega_c}{\omega_c'} = 1 + \frac{n_s e^2 h}{\varepsilon_0 m^* c}.$$
 (6)

На рисунке 3 представлена зависимость измеренного экспериментально отношения ω_c/ω'_c как функция толщины полупроводниковой подложки. Экспериментальные точки были получены для образцов с толщиной h = 640, 475, 380, 340, 280, 215 и 140 мкм при фиксированном диаметре дисков d = 4 мм. Полученные экспериментальные данные отлично согласуются с теоретическим предсказанием (6) (красная линия на рис. 3). Таким образом, изменяя толщину



Рис. 3. (Цветной онлайн) Экспериментально полученная зависимость отношения ω_c/ω'_c от толщины подложки образца. Прямой линией показан график теоретической зависимости (4). Данные получены на образцах с диаметром мезы d = 4 мм и электронной концентрацией $n_s = 7.5 \times 10^{11}$ см⁻²

подложки, оказывается возможным управлять силой взаимодействия колебаний электронной плазмы со светом.

В результате, в работе исследовано магнитополевое поведение плазменных возбуждений в дисках ДЭС в условиях одновременно сильного экранирования и сильного запаздывания. Показано, что эффекты запаздывания приводят к перенормировке как плазменной, так и циклотронной частоты. Расстояние от затвора до плоскости двумерных электронов (как и их концентрация) выступает инструментом управления мерой взаимодействия света с магнитоплазмонами в ДЭС.

Работа выполнена в рамках государственного задания Федерального государственного бюджетного учреждения науки Института физики твердого тела им. Ю. А. Осипьяна Российской академии наук. Авторы признательны А. А. Заболотных и В. А. Волкову за плодотворное обсуждение результатов работы.

- G. Dresselhaus, A. F. Kip, and C. Kittel, Phys. Rev. 92, 827 (1953).
- B. Lax, H. J. Zeiger, R. N. Dexter, and E. S. Rosenblum, Phys. Rev. 93, 1418 (1954).
- G. Dresselhaus, A. F. Kip, and C. Kittel, Phys. Rev. 98, 368 (1955).
- 4. T. Ando, J. Phys. Soc. Jpn. 38, 989 (1975).
- E. Kress-Rogers, R. J. Nicholas, J. C. Portal, and A. Chevy, Solid State Commun. 44, 379 (1982).

- J. C. Maan, Th. Englert, D. C. Tsui, and A. C. Gossard, Appl. Phys. Lett. 40, 609 (1982).
- C. Kallin and B.I. Halperin, Phys. Rev. B 31, 3635 (1985).
- Z. D. Kvon, S. N. Danilov, N. N. Mikhailov, S. A. Dvoretsky, and S. D. Ganichev, Physica E 40, 1885 (2008).
- D. Hagenmüller, S. De Liberato, and C. Ciuti, Phys. Rev. B 81, 235303 (2010).
- Q. Zhang, T. Arikawa, E. Kato, J.L. Reno, W. Pan, J.D. Watson, M.J. Manfra, M.A. Zudov, M. Tokman, M. Erukhimova, A. Belyanin, and J. Kono, Phys. Rev. Lett. **113**, 047601 (2014).
- I. V. Andreev, V. M. Muravev, V. N. Belyanin, and I. V. Kukushkin, Appl. Phys. Lett. 105, 202106 (2014).
- T. Maag, A. Bayer, S. Baierl, M. Hohenleutner, T. Korn, C. Schüller, D. Schuh, D. Bougeard, C. Lange, R. Huber, M. Mootz, J. E. Sipe, S. W. Koch, and M. Kira, Nat. Phys. 12, 119 (2016).
- V. M. Muravev, I. V. Andreev, S. I. Gubarev, V. N. Belyanin, and I. V. Kukushkin, Phys. Rev. B 93, 041110 (2016).
- 14. А.В. Чаплик, ЖЭТФ 62, 746 (1972).
- U. Mackens, D. Heitmann, L. Prager, J.P. Kotthaus, and W. Beinvogl, Phys. Rev. Lett. 53, 1485 (1984).
- P.J. Burke, I.B. Spielman, J.P. Eisenstein, L.N. Pfeiffer, and K.W. West, Appl. Phys. Lett. 76, 745 (2000).
- V. M. Muravev, C. Jiang, I. V. Kukushkin, J. H. Smet, V. Umansky, and K. von Klitzing, Phys. Rev. B 75, 193307 (2007).
- W.F. Andress, H. Yoon, K.Y.M. Yeung, L. Qin, K. West, L. Pfeiffer, and D. Ham, Nano Lett. **12**, 2272 (2012).
- 19. J. Chen, М. Badioli, Ρ. Alonso-Gonzalez, S. Thongrattanasiri, F. Huth, J. Osmond. M. Spasenovic, A. Centeno, A. Pesquera, P. Godignon, Zurutuza Elorza, N. Camara, F. Abajo, А. R. Hillenbrand, and F. H. L. Koppens, Nature (London) 487, 77 (2012).
- Z. Fei, A.S. Rodin, G.O. Andreev, W. Bao, A.S. McLeod, M. Wagner, L.M. Zhang, Z. Zhao, M. Thiemens, G. Dominguez, M.M. Fogler, A.H. Castro Neto, C.N. Lau, F.Keilmann, and D.N.Basov, Nature (London) 487, 82 (2012).
- G. C. Dyer, G. R. Aizin, S. J. Allen, A. D. Grine, D. Bethke, J. L. Reno, and E. A. Shaner, Nat. Photonics 7, 925 (2013).
- D. A. Iranzo, S. Nanot, E. J. C. Dias, I. Epstein, C. Peng, D. K. Efetov, M. B. Lundeberg, R. Parret, J. Osmond, J.-Y. Hong, J. Kong, D. R. Englund, N. M. R. Peres, and F. H. L. Koppens, Science **360**, 291 (2018).
- D. A. Bandurin, D. Svintsov, I. Gayduchenko et al. (Collaboration), Nat. Commun. 9, 5392 (2018).

Письма в ЖЭТФ том 114 вып. 9-10 2021

- 24. Yu. A. Kosevich, A. M. Kosevich, and J. C. Granada, Phys. Lett. A **127**, 52 (1988).
- 25. А.В. Чаплик, Письма в ЖЭТФ 101, 602 (2015).
- A. A. Zabolotnykh and V. A. Volkov, Phys. Rev. B 103, 125301 (2021).
- I.V. Kukushkin, J.H. Smet, K. von Klitzing, and W. Wegscheider, Nature (London) 415, 409 (2002).
- V. M. Muravev, I. V. Andreev, S. I. Gubarev, V. N. Belyanin, and I. V. Kukushkin, Phys. Rev. B 93, 041110(R) (2016).
- S. J. Allen, H. L. Störmer, and J. C. M. Hwang, Phys. Rev. B 28, 4875 (1983).

- 30. С. С. Назин, В. Б. Шикин, ФНТ 15, 227 (1989).
- 31. В. А. Волков, С. А. Михайлов, ЖЭТФ **94**, 217 (1988).
- 32. A. L. Fetter, Phys. Rev. B 33, 5221 (1986).
- 33. D.B. Mast, A.J. Dahm, and A.L. Fetter, Phys. Rev. Lett. 54, 1706 (1985).
- 34. T. N. Theis, J. P. Kotthaus, and P. J. Stiles, Solid State Commun. 24, 273 (1977).
- 35. I.V. Andreev, V.M. Muravev, N.D. Semenov, and I.V. Kukushkin, Phys. Rev. B. 103, 115420 (2021).
- I. V. Kukushkin, J. H. Smet, S. A. Mikhailov, D. V. Kulakovskii, K. von Klitzing, and W. Wegscheider, Phys. Rev. Lett. 90, 156801 (2003).