## Андерсоновская локализация в двумерной электронно-дырочной системе

З. Д. Квон<sup>+\*</sup>, Е. Б. Ольшанецкий<sup>+1)</sup>, М. А. Дрофа<sup>+</sup>, Н. Н. Михайлов<sup>+</sup>

+Институт физики полупроводников, 630090 Новосибирск, Россия

\*Новосибирский государственный университет, 630090 Новосибирск, Россия

Поступила в редакцию 12 августа 2021 г. После переработки 25 августа 2021 г. Принята к публикации 25 августа 2021 г.

В сильно разупорядоченной двумерной электронно-дырочной системе в квантовой яме на основе HgTe обнаружена андерсоновская локализация, поведение которой принципиальным образом отличается от наблюдаемого в широко изученных двумерных однокомпонентных электронных и дырочных системах. Установлено, что в системе происходит двухступенчатая локализация: первыми локализуются двумерные дырки, как частицы с почти на порядок большей эффективной массой, чем у электронов. Затем происходит локализация электронов. Также найдено, что в исследуемой системе отсутствует переход металл-изолятор: даже при значениях проводимости  $\sigma > e^2/h$  наблюдается диэлектрическая температурная зависимость. Полученные результаты впервые поднимают вопрос о характере андерсоновской локализации в двумерной электронно-дырочной системе.

DOI: 10.31857/S1234567821180087

Андерсоновская локализация и переход металлизолятор относятся к наиболее фундаментальным квантовомеханическим явлениям, с тех пор как они впервые были рассмотрены в основополагающей работе [1]. Особую актуальность они приобрели с появлением двумерных электронных систем и гипотезы о том, что двумерного металла не существует [2, 3]. Наконец указанная проблема приобрела новый импульс, когда переход металл-изолятор был обнаружен в двумерных системах экспериментально [4, 5] вопреки упомянутой гипотезе, и был поднят вопрос о роли эффектов взаимодействия в локализации и условиях возникновения коллективных состояний, подобных вигнеровскому кристаллу [6–11]. Из последних работ на обсуждаемую тему следует отметить [12].

Двумерные электронно-дырочные системы в HgTe ямах спустя более десяти лет после их обнаружения по-прежнему являются предметом интенсивных исследований [13, 14]. В данной работе впервые рассматривается поведение андерсоновской локализации в сильно разупорядоченной двумерной электронно-дырочной системе, когда она происходит при одновременном существовании электронов и дырок. Такой системой оказался обнаруженный недавно двумерный полуметалл (ДП) в 14 нм

НдТе яме [15], характеризуемый перекрытием зон, аналогичным тому, что наблюдается в широко исследованных ДП в ямах толщиной 18-22 нм [16-18], но имеющий значительно более низкую подвижность и электронов и дырок. Диэлектрическое состояние в HgTe квантовых ямах ранее изучалось в серии работ [19-21]. Однако все они посвящены случаю очень малого перекрытия зон, когда реализуется ситуация перколяционного или щелевого транспорта. Еще раз отметим принципиально важный факт: величина перекрытия в исследуемой системе не мала, а равна  $E_{\text{overlap}} \approx 5 \text{ мэВ} [15]$ , т.е. на порядок превышает величины перекрытия в упомянутой серии работ, и влияние возможных флуктуаций толщины ямы [22] на спектр пренебрежимо мало.

Экспериментальные образцы, исследованные в данной работе, представляли собой полевые холловские транзисторы, изготовленные на основе HgTe квантовых ям толщиной 14 нм с ориентацией (013) и снабженные металлическими TiAu затворами. Их более детальное описание дано в [15]. Измерения проводились в диапазоне температур 0.3–10 К, и в магнитных полях до 1 T с использованием стандартной схемы фазочувствительного детектирования на частотах 0.3–12 Гц и при величинах измерительного тока через образец 0.01–10 нА в зависимости от характера измерений.

 $<sup>^{1)}{\</sup>rm e\text{-mail: eolsh@isp.nsc.ru}}$ 



Рис. 1. (Цветной онлайн) (а) – Типичная зависимость  $\rho_{xx}(V_g)$  при 4.5 К. (b) – Зависимости концентрации электронов  $N_s(V_g)$  и дырок  $P_s(V_g)$  от затворного напряжения при двух температурах. (c) – Зависимости подвижности электронов и дырок от затворного напряжения

На рисунке 1а показана типичная зависимость удельного сопротивления ( $\rho_{xx}$ ) описанных структур от затворного смещения ( $V_g$ ), измеренная при 4.4 К в диапазоне -3-1 В. Она представляет собой кривую с максимумом при  $V_g^{\text{max}} = -0.62$  В, где величина  $\rho_{xx}$  достигает 27 кОм/квадрат, означающей, что в окрестности максимума величина  $k_F l$  ( $k_F$  – волновой вектор носителей заряда, l – их длина свобод-

ного изучаемой системы) близка к единице. Отсюда можно сделать вывод, что в окрестности максимума с точки зрения критерия Иоффе-Регеля, изучаемая система близка к переходу металл-изолятор, а при удалении от нее вправо система становится двумерным электронным металлом, а влево – двумерным полуметаллом. На рисунке 1b показаны зависимости концентраций электронов  $(N_s)$  и дырок  $(P_s)$  при температуре 8 и 4.5 К, а также их подвижности от затворного напряжения при 4.5 К, найденные из магнеторанспортных измерений. Их поведение подтверждает результаты работы [15] и говорит о существовании двумерного полуметалла в 14 нм HgTe квантовых ямах, характеризуемого заметно более низкой подвижностью как электронов так и дырок и, следовательно, значительно более высоким беспорядком, чем ДП в широко изученных ранее ямах толщиной 18-22 нм. Из них также видно, что точка зарядовой нейтральности (ТЗН), в которой  $N_s = P_s =$  $= 4 \cdot 10^{10} \, \mathrm{cm}^{-2}$  лежит немного правее максимума зависимости  $\rho_{xx}(V_g)$ . Также обратим внимание, что концентрация и электронов и дырок не меняется с температурой. Рисунок 2а представляет зависимости  $\rho_{xx}(V_a)$  при различных температурах в широком диапазоне 0.3-10 К. Они однозначно показывают, что в окрестности максимума исследуемая система демонстрирует хорошо выраженное диэлектрическое поведение, когда сопротивление растет при уменьшении температуры от значений, близких и ниже  $h/e^2$ до величин, превышающих их почти на два порядка, а при значениях затворного напряжения, соответствующих электронному металлу и полуметаллическому состоянию, т.е. при  $\rho_{xx} \ll h/e^2$ , наблюдается квазиметаллическое поведение, когда ее сопротивление слабо зависит от T. На рисунке 2b и с приведены уже температурные зависимости сопротивления при фиксированных значениях концентрации электронов (рис. 2b) и дырок (рис. 2c) (отметим, что в ТЗН и слева от нее электроны и дырки существуют одновременно), т.е. при движении к ТЗН со стороны электронного металла и при движении к ней со стороны ДП. Из них ясно видно, что поведение зависимостей  $\rho_{xx}(T)$  кардинальным образом отличается от того, что наблюдается в однокомпонентных системах [4-6, 8-11]: при всех концентрациях как слева, так и справа от максимума наблюдается диэлектрическое поведение даже при значениях сопротивления  $\rho_{xx} \ll h/e^2$ . Таким образом, в исследуемой системе не наблюдается переход металл-изолятор.

Обсудим теперь приведенные результаты. Рассмотрим для начала энергетический спектр системы на основе недавней работы [23], в которой получена



Рис. 2. (Цветной онлайн) (а) – Зависимости  $\rho_{xx}(V_g)$  при различных температурах в диапазоне 0.3–10 К. (b) – Зависимости  $\rho_{xx}(T)$  в максимуме кривой  $\rho_{xx}(V_g)$  и справа от него при различных концентрациях электронов (снизу вверх): 8, 6.6, 5.4, 4.4, 3.2, 2 (10<sup>10</sup> см<sup>-2</sup>). (c) – Зависимости  $\rho_{xx}(T)$  в максимуме кривой  $\rho_{xx}(V_g)$  и слева от него при различных концентрациях дырок (снизу вверх): 2.7, 2, 1.45, 1.1, 0.9, 0.2 (10<sup>11</sup> см<sup>-2</sup>). Сплошные линии на рис. 2b и с приведены для наглядности

наиболее надежная и детальная информация о нем из экспериментов по циклотронному резонансу, результаты которых хорошо согласуются с теоретическими расчетами. Согласно им эффективная масса электронов равна  $m_n = (0.025 - 0.03)m_0$ , дырок на

Письма в ЖЭТФ том 114 вып. 5-6 2021

порядок больше  $m_p = (0.25 - 0.3)m_0$ , а перекрытие зон  $E_{\text{overlap}} = (4-5)$  мэВ. Отметим, что величина перекрытия, определенная из значений концентраний в ТЗН, хорошо согласуется с указанной. Таким образом, в окрестности ТЗН, где наблюдается ярко выраженное диэлектрическое поведение, мы имеем ранее не рассматривающуюся ситуацию, когда локализация происходит в двухкомпонетной электроннодырочной системе, в которой эффективная масса одних частиц (дырок) на порядок больше, чем эффективная масса других (электронов). Тогда можно предположить существование в указанной системе двухступенчатой локализации: сначала происходит локализация значительно более тяжелых дырок, а затем более легких электронов. Подобное предположение подтверждается поведением эффекта Хола и магнитосопротивления, показанном на рис. 3 и 4. Эти рисунки ясно показывают, что, если при понижении температуры от 8 до 1.6 К, поведение холловского сопротивления  $\rho_{xy}(B)$  в ТЗН и справа от нее (т.е. когда транспортный отклик полностью определяется электронами) не изменяется, то слева от нее оно принципиальным образом меняется даже при концентрации дырок  $P_s = 1.2 \cdot 10^{11} \,\mathrm{cm}^{-2}$ : в холловской эдс практически полностью исчезает дырочный вклад. Очень интересно ведет себя МС: при 8К оно при  $P_s = 1.2 \cdot 10^{11} \, {\rm cm}^{-2}$ меняет знак с положительного при 8 К на отрицательный при 1.6 К, свидетельствуя о начале локализации дырок, а в ТЗН оно уже является полностью отрицательным при 8К, а при 1.6 К на его зависимости от магнитного поля возникает точка перегиба, которую можно интерпретировать как сумму ОМС высокоподвижных электронов и ОМС низкоподвижных дырок: в малых полях видна только ОМС первых, а более сильных, когда ОМС электронов выходит на насыщение, начинает быстро расти ОМС дырок, в результате чего и возникает указанный перегиб.

Проанализируем теперь полученные результаты на основе предположения, что проводимость исследуемой двумерной электронно-дырочной системы с сильным беспорядком является суммой проводимостей электронной ( $\sigma_e$ ) и дырочной ( $\sigma_h$ ) невзаимодействующих подсистем:

$$\sigma_{e-h} = \sigma_e + \sigma_h. \tag{1}$$

Если выражение (1) справедливо, то в окрестности ТЗН даже при высокой температуре (10 K) основной вклад в проводимость дают электроны, так как  $\sigma_e \approx (3-4)e^2/h$ , а  $\sigma_h \ll e^2/h$ . Тогда ключевой результат (рис. 2) можно попытаться рассматривать в рамках электронной проводимости. Посколь-



Рис. 3. (Цветной онлайн) Холловское сопротивление  $\rho_{xy}(B)$  и магнитосопротивление  $\rho_{xx}(B)$  при концентрации дырок  $P_s = 1.2 \cdot 10^{11} \text{ см}^{-2}$ ,  $V_g = 1.2 \text{ B}$ : (a) – при температуре 1.6 K; (b) – при температуре 8 K

ку он, как было отмечено выше, указывает на отсутствие перехода металл-изолятор, то можно провести анализ результатов, приведенных на рис. 2, в рамках скейлинговой модели [2], заменив размер образца температурой, имея в виду тот факт, что при конечной температуре роль характерного размера играет длина фазовой когерентности [24]. Тогда используя температурную зависимость проводимости можно попытаться построить скейлинговую функцию ( $\beta$ ), пользуясь температурными зависимостями сопротивления на рис. 2b из выражения [25–27]:

$$\beta = d\ln(g)/d\ln(T) = (T/R)(dR/dT), \qquad (2)$$

 $g = \sigma/(e^2/h)$ . Результат демонстрирует рис. 5, на котором найденная указанным выше способом функция  $\beta$  показана в зависимости от проводимости. Как хорошо видно, ее поведение полностью противоречит поведению, предсказанному в [2] и наблюдавшемуся в [26, 27]: хотя  $\beta < 0$  при всех значениях проводимости, она с увеличением g растет по абсолютной величине, а не падает. Такое поведение можно было бы связать с эффектами электрон-электронного взаимодействия. Оценим его силу через параметр Вигнера–Зейтца  $r_s = (\pi N_s)^{-1/2}/a^*$ , где  $a^* = \epsilon_{QW}\hbar^2/m_ne^2$  –



Рис. 4. (Цветной онлайн) Холловское сопротивление  $\rho_{xy}(B)$  и магнитосопротивление  $\rho_{xx}(B)$  в точке зарядовой нейтральности ( $N_s = P_s = 4 \cdot 10^{10} \,\mathrm{cm}^{-2}$ ),  $V_g = -0.3 \,\mathrm{B}$ : (a) – при температуре 1.6 K; (b) – при температуре 8 K

боровский радиус электронов в HgTe квантовой яме. Оценка дает величину  $r_s < 1$  для электронов в ТЗН и справа от нее, т.е. в диапазоне концентраций  $N_s = (4 \cdot 10^{10} - 10^{11}) \, \mathrm{cm}^{-2}$ . Столь малая величина  $r_s$  обусловлена большой величиной диэлектрической проницаемости ( $\epsilon_{QW} = 15$  в HgTe квантовых ямах), а также значительно меньшей эффективной массой электронов, чем в Si и GaAs. В этом отношении ДЭС в HgTe квантовой яме наиболее близка к случаю невзаимодействующих электронов. Тем не менее, как показывают результаты экспериментального определения функции  $\beta$ , приведенные на рис. 5a, поведение локализации в исследуемой системе не описывается в рамках однопараметрического скейлинга. И здесь необходимо заметить, что при анализе поведения проводимости в максимуме сопротивления и справа от него мы полностью пренебрегли тем фактом, что описанная электронная локализация происходит в области хвоста зоны локализованных дырок. И, возможно, отсутствие однопараметрического скейлинга является следствием того, что флуктуационный потенциал, формируемый примесями и локализованными в этом потенциале дырками приводит



Рис. 5. (Цветной онлайн) Скейлинговая функция  $\beta = d \ln(g)/d \ln(T) = (T/R)(dR/dT)$ , найденная из температурной зависимости проводимости: (a) – вблизи максимума  $\rho_{xx}(V_g)$  и справа от него; (b) – вблизи максимума  $\rho_{xx}(V_g)$  и слева от него

к такому поведению электронной локализации, которое уже не описывается однопараметрическим скейлингом.

Поведение проводимости слева от максимума зависимости  $\rho_{xx}(V_q)$ , когда вкладом дырок уже нельзя пренебрегать, и она определяется одновременным существованием электронов и дырок, оказалось еще более аномальным. Во-первых, функция  $\beta$ , построенная аналогичным образом уже из температурной зависимости проводимости в указанной области затворных напряжений, также ведет себя не в соответствии с предсказанием однопараметрического скейлинга. Во-вторых, при  $g \gg 1$  (рис. 6) проводимость ведет себя немонотонным образом, так как сначала она растет при понижении температуры, а только затем начинает уменьшаться, тогда как на правой части зависимости  $\rho_{xx}(V_q)$  проводимость при  $g \gg 1$ все время растет при понижении температуры примерно по логарифмическому закону (слабая лока-



Рис. 6. (Цветной онлайн) Температурные зависимости сопротивления  $\rho_{xx}(T)$  справа (а) и слева (b) от ТЗН в области одинаковых значений  $g \gg 1$ . Сплошные красные и синие линии приведены для наглядности

лизация). Это означает, что поведение системы, когда вкладом дырок в проводимость нельзя пренебречь, носит более сложный характер, обусловленный, скорее всего, тем, что начинают уже влиять эффекты взаимодействия между дырками (у которых параметр  $r_s$  на порядок больше, чем у электронов) и между электронами и дырками. Также, возможно, на поведение прововодимости могут влиять эффекты спин-орбитального взаимодействия. Хотя следует отметить, что в обсуждаемой области затворных напряжений не наблюдается указывающее на него аномальное положительное или знакопеременное MC (см. рис. 3).

Подводя итог результатам данной работы, можно заключить, что в ней впервые обнаружены эффекты андерсоновской локализации в двумерной двухкомпонентной системе, в которой эффективная масса одних частиц (дырок) на порядок превышает эффективную массу других (электронов). В настоящей работе изложены только первые результаты, показывающие, что поведение локализации в такой системе носит новый и нетривиальный характер. Вопервых, несмотря на малость эффектов взаимодействия, ее поведение не описывается однопараметрическим скейлингом, во-вторых, в ней возникает ранее не рассматриваемая ситуация двухступенчатой локализации, когда требуется учет электронноэлектронного и электронно-дырочного взаимодействия, а также взаимодействия между дырками. Очевидно, что дальнейшее как экспериментальное, так и теоретическое исследование обнаруженного явления представляет безусловный интерес.

Работа выполнена при поддержке Министерства науки и высшего образования (075-15-2020-797(13.1902.21.0024)).

- 1. P.W. Anderson, Phys. Rev. 109, 1492 (1958).
- E. Abrahams, P.W. Anderson, D.C. Licciardello, and T.V. Ramakrishnan, Phys. Rev. Lett. 42, 673 (1979).
- P. A. Lee and T. V. Ramakrishnan, Rev. Mod. Phys. 57, 287 (1985).
- S. V. Kravchenko, G. V. Kravchenko, J. E. Furneaux, V. M. Pudalov, and M. D'Iorio, Phys. Rev. B 50, 8039 (1994).
- Y. Hanein, U. Meirav, D. Shahar, C. C. Li, D. C. Tsui, and H. Shtrikman, Phys. Rev. Lett. 80, 1288 (1998).
- E. Abrahams, S.V. Kravchenko, and M.P. Sarachik, Rev. Mod. Phys. **73**, 251 (2001).
- A. Punnoose and A.M. Finkel'stein, Science **310**, 289 (2005).
- 8. А.А. Шашкин, УФН 175, 139 (2005).
- 9. В. Ф. Гантмахер, В. Т. Догополов, УФН **178**, 3 (2008).
- 10. В.Т. Долгополов, УФН **187**, 785 (2017).
- 11. В.Т. Долгополов, УФН **189**, 673 (2019).
- В. М. Пудалов, М. Е. Гершензон, Письма в ЖЭТФ 111, 237 (2020).

- Г. М. Миньков, О.Э. Рут, А.А. Шерстобитов, С.А. Дворецкий, Н. Н. Михайлов, Письма в ЖЭТФ 110, 274 (2019).
- З. Д. Квон, М. Л. Савченко, Д. А. Козлов, Е. Б. Ольшанецкий, А. С. Ярошевич, Н. Н. Михайлов, Письма в ЖЭТФ 112, 174 (2020).
- Н. Н. Васильев, З. Д. Квон, Н. Н. Михайлов, С. Д. Ганичев, Письма в ЖЭТФ 113, 463 (2021).
- З. Д. Квон, Е.Б. Ольшанецкий, Д.А. Козлов, Н.Н. Михайлов, С.А. Дворецкий, Письма в ЖЭТФ 87, 588 (2008).
- Е.Б. Ольшанецкий, З.Д. Квон, М.В. Энтин, Л.И. Магарилл, Н.Н. Михайлов, С.А. Дворецкий, Письма в ЖЭТФ 89, 338 (2009).
- E. B. Olshanetsky, Z. D. Kvon, N. N. Mikhailov, E. G. Novik, I. O. Parm, and S. A. Dvoretsky, Solid State Commun. 152, 265 (2012).
- E. Olshanetsky, Z. D. Kvon, Y. A. Gerasimenko, V. Prudkoglyad, V. M. Pudalov, N. N. Mikhailov, and S. Dvoretsky, Письма в ЖЭТФ 98, 947 (2013).
- M. Knap, J. D. Sau, B. I. Halperin, and E. Demler, Phys. Rev. Lett. **113**, 186801 (2014).
- V. A. Prudkoglyad, E. B. Olshanetsky, Z. D. Kvon, V. M. Pudalov, N. N. Mikhailov, and S. A. Dvoretsky, Phys. Rev. B 98, 155437 (2018).
- M. M. Mahmoodian and M. V. Entin, Phys. Rev. B 101, 125415 (2020).
- J. Gospodaric, A. Shuvaev, N. N. Mikhailov, Z. D. Kvon, E. G. Novik, and A. Pimenov, PRB, to be published.
- B. L. Altshuler, A. G. Aronov, and D. E. Khmelnitskyi, J. Phys. C: Sol. St. Phys. 15, 7367 (1982).
- R. Davies, M. Pepper, and M. Kaveh, J. Phys. C: Sol. St. Phys. 16, L285 (1983).
- Э. И. Заврицкая, И. П.Звягин, Письма в ЖЭТФ 41, 393 (1985).
- С. И.Дорожкин, Е.Б. Ольшанецкий, З.Д. Квон, Г.М. Гусев, Письма в ЖЭТФ 45, 577 (1987).